

# انتخاب تابع موجک مناسب در تشخیص خرابی ساختمان پیش‌ساخته‌ی پانلی مبتنی بر نتایج آزمایشگاهی و روش عددی

Original Article

مجتبی حنطه (دانشجوی دکتری)

امید رضایی‌فر<sup>\*</sup> (دانشیار)

مجید قلهکی (استاد)

دانشکده‌ی مهندسی عمران، دانشگاه سمنان

بیشتر سازه‌های عمرانی به مرور زمان و تحت شرایط محیطی و بارهای خارجی دچار آسیب می‌شوند و همواره وقوع خرابی امری اجتناب‌ناپذیر است. لذا تشخیص آسیب، موضوع بسیاری از مطالعات بوده است. در این زمینه، تبدیل موجک که یک ابزار ریاضی توأم‌مند پردازش سیگنال است، در حوزه‌ی پایش سلامت، نظر بسیاری از پژوهشگران را به خود جلب کرده است. پژوهش حاضر به پایش سلامت ساختمان پیش‌ساخته‌ی پانلی کامل بر مبنای نتایج آزمایشگاهی و به کمک روش تبدیل موجک پیوسته پرداخته است و آسیب‌هایی که ممکن است در سازه‌های مذکور رخ دهنند، ارزیابی شده است. با توجه به نتایج آزمایشگاهی و تحلیل نتایج توابع موجک مختلف، موقعیت خرابی به کمک تابع  $5 \text{ coif}_8$  با موفقیت شناسایی شده است. همچنین اثر مودهای بالاتر در نمایش شدت خرابی محسوس‌تر بوده است، به طوری که در مود پیچشی سازه، بیشینه‌ی ضرایب موجک بزرگ‌تر و شدت خرابی بیشتر نمایان شده است.

mhenteh@semnan.ac.ir  
orezayfar@semnan.ac.ir  
mgholhaki@semnan.ac.ir

وازگان کلیدی: پانل سه‌بعدی، تبدیل موجک، پایش سلامت سازه، تشخیص خرابی، پردازش سیگنال.

## ۱. مقدمه و تاریخچه مطالعات

در اثر خرابی‌های جزئی به وجود آمده، عمر مفید سازه‌ها کاهش یافته و در نتیجه‌ی گسترش خرابی‌های مذکور ممکن است سازه دچار خسارت‌های کلی و حتی تخریب شود؛ بنابراین، شناسایی نقاط تضعیف شده‌ی سازه‌ها، قبل از رسیدن به حالت بحرانی سیار مهم و حائز اهمیت است. در گذشته، روش‌های سنتی عیوب‌یابی، نظری: بازرسی‌های چشمی، بازرسی آلتروسنیک و رادیوگرافی، روش مایع نفوذی به صورت مختلف مهندسی، از جمله: مکانیک، هواشناسی، عمران و همچنین پزشکی و اقتصاد جایگاه ویژه‌ی دارد. با نظر به این که آسیب‌های به وجود آمده در سازه‌ها می‌توانند خسارت‌های جانی و مالی فراوانی را بر جای گذارند، امروزه بیشتر اهمیت موضوع سلامت سازه‌ها و تشخیص خرابی در آنها احساس می‌شود. در حوزه‌ی پایش سلامت سازه، منظور از خرابی هرگونه تغییر در خواص ماده یا هندسه، سیستم سازه‌ی است که عملکرد کلی سازه را تحت تأثیر قرار می‌دهد. نیروهای جانی و قائم، بارگذاری‌های بیش از ظرفیت طراحی اعضاء، اجرای نادرست، فرسودگی مصالح و عوامل دیگر در طول خدمت رسانی همواره عملکرد صحیح سازه را مختل می‌کنند.

\* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۱۱/۳/۱۳۹۹، اصلاحیه ۳/۱۳۹۹، پذیرش ۹/۳۰/۱۳۹۹.

DOI:10.24200/J30.2020.56237.2812

الگوریتم عیب‌یابی برای سازه‌ها با استفاده از پارامترهای لرزه‌هی پیشنهاد دادند و در یافتن که با استفاده از الگوریتم پیشنهادی می‌توان آسیب را دقیقاً در یک زمان محاسباتی نسبتاً کوتاه شناسایی کرد.<sup>[۱۹]</sup> همچنین ساهو<sup>۱۵</sup> و همکاران (۲۰۱۸)، یک روش ترکیبی برای تشخیص خرابی ارائه دادند.<sup>[۲۰]</sup> غیاثی و همکاران (۲۰۱۹)، نیز یک روش سه مرحله‌یی برای شناسایی آسیب سازه‌های فضایی در مقیاس بزرگ با استفاده از الگوریتم بهینه‌سازی خفash پیشرفتۀ پیشنهاده است، که روش پیشنهادی می‌تواند مکان و شدت آسیب در سازه‌های فضایی را دقیقاً تشخیص دهد.<sup>[۲۱]</sup> آنو<sup>۱۶</sup> و همکاران (۲۰۱۹)، مطالعه‌ی تحلیلی عیب‌یابی با استفاده از خطوط تأثیر جایه‌جایی پل را بررسی کردند و در یافتن که رویکرد مذکور می‌تواند به درستی آسیب در مدل شبیه‌سازی را تشخیص دهد.<sup>[۲۲]</sup> روفلز<sup>۱۷</sup> و همکاران (۲۰۲۰)، با استفاده از شبکه‌های عصبی مصنوعی به عیب‌یابی پل پرداختند و روش مذکور نتایج امیدوارکننده‌یی را نشان داد و ۴ مورد از ۵ مورد آسیب‌دیدگی را با موفقیت شناسایی کرد.<sup>[۲۳]</sup> با توجه به مطالعات و پژوهش‌های صورت گرفته توسعه پژوهشگران مختلف در سرتاسر جهان در زمینه‌ی بررسی خصوصیات و عیب‌یابی می‌توان نتیجه گرفت که در زمینه‌ی سازه‌های پانلی سه‌بعدی، مطالعات مدون، منسجم و سازمان‌دهی شده‌ی چندانی صورت نگرفته است، که این موضوع ضرورت انجام پژوهش حاضر را فراهم کرده است. لذا در پژوهش حاضر، به بررسی و پایش سلامت ساختمان پیش‌ساخته‌ی پانلی کامل بر مبنای نتایج آزمایشگاهی و تحلیل توابع موجک مختلف پرداخته و آسیب‌هایی که ممکن است در سازه‌های اخیر رخ دهند، ارزیابی و تحلیل شده‌اند.

## ۲. تبدیل موجک

تبدیل موجک<sup>۱۸</sup> یا تبدیل ویولت، تبدیلی است که با استخراج مشخصات بسامدی یک سیگنال در یک بازه‌ی زمانی کوتاه بیان می‌کند که اجراء مذکور با گذشت زمان به چه نحو تغییر می‌کنند. در واقع، تبدیل موجک براین اصل استوار است که هر سیگنال می‌تواند به مجموعه‌یی از توابع موضعی، که موجک نامیده می‌شوند، تبدیل شود. هر نوع ویژگی موضعی یک سیگنال را می‌توان با استفاده از توابع موجکی مرتبط تحلیل و بررسی کرد. تبدیلات موجک به نقاط تکینه<sup>۱۹</sup> در سیگنال‌ها حساس هستند و می‌توان از همین موضوع برای پیدا کردن تغییرات تند و ناگهانی در شکل‌های مودی، که اغلب نشان‌دهنده‌ی آسیب است، استفاده کرد.

تبدیل موجک در حالت کلی به دو صورت پیوسته و گسته تعریف می‌شوند، که در پژوهش حاضر از تبدیل موجک پیوسته<sup>۲۰</sup> استفاده شده است. اگر (t)  $\times$  یک سیگنال در بازه‌ی  $-\infty$  –  $+\infty$  باشد، در این صورت تبدیل موجک پیوسته یک بعدی آن به صورت رابطه‌ی ۱ تعریف می‌شود:

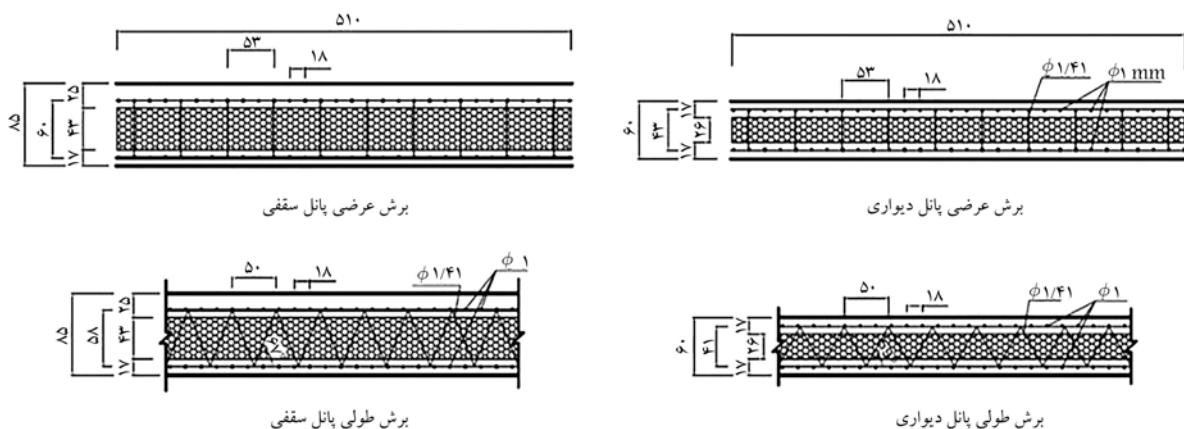
$$CWT(s, b) = \frac{1}{\sqrt{|s|}} \int_{-\infty}^{+\infty} x(t) \psi^* \left( \frac{t-b}{s} \right) dt \quad (1)$$

که در آن، پارامترهای  $b$  و  $s$  به ترتیب پارامترهای انتقال<sup>۲۱</sup> و مقیاس<sup>۲۲</sup> هستند و  $CWT(s, b)$  ضریب موجک نامیده می‌شود. نیز تابع موجک مادر نامیده می‌شود و  $\Psi$  مزدوج مختلط<sup>۲۳</sup> است. هر ضریب موجک، نشان‌دهنده‌ی میران همیستگی یا شباهت سیگنال اصلی به شکل موج موجک تغییر مقیاس بافته‌ی موجک مادر با پارامتر مقیاس  $s$  در حوالی نقطه‌ی  $b$  است. پارامتر مقیاس در تبدیل موجک پیوسته به عنوان یک اپراتور ریاضی باعث انقباض یا انبساط سیگنال می‌شود. مقیاس‌های بالا، متاظر با جزئیات<sup>۲۴</sup> و مقیاس‌های پایین، متاظر با تقریبات<sup>۲۵</sup> سیگنال هستند.

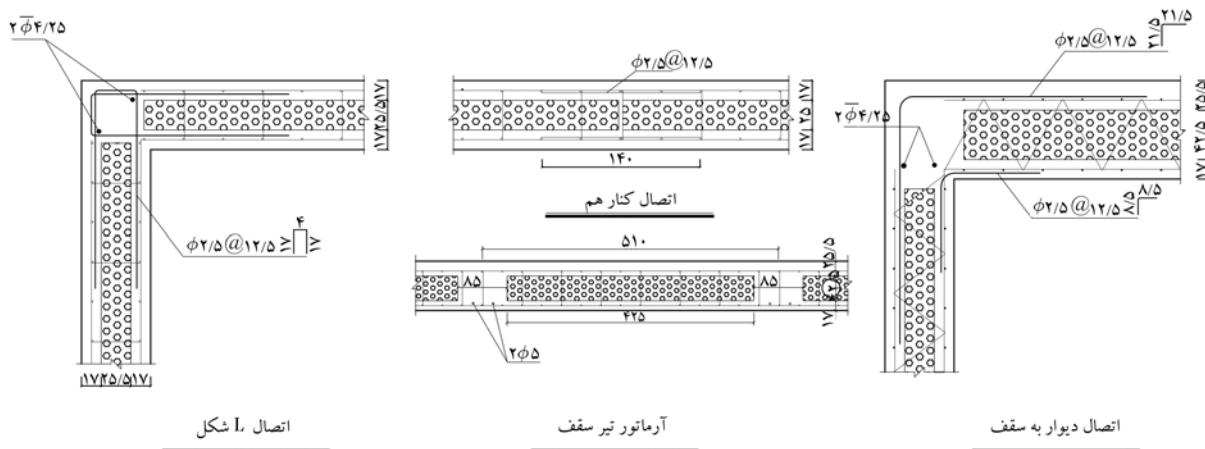
در مطالعه‌ی تشخیص آسیب در یک پل فولادی با مقیاس کامل توسط سوندسن<sup>۲</sup> و همکاران (۲۰۲۰)، یک روش برای تشخیص اتصال‌های مفصلی آسیب دیده در پل‌های فولادی برای بهبود کیفیت بازرسی از پل ارائه شده است، که می‌تواند در هنگام بازرسی از پل، آسیب‌های سازه‌یی مهم را شناسایی کند و برای پل‌های فولادی روباز استفاده شود.<sup>[۲۶]</sup> گوکداج و کمپارز<sup>۲۷</sup>، نیز با استفاده از رویکردی جدید مبتنی بر ترکیب تبدیل موجک گسته و پیوسته به تشخیص آسیب در تیرها پرداخته‌اند.<sup>[۲۸]</sup> قدرتی امیری و همکاران (۲۰۱۰)، هم با استفاده از شکل مودی صفحات سالم و معیوب توسعه تبدیل موجک گسته به تشخیص محل آسیب پرداخته‌اند.<sup>[۲۹]</sup> لیو<sup>۳۰</sup> و همکاران (۲۰۱۲)، نیز با استفاده از تبدیل موجک موفق به شناسایی محل خرابی در تورینه‌ی های بادی شدند و بر اساس ارتباط پیشینه‌ی ضرایب موجک و میران خسارت موجود، شدت خرابی را ارزیابی کردند.<sup>[۳۱]</sup> لوتریدیس<sup>۳۲</sup> و همکاران (۲۰۰۴)، به تشخیص آسیب با استفاده از تحلیل مودهای ارتعاشی اصلی تیرهای طره‌ی دولی ترک خودره به کمک تبدیل موجک پیوسته پرداختند و در یافتن که ضرایب تبدیل موجک، مقادیر بالایی را در محل ترک‌ها نشان می‌دهند و روش پیشنهادی قادر به تشخیص آسیب‌های منفرد و چندگانه است.<sup>[۳۳]</sup> فان و کیا<sup>۳۴</sup> (۲۰۰۹)، روشنی جهت شناسایی محل خرابی بر اساس تبدیل موجک گوسی دو بعدی در صفحات خمیشی ارائه کردند، که قادر به شناسایی آسیب در سازه‌های صفحه‌یی کامپوزیتی نیز است.<sup>[۳۵]</sup> کاتونین<sup>۳۶</sup> (۲۰۱۰)، با استفاده از تبدیلات موجک گسته روی پاسخ‌های مودال یک تیر ساخته شده از ورق پلیمری به بررسی ترک‌های متعدد پرداخت و نشان داد روش پیشنهادی قادر به تشخیص ترک‌های چندگانه است و در بحث پایش سلامت سازه مؤثر است.<sup>[۳۷]</sup> روش پیشنهادی باقرقی و کوره‌لی (۲۰۱۳)، نیز در بررسی محل خرابی در سازه‌های تحت تحریک زلزله با استفاده از موجک گسته، مبتنی بر تشخیص تغییرات ناگهانی در پاسخ‌های لرزه‌یی جایه‌جایی با سرعت بوده است.<sup>[۳۸]</sup> در مطالعات دیگری، بررسی رفتار دینامیکی در سیستم‌های پانل سه‌بعدی توسط کبیر و رضایی فر (۲۰۰۸) و (۲۰۱۲) ارزیابی شده است.<sup>[۳۹]</sup> بقیه<sup>۴</sup> (۲۰۱۵) و همکاران (۲۰۱۰)، هم یک روش ترکیبی بر اساس شبکه‌های عصبی مصنوعی و الگوریتم زتیک برای شناسایی آسیب پیشنهاد کردن و نتایج روش پیشنهادی ایشان مطابقت کاملی با نتایج آزمایشگاهی داشته است.<sup>[۴۰]</sup> همچنین عموزاده و همکاران (۲۰۱۶)، با استفاده از تبدیل موجک به پردازش پاسخ سازه‌ها جهت تشخیص خسارت‌های به وجود آمده در اثر زلزله پرداختند و نتایجی روش مطالعه شده در تشخیص آسیب‌دیدگی تحت اثر زلزله و قابلیت بالای آن در تعیین محل و زمان رخداد آسیب‌ها، بدون نیاز به اطلاعات سازه‌ی اولیه را بیان کردند.<sup>[۴۱]</sup> آشوری و همکاران (۲۰۱۷)، نیز با استفاده از ترکیب تبدیل موجک و مدل المان محدود به روزرسانی شده به تشخیص آسیب در صفحات کامپوزیتی چندلایه پرداختند.<sup>[۴۲]</sup> یانگ و اویادیجی<sup>۴۳</sup> (۲۰۱۷)، روشن جدیدی جهت شناسایی خرابی در صفحات کامپوزیتی چندلایه با استفاده از سطح سامد مودال ارائه کردند.<sup>[۴۴]</sup> یانگ<sup>۴۵</sup> و همکاران (۲۰۱۵)، نیز برای شناسایی خرابی سازه‌ی تونلی، یک شاخص خرابی جدید مبتنی بر تبدیل موجک بر اساس بردار نیروی باقی‌مانده پیشنهاد و برای مدل المان محدود تولی با انواع مختلف خرابی در موقعیت‌های مختلف استفاده کردند.<sup>[۴۵]</sup> همچنین فریگیو<sup>۴۶</sup> و همکاران (۲۰۱۸)، روشنی کلی برای عیب‌یابی در سازه‌های عمرانی ارائه دادند و تشخیص آسیب را در دو حالت اعمال خرابی تعمدی و خرابی ناشی از سیگنال زلزله بررسی و تأیید کردند.<sup>[۴۷]</sup> کارمیناتی و ریچی<sup>۴۸</sup> (۲۰۱۸)، در مطالعه‌یی به بررسی عیب‌یابی سازه‌ها با استفاده از ارتعاش‌ها پرداختند.<sup>[۴۹]</sup> فریراگومز<sup>۵۰</sup> و همکاران (۲۰۱۹)، هم با استفاده از روش‌های معکوس به عیب‌یابی سازه‌های مکانیکی با استفاده از الگوریتم‌های بهینه‌سازی و شبکه‌یی عصبی مصنوعی پرداختند.<sup>[۵۱]</sup> کریشمانتونی<sup>۵۲</sup> و همکاران (۲۰۱۹)، نیز یک

#### جدول ١. مشخصات مصالح مصرفی.

نوع مواد	ضریب پواسون	وزن مخصوص	مدول یانگ	تش تسلیم	مقاومت کششی	مقاومت فشاری
فولاد	۰/۲۸	۷۸۵۵	۲۰۶	۴۷۰	۵۲۰	-
شاتکریت	۰/۱۵	۲۱۷۵	۱۵	-	۲/۸	۲۴/۶
پالی استایرن	۰/۱۷	۱۰	۰/۰۲	-	-	-



شکل ۱. جزئیات یازل دیواری و سقفی مقیاس شده (ابعاد به میلی‌متر). [۲۴]



شکل ۲. جزئیات اتصال‌های مقیاس شده (ابعاد به میلی‌متر).

مشخصات مصالح مصرفی به طور خلاصه در جدول ۱ ارائه شده است.

ابعاد اصلی ساختمان ۴ طبقه دارای ابعاد به پلان  $7 \times 5 \times 4$  و ارتفاع  $13/2$  متر بوده است، که با مقیاس  $\frac{1}{25}$  به ابعاد پلان  $2 \times 3/2$  و ارتفاع  $5/6$  متر تغییر ییدا کرده است. در شکل ۳، پلان ساختمان ۴ طبقه و میز لرزان به همراه فونداسیون فازی به صورت دقیق بر روی آن به همراه موقوفیت آرماتورهای تقویتی و در شکل ۴، نمایهای کلی ساختمان در مجموعه آزمایشگاهی میز لرزان دانشگاه صنعتی شریف مشاهده می‌شود.

پس از انجام تحلیل مودال، شکل مودهای سازه استخراج و با استفاده از تبدیل موجک پیوسته، ماتریس شکل مودهای سالم و معیوب در محیط نرم افزار متلب<sup>25</sup> تحلیل و موقعیت خواهانه شناسایی شده است.

۳. مدل سازی ساختمان پیش ساخته‌ی پانلی در نرم افزار  
اجزاء محدود آباکوس و نمونه‌ی آزمایشگاهی

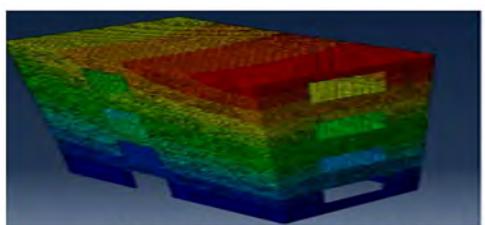
جهت مدل سازی ساختمان ۴ طبقه از المان پوسته‌ی مرکب در نرم‌افزار اجزاء محدود آباکوس استفاده شده است. در این خصوص با استفاده از آزمایش‌های اجزاء سیستم پانلی، مشخصات استاتیکی لایه‌های مختلف به دست آمده و در مدل سازی استفاده شده است.<sup>[۲۴]</sup> با توجه به این‌که مقیاس مدل نسبت به نمونه‌ی اصلی  $\frac{1}{25}$  است، کلیه‌ی ابعاد از جمله قطر میلگرد نیز مقیاس شده است. در شکل ۱، جزئیات پالل‌های دیواری و سقفی مقیاس شده و همچنین در شکل ۲، حزبات اتصال دیوارها و سقف‌های سازه‌ی پانلی، مقیاس شده رای مدل مشاهده

جدول ۲. مقایسه نتایج تحلیل مودی مدل های آزمایشگاهی و اجزاء محدود سازه هی سالم.

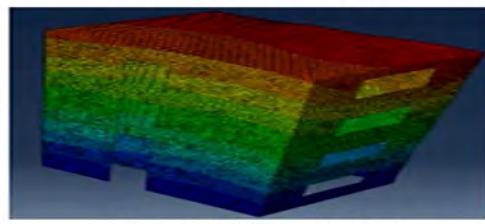
مود	نتایج تحلیل مودی مدل آزمایشگاهی	نتایج تحلیل مودی مدل آزمایشگاهی	درصد خطا مدل آزمایشگاهی و مدل عددی	نتایج تحلیل مودی مدل آزمایشگاهی	نتایج تحلیل مودی مدل آزمایشگاهی	تساوب (ثانیه)	تساوب (هزار ثانیه)					
	بسامد (هزار)	بسامد (هزار)		بسامد (هزار)	بسامد (هزار)	بسامد (هزار)	بسامد (هزار)	بسامد (هزار)	بسامد (هزار)	بسامد (هزار)	بسامد (هزار)	بسامد (هزار)
۱	۵/۶۱	۰/۱۷۸	۰/۱۷۴	۵/۷۶	۰/۱۷۴	۰/۶۷	۰/۶۷	۰/۶۷	۰/۶۷	۰/۶۷	۰/۶۷	۰/۶۷
۲	۷/۳۷	۰/۱۳۶	۰/۱۳۷	۷/۲۹	۰/۱۳۷	۰/۶۸	۰/۶۸	۰/۶۸	۰/۶۸	۰/۶۸	۰/۶۸	۰/۶۸
۳	۱۵/۵۰	۰/۰۶۵	۰/۰۷۱	۱۴/۱۷	۰/۰۷۱	۸/۵۸	۰/۰۷۳	۰/۰۷۳	۰/۰۷۳	۰/۰۷۳	۰/۰۷۳	۰/۰۷۳



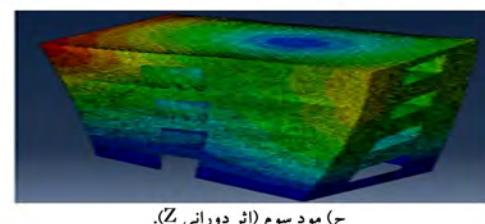
شکل ۴. نساهای کلی ساختمان در مجموعه آزمایشگاهی میز لرzan. [۲۴]



الف) مود اول (اثر توام انتقالی X و دورانی Z);



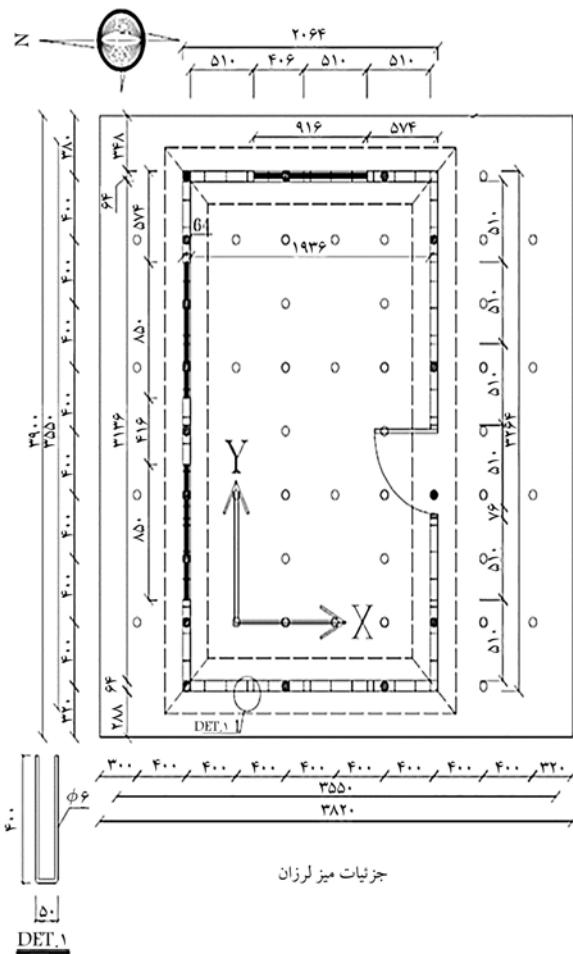
ب) مود دوم (اثر توام انتقالی Y و دورانی Z);



ج) مود سوم (اثر دورانی Z).

شکل ۵. شکل مودهای سازه سالم.

ایجاد شده پس از لرزه ناغان - ۱۳۵٪ آزمایشگاهی (منتظر از ۱۳۵٪ یعنی رکوردهای شتاب، سرعت و جایه جایی زلزله) واقعی ناغان، %۳۵ افزایش یافته است. مشاهده می شود، که مطابق آن بخش عمده ای از انرژی زلزله در طبقه ای اول و بخش کمتری در طبقه دوم با وارد شدن سازه به ناحیه غیرخطی تلف شده است. بنابراین در روند کاهش سختی سازه، طبقات اول و دوم نقش مهم تری ایفا می کنند. همچنین اطراف بازشوها از نقاط حساس سازه است، که ترک ها از آنجا شروع می شود و دلیل آن وجود تمکر تشن در اطراف بازشوهاست.

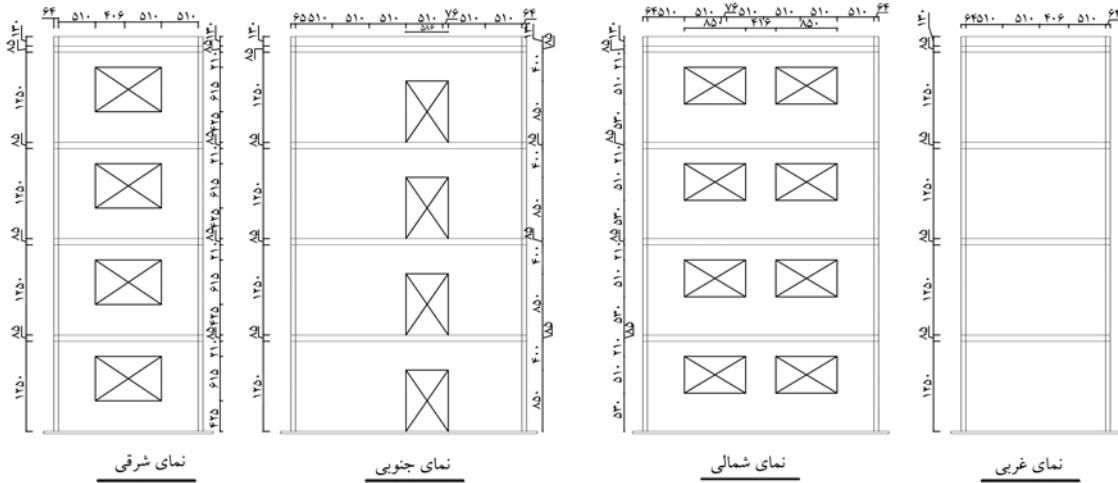


شکل ۳. پلان ساختمان ۴ طبقه و جزئیات میز لرzan، فونداسیون و آرماتورهای تقویتی مقیاس شده (ابعاد به میلی متر). [۲۴]

به منظور صحبت سنجی مدل اجزاء محدود، نتایج تحلیل مودال مدل آزمایشگاهی و مدل اجزاء محدود، سازه سالم برای ۳ مود اصلی انتقالی و دورانی سازه در جدول ۲ ارائه شده است، که مطابق آن، مطابقت مناسبی بین نتایج دو مدل برقرار است. همچنین در شکل ۵، شکل ۳ مود اصلی انتقالی و دورانی سازه سالم ترسیم شده است.

#### ۴. بررسی تغییرات بسامدی و شکل مودی

عکس العمل سازه تحت لرزه های مختلف با نصب ابزارهای دقیق اندازه گیری و سپس رفتار واقعی سازه تحت زمین لرزه برآورد شده است. در شکل ۶، ترک های



شکل ۶. ترک های ایجاد شده پس از لرزه‌ی ناغان-۱۳۵۰٪ آزمایشگاهی.

جدول ۳. مقایسه‌ی نتایج تحلیل مودی مدل‌های آزمایشگاهی و اجزاء محدود سازه‌ی آسیب دیده.

مود	نتایج تحلیل مودی مدل آزمایشگاهی						
	درصد خطأ مدل اجزا محدود	نتایج تحلیل مودی مدل اجزا محدود	تناوب (هر تراز)	تناوب (ثانیه)			
بسامد (هر تراز)	بسامد (ثانیه)	تناوب (هر تراز)	تناوب (ثانیه)				
۱	۰/۴۰	۰/۵۰	۰/۲۴۹	۴/۰۲	۰/۲۵۰	۴/۰۰	۱
۲	۱/۰۲	۰/۷۸	۰/۱۹۸	۵/۰۶	۰/۱۹۶	۵/۱۰	۲
۳	۲/۲۵	۲/۲۷	۰/۱۳۰	۷/۶۷	۰/۱۳۳	۷/۵۰	۳

جدول ۴. مقادیر معیار همبستگی شکل مودها.

مود	نمای جنوبی سازه	نمای شمالی سازه	نمای شرقی سازه
۱	۰/۹۹۷۳۳۶۹۷۲	۰/۹۹۶۳۸۶۰۳۰	۰/۹۷۳۰۹۳۳۶۴
۲	۰/۹۵۷۸۱۹۵۳	۰/۸۸۱۱۵۸۶۳۹	۰/۹۹۹۱۹۰۱۱۶
۳	۰/۹۸۴۴۵۴۴۱۱	۰/۹۹۰۰۲۵۲۹۸	۰/۹۶۷۷۷۷۸۲۵

جدول ۵. زاویه‌ی بین بردار شکل مودهای سالم و آسیب دیده (درجه).

مود	نمای جنوبی سازه	نمای شمالی سازه	نمای شرقی سازه
۱	۰/۲۴۱۰	۳/۴۴۶۵	۲/۹۵۸۰
۲	۱/۶۳۰۸	۲۰/۱۶۵۵	۱۲/۱۳۸۸
۳	۱۰/۳۴۰۹	۵/۷۲۱۹	۷/۱۶۲۴

نتایج تحلیل مدل آزمایشگاهی و مدل اجزاء محدود سازه‌ی آسیب دیده پس از لرزه‌ی ناغان - ۱۳۵۰٪ برای ۳ مود اصلی انتقالی و دورانی میزان همبستگی شکل مودهای مختلف شده است، که مطابق آن مطابقت مناسبی بین نتایج دو مدل برقرار است.

در صورت انطباق کامل شکل مودهای سازه‌های سالم و آسیب دیده، هیچ‌گونه خرابی در سازه وجود ندارد؛ بنابراین اگر چنانچه بتوان میزان همبستگی شکل مودهای مختلف سازه‌های سالم و آسیب دیده را بررسی کرد، می‌توان به مستله‌ی وجود خرابی در سازه پاسخ داد. یکی از معیارهای اطمینان‌بخش جهت مقایسه‌ی شکل مودهای سازه‌های سالم و آسیب دیده، معیار همبستگی شکل مود (MAC) <sup>۲۶</sup> است، که از طریق رابطه‌ی ۲ به بیان می‌شود:

$$MAC_i(Ud, D) = \frac{\left( \sum_{i=1}^n \phi_i^{Ud} \phi_i^D \right)^r}{\sum_{i=1}^n (\phi_i^{Ud})^r \sum_{i=1}^n (\phi_i^D)^r} \quad (2)$$

در جدول ۴، مقادیر معیار همبستگی شکل مودی نمایهای مختلف سازه برای سه مود اصلی انتقالی و دورانی ارائه شده است. مشاهده می‌شود تمام مقادیر کمتر از ۱ هستند و وجود آسیب تأیید می‌شود. در جدول ۵، زاویه‌ی بین بردار شکل

جدول ۶. مقادیر بسامدهای طبیعی سازه‌های سالم و آسیب‌دیده مدل اجزاء محدود.

مو	بسامد سازه‌ی سالم (هرتزا)	بسامد سازه‌ی آسیب‌دیده (هرتزا)	مو	بسامد سازه‌ی سالم (هرتزا)	بسامد سازه‌ی آسیب‌دیده (هرتزا)
۱	۵/۷۶۸۰	۴/۰۲۲۶	۸	۱۱/۹۱۱	۱۱/۳۹۸
۲	۷/۲۹۹۲	۵/۰۶۰۶	۹	۱۱/۹۵۸	۱۱/۸۲۰
۳	۸/۰۱۷۷	۷/۶۶۵۹	۱۰	۱۱/۹۶۵	۱۱/۸۸۸
۴	۸/۰۲۶۵	۸/۱۶۱۸	۱۱	۱۴/۱۶۶	۱۱/۹۰۶
۵	۸/۳۲۲۶	۸/۲۲۶۱	۱۲	۱۵/۶۹۰	۱۲/۳۵۱
۶	۸/۳۲۷۰	۸/۲۴۲۸	۱۳	۱۶/۰۲۶	۱۵/۳۵۰
۷	۱۱/۷۰۹	۹/۹۲۱۳	۱۴	۱۶/۰۸۸	۱۵/۷۷۷

```
n1 = 2 * numel (x (:));
```

```
xi = linspace (0, L, n1);
```

```
Ui = interp1 (x, U, xi, Interpolation);
```

```
Di = interp1 (x, D, xi, Interpolation);
```

گام ۳. محاسبه‌ی اختلاف شکل بسامدهای  $n$  ام حالت سالم و هر یک از نماهای آسیب‌دیده.

```
Signal = Ui - Di;
```

گام ۴. اعمال تبدیل موجک پیوسته به گام ۳ و استخراج ضرایب حاصل از جزئیات تحلیل‌های موجک.

```
c = cwt (Signal, Scale, 'wname');
```

```
% wname = wavelet name
```

گام ۵. درون‌یابی اسپلین مکعبی ضرایب موجک و توزیع ضرایب (شناسایی ناحیه‌ی خرابی).

```
xx = linspace (0, L, numel (cD (:)));
```

```
n2 = 2 * numel (xi (:)); n3 = 2 * numel (xx (:));
```

```
xii = linspace (0, L, n2); xxi = linspace (0, L, n3);
```

```
ci = interp1 (xi, c, xii, Interpolation);
```

```
cDi = interp1 (xx, cD, xxi, Interpolation);
```

```
figure; plot (xii, ci)
```

```
figure; plot (xxi, cDi)
```

در شکل‌های ۷ الی ۱۳، نمودارهای توابع مذکور حاصل از تحلیل موجک اختلاف شکل بسامدهای سه مود اصلی انتقالی و دورانی مربوط به نماهای مختلف سازه مشاهده می‌شود. نتایج مربوط به شناسایی خرابی در نماهای مختلف سازه مربوط به سه مود اصلی انتقالی و دورانی سازه نشان می‌دهد که با توجه به نتایج آزمایشگاهی، موقعیت خرابی به کمک تابع `coif5` با پارامتر مقیاس ۸ با موفقیت شناسایی شده و تابع `coif5` با پارامتر مقیاس ۸ علاوه بر شباهت بسامدی با محتوای

بسامدهای سالم و آسیب‌دیده نماهای مختلف سازه برای سه مود اصلی انتقالی و دورانی ارائه شده است. همان‌طور که انتظار می‌رفت، تمامی زوایای بین شکل بسامدهای حالت‌های سالم و معیوب، غیرصفر هستند و این موضوع نیز وجود آسیب در ساختمان پانلی را تأیید می‌کند.

همان‌طوری که مطرح شد، خرابی در سازه‌ها باعث تغییر در پاسخ‌های استاتیکی و دینامیکی سازه می‌شود. این تغییرات ناشی از تغییر در ماتریس‌های ذاتی سازه (ماتریس‌های جرم، سختی و میرایی) است؛ بنابراین، می‌توان از روی تغییرات در پاسخ‌های سازه به مسئله‌ی وجود خرابی پاسخ داد. کوچک‌ترین تغییر در ماتریس سختی سازه با تغییرات در ماتریس بسامدهای طبیعی همراه خواهد بود. در جدول ۶، بسامدهای طبیعی ۱۴ مود اول سازه‌ی پانلی در حالت‌های سالم و آسیب‌دیده تحت زلزله‌ی ناغان  $-135\%$  مدل اجزاء محدود ارائه شده است. تغییرات بسامدهای طبیعی تأییدی بر وجود خرابی در سازه‌ی پانلی است.

## ۵. شناسایی محل و قوع خرابی در نماهای مختلف ساختمان

ماتریس‌های مربوط به اختلاف شکل بسامدهای سازه‌های سالم و آسیب‌دیده توسط تبدیل موجک پیوسته با استفاده از انواع توابع موجک، از جمله: Haar, db, bior, db, rbio, sym, dmev, meyr, coif, rcoif و gaus و mexh تحلیل موجکی شده و به علت محدود بودن حجم پژوهش، نتایج توابع موجک Haar, db45 و coif5 در پژوهش حاضر بررسی شده‌اند. در اینجا، گام‌های الگوریتم شناسایی خرابی تشریح شده است:

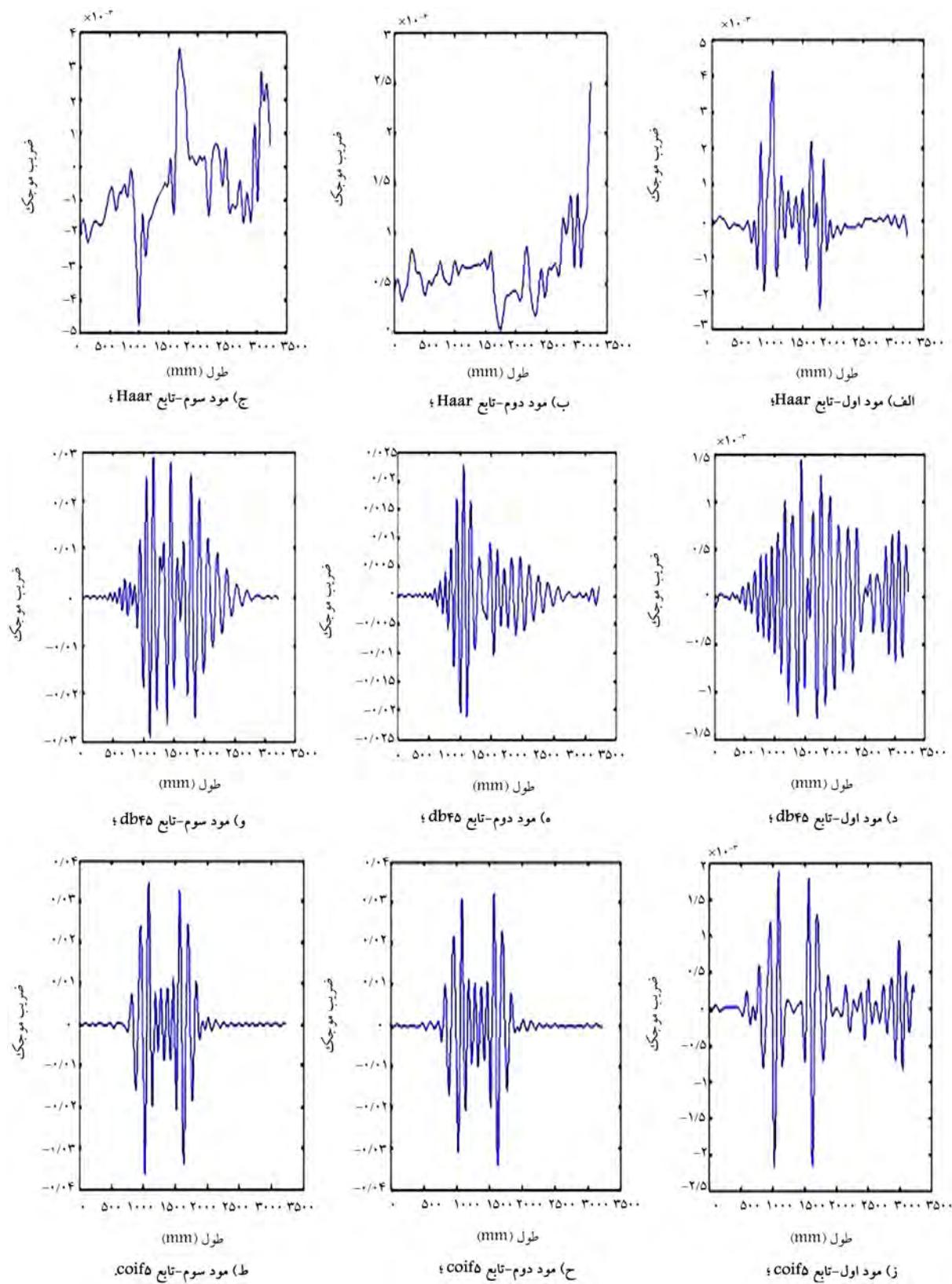
گام ۱. فراخوانی شکل بسامدهای حالت‌های سالم و آسیب‌دیده به محیط نرم‌افزار متلب.

```
U = xlsread ('undamaged signal.xlsx');
```

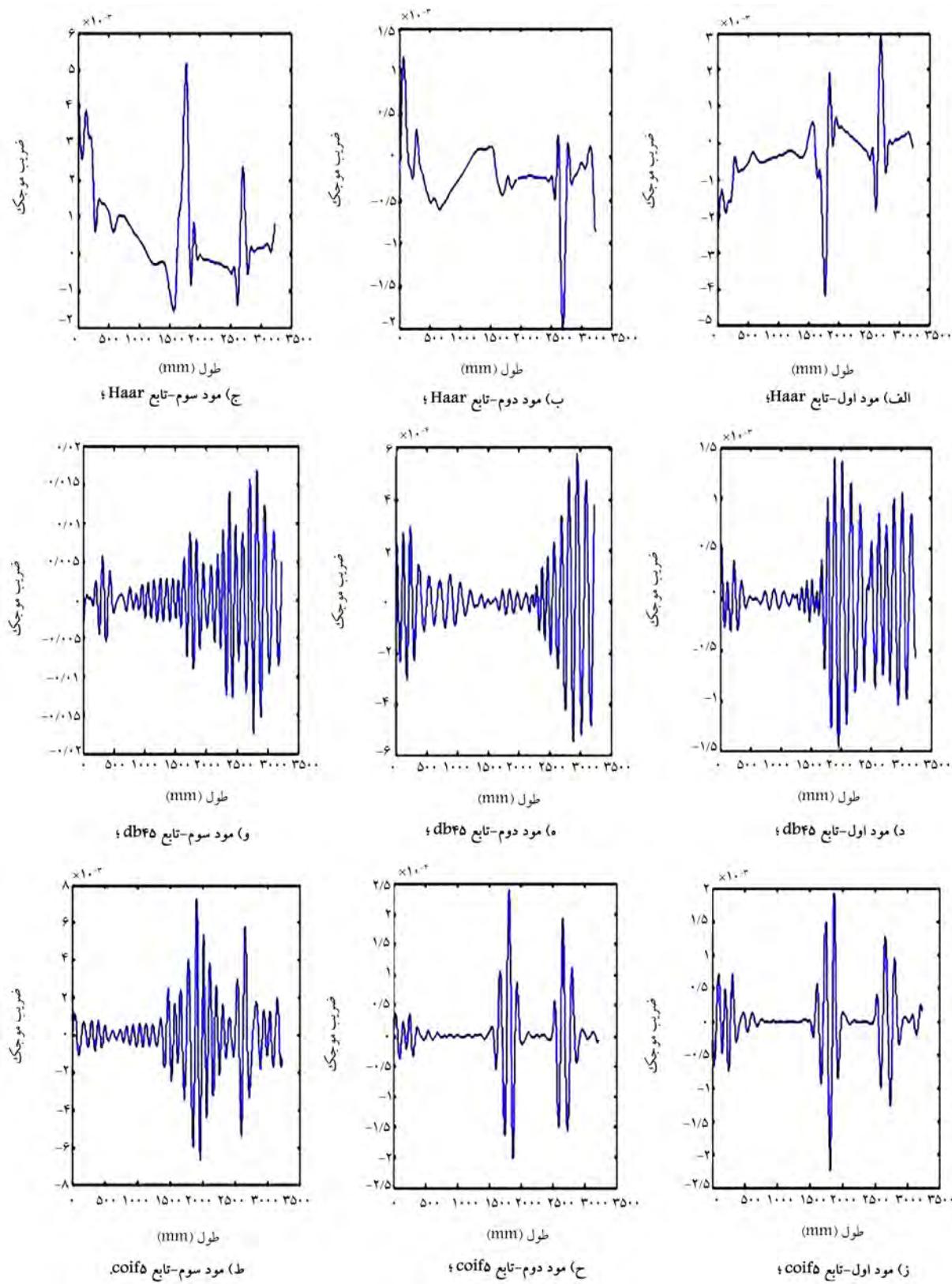
```
D = xlsread ('damaged signal.xlsx');
```

گام ۲. درون‌یابی اسپلین مکعبی (CSI) <sup>۲۷</sup> شکل بسامد.

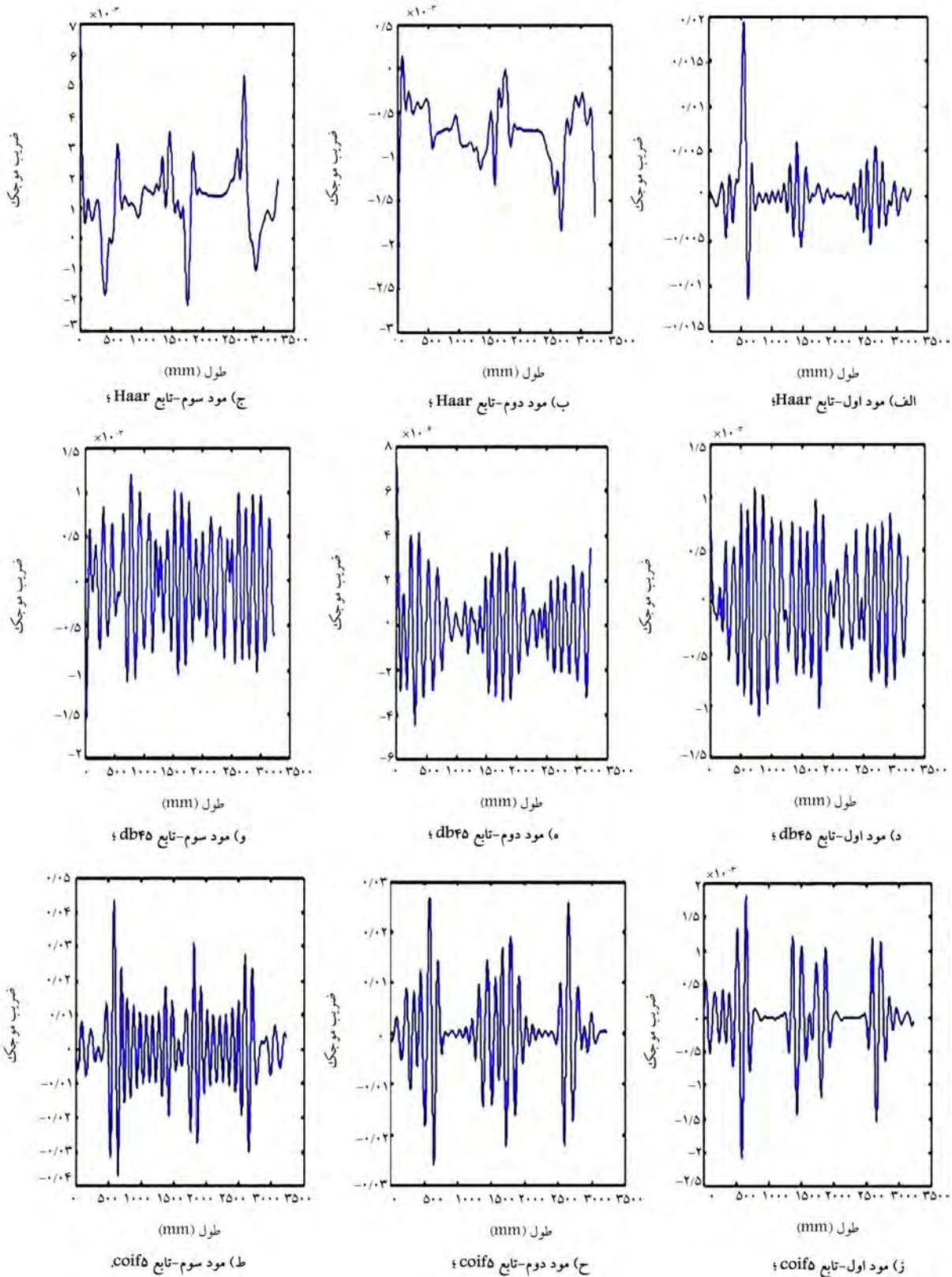
```
x = linspace (0, L, numel (U (:))); % L = Length of beam
Interpolation = 'spline';
```



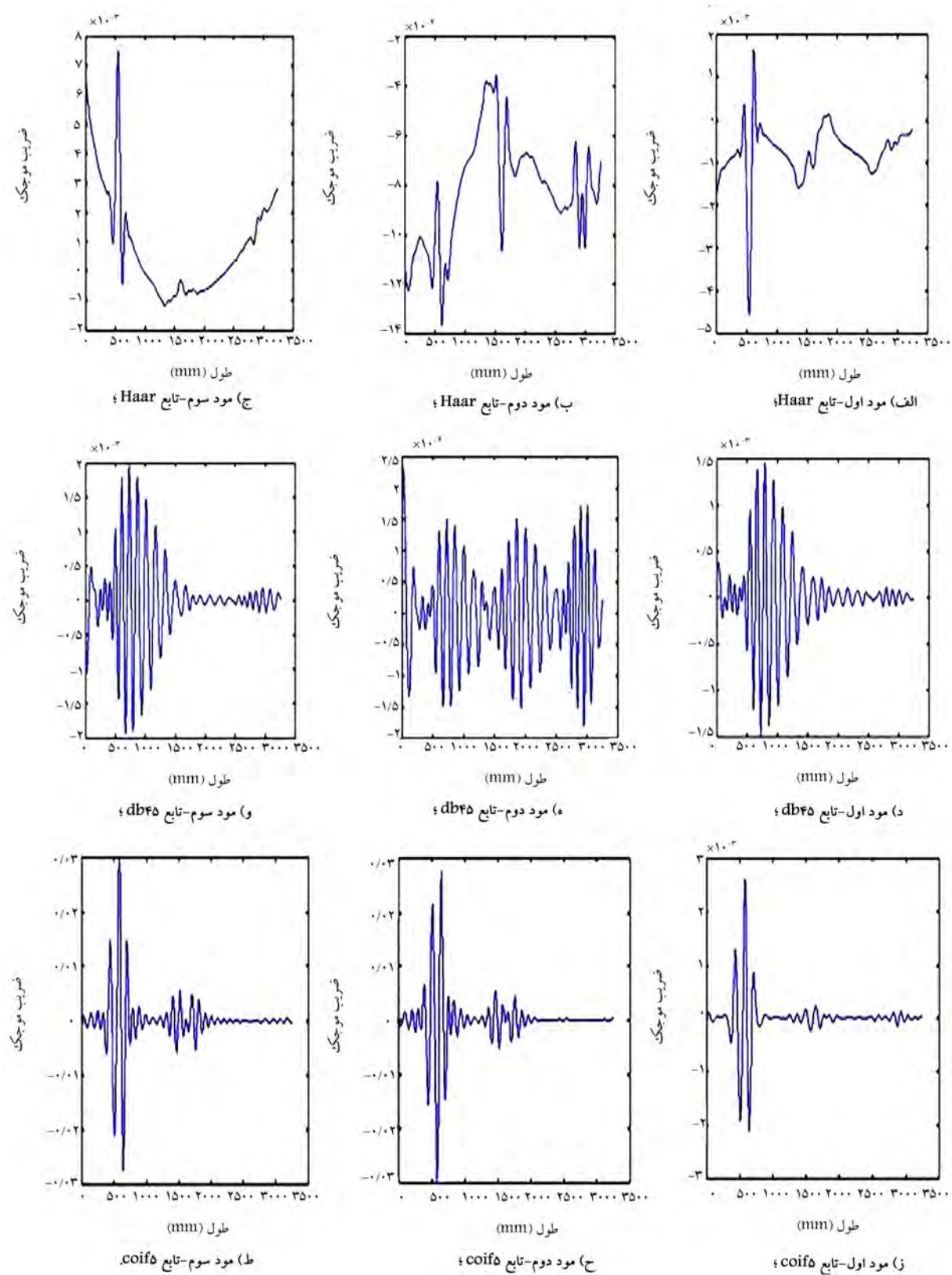
شکل ۷. نمودارهای توابع مختلف حاصل از تحلیل موجک اختلاف شکل ۳ مود اصلی سازه مربوط به طبقه‌ی اول نمای جنوبی.



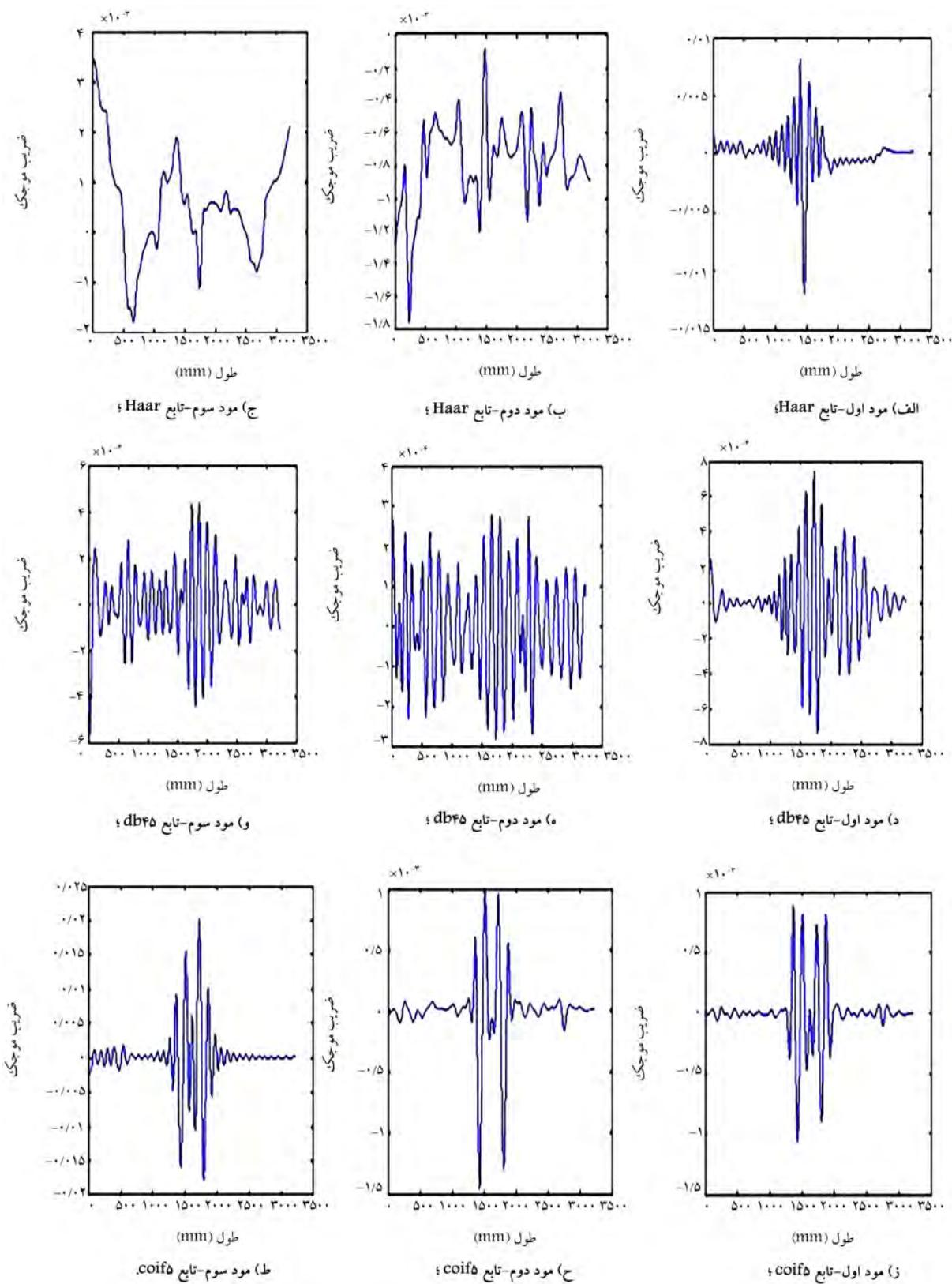
شکل ۸. نمودارهای توابع مختلف حاصل از تحلیل موجک اختلاف شکل ۳ مود اصلی سازه مربوط به طبقه‌ی اول - پایین بازشوهای نمای شمالی.



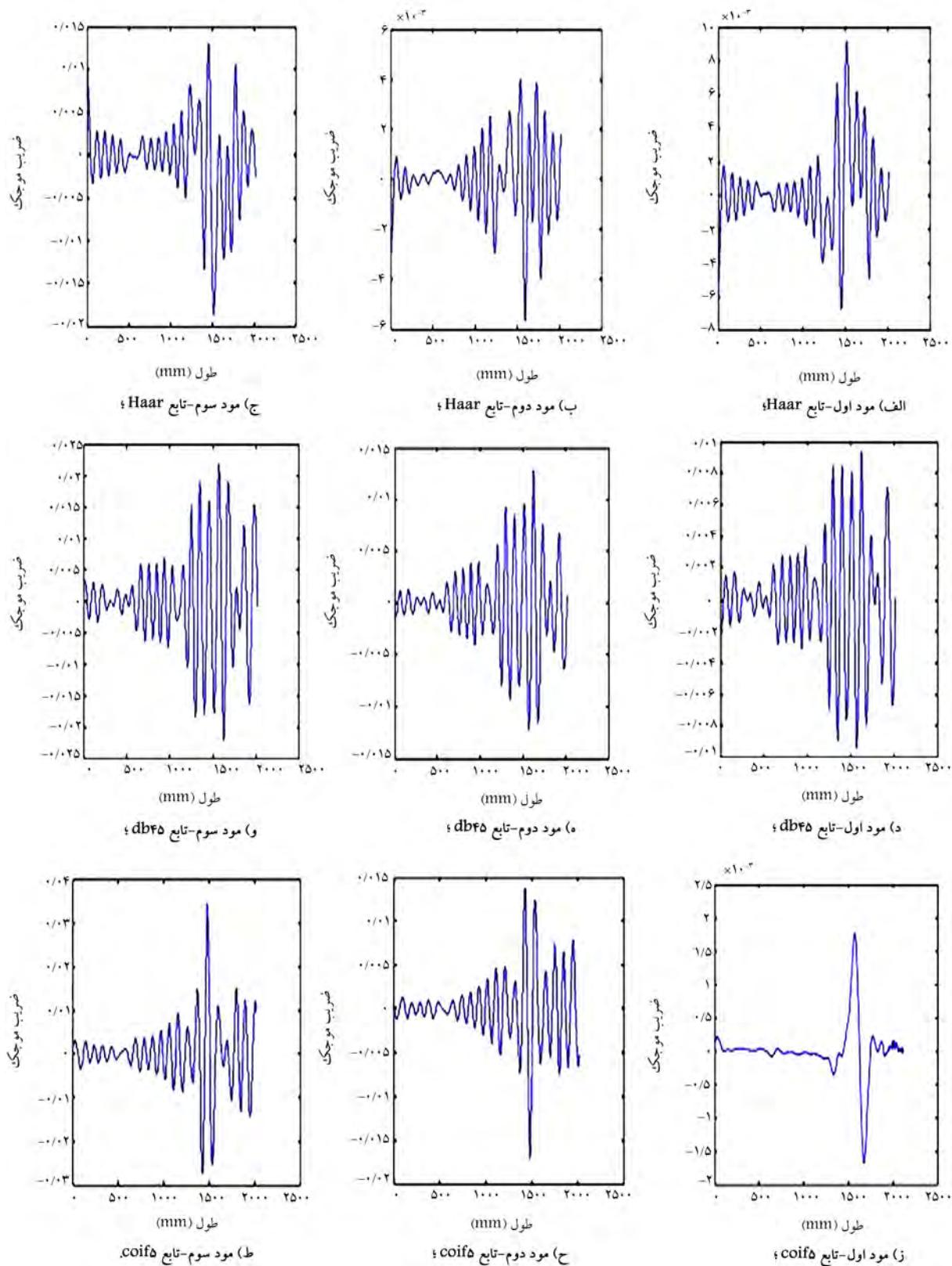
شکل ۹. نمودارهای توابع مختلف حاصل از تحلیل موجک اختلاف شکل ۳ مود اصلی سازه مربوط به طبقه‌ی اول - بالای بازشوهای نمای شمالی.



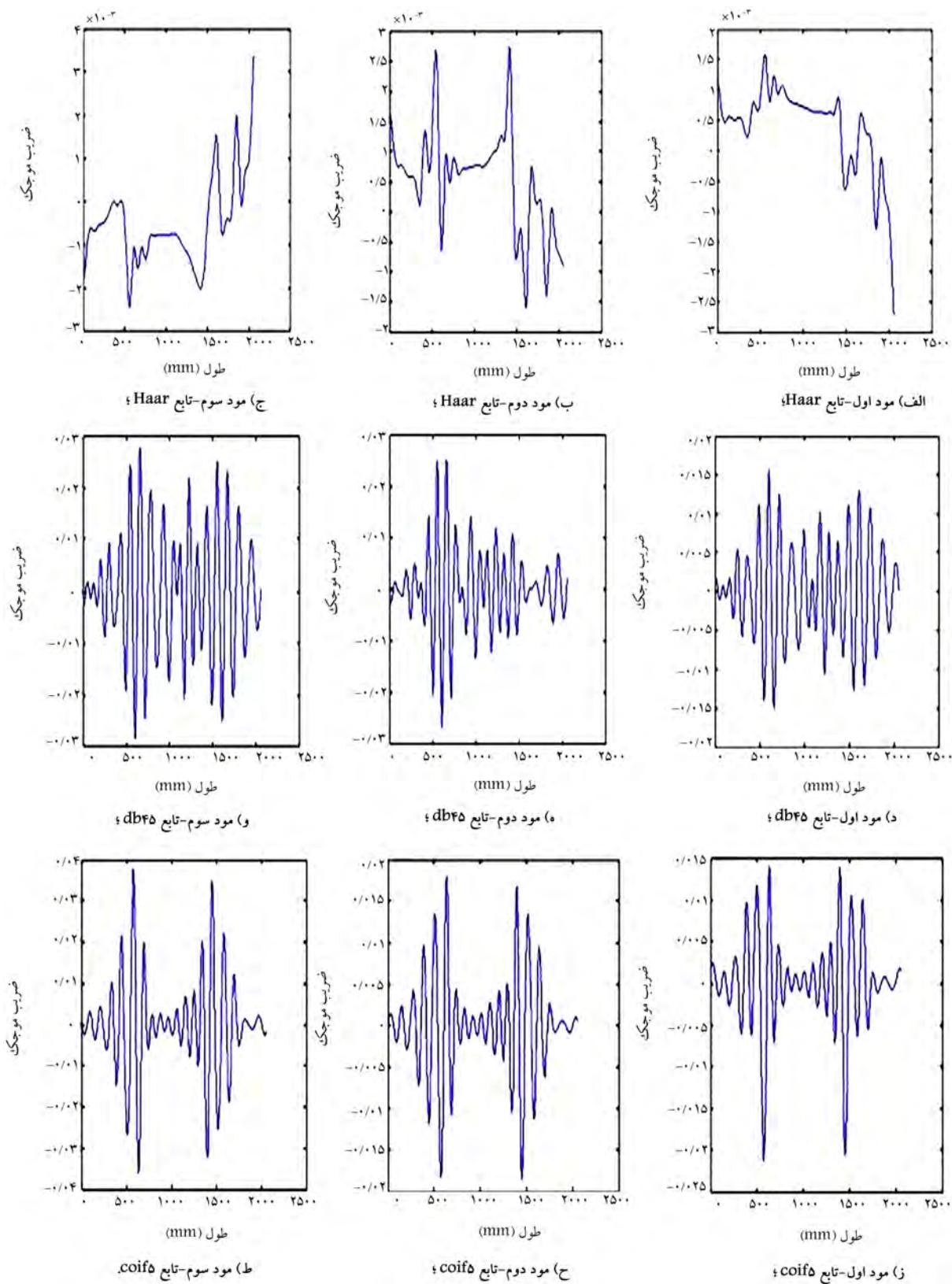
شکل ۱۰. نمودارهای توابع مختلف حاصل از تحلیل موجک اختلاف شکل ۳ مود اصلی سازه مربوط به طبقه‌ی دوم - پایین بازشوهای نمای شمالی.



شکل ۱۱. نمودارهای توابع مختلف حاصل از تحلیل موجک اختلاف شکل ۳ مود اصلی سازه مربوط به طبقه دوم - بالای بازشوهای نمای شمالی.



شکل ۱۲. نمودارهای توابع مختلف حاصل از تحلیل موجک اختلاف شکل ۳ مود اصلی سازه مربوط به طبقه‌ی اول - پایین بازشوهای نمای شرقی.



شکل ۱۳. نمودارهای توابع مختلف حاصل از تحلیل موجک اختلاف شکل ۳ مود اصلی سازه مربوط به طبقه‌ی اول - بالائی بازشوهای نمای شرقی.

جدول ۷. شناسایی مرکز خوابی‌ها بر مبنای بیشینه و کمینه‌ی ضرایب موجک.

ردیف	خطا	درصد خطای نسبت به کمینه‌ی ضرایب موجک	درصد خطای نسبت به بیشینه‌ی ضرایب موجک	مرکز شناسایی بیشینه‌ی ضرایب موجک (mm)	مرکز شناسایی شده‌ی خوابی بر مبنای بیشینه‌ی ضرایب موجک (mm)	مرکز واقعی خوابی (mm)	کمینه‌ی ضرایب موجک	بیشینه‌ی ضرایب موجک	مود	محدوده خوابی (mm)	موقعیت	طبقه	نما
۱/۶۲	۴/۰۶	۱۰۰	۱۰۲۴	۹۸۴	-۲/۲x10^-۳	۱/۹x10^-۳	۱						
۱/۶۳	۴/۰۶	۱۰۰	۱۰۲۴	۹۸۴	-۳/۲x10^-۳	۳/۲x10^-۳	۲						
۱/۶۴	۴/۰۶	۱۰۰	۱۰۲۴	۹۸۴	-۳/۹x10^-۳	۳/۸x10^-۳	۳						
۴/۰۲	۵/۰۵	۱۶۹۰	۱۶۷۰	۱۷۷۰	-۲/۲x10^-۳	۱/۸x10^-۳	۱						
۴/۰۲	۵/۰۵	۱۶۹۰	۱۶۷۰	۱۷۷۰	-۳/۵x10^-۳	۳/۳x10^-۳	۲						
۴/۰۲	۵/۰۵	۱۶۹۰	۱۶۷۰	۱۷۷۰	-۳/۸x10^-۳	۳/۴x10^-۳	۳						
۴/۹۶	۲/۱۴	۱۸۰۰	۱۷۵۰	۱۷۱۵	-۲/۱x10^-۳	۱/۹x10^-۳	۱						
۴/۹۶	۲/۱۴	۱۸۰۰	۱۷۵۰	۱۷۱۵	-۲/۲x10^-۳	۲/۸x10^-۳	۲						
۴/۹۶	۲/۱۴	۱۸۰۰	۱۷۵۰	۱۷۱۵	-۷x10^-۴	۷/۰x10^-۴	۳						
۰/۲۶	۱/۴۶	۲۷۵۰	۲۷۰۰	۲۷۴۰	-۱/۲x10^-۳	۱/۷x10^-۳	۱						
۰/۲۶	۱/۴۶	۲۷۵۰	۲۷۰۰	۲۷۴۰	-۱/۵x10^-۳	۱/۹x10^-۳	۲						
۰/۲۶	۱/۴۶	۲۷۵۰	۲۷۰۰	۲۷۴۰	-۱/۸x10^-۳	۰/۹x10^-۳	۳						
۷/۲۴	۶/۱۲	۵۲۰	۵۱۵	۴۸۴	-۲/۱x10^-۳	۱/۸x10^-۳	۱						
۷/۲۴	۶/۱۲	۵۲۰	۵۱۵	۴۸۴	-۲/۲x10^-۳	۲/۸x10^-۳	۲						
۷/۲۴	۶/۱۲	۵۲۰	۵۱۵	۴۸۴	-۲/۷x10^-۳	۴/۸x10^-۳	۳						
۰/۲۷	۱/۶۲	۱۴۷۰	۱۴۵۰	۱۴۷۴	-۱/۴x10^-۳	۱/۲x10^-۳	۱						
۰/۲۷	۱/۶۲	۱۴۷۰	۱۴۵۰	۱۴۷۴	-۱/۴x10^-۳	۱/۴x10^-۳	۲						
۰/۲۷	۱/۶۲	۱۴۷۰	۱۴۵۰	۱۴۷۴	-۱/۹x10^-۳	۱/۸x10^-۳	۳						
۲/۲۲	-۱/۰۶	۱۷۵۰	۱۸۰۰	۱۷۹۰	-۱/۲x10^-۳	۱/۱x10^-۳	۱						
۲/۲۲	-۱/۰۶	۱۷۵۰	۱۸۰۰	۱۷۹۰	-۲/۳x10^-۳	۱/۹x10^-۳	۲						
۲/۲۲	-۱/۰۶	۱۷۵۰	۱۸۰۰	۱۷۹۰	-۲/۷x10^-۳	۴/۸x10^-۳	۳						
۴/۰۸	۲/۲۱	۲۷۰۰	۲۷۵۰	۲۸۱۵	-۱/۸۵x10^-۳	۱/۷x10^-۳	۱						
۴/۰۸	۲/۲۱	۲۷۰۰	۲۷۵۰	۲۸۱۵	-۲/۳x10^-۳	۲/۶x10^-۳	۲						
۴/۰۸	۲/۲۱	۲۷۰۰	۲۷۵۰	۲۸۱۵	-۳/۰x10^-۳	۳/۰x10^-۳	۳						
۷/۲۵	۵/۱۲	۵۶۰	۵۵۵	۵۲۴	-۲/۱x10^-۳	۲/۱x10^-۳	۱						
۷/۲۵	۵/۱۲	۵۶۰	۵۵۵	۵۲۴	-۲/۸x10^-۳	۲/۸x10^-۳	۲						
۷/۲۵	۵/۱۲	۵۶۰	۵۵۵	۵۲۴	-۳/۰x10^-۳	۳/۰x10^-۳	۳						
۰/۴۱	۱/۱۸	۱۴۸۰	۱۴۹۰	۱۴۷۴	-۱/۱x10^-۳	-۱/۸x10^-۳	۱						
۰/۴۱	۱/۱۸	۱۴۸۰	۱۴۹۰	۱۴۷۴	-۱/۴۰x10^-۳	۱x10^-۴	۲						
۰/۴۱	۱/۱۸	۱۴۸۰	۱۴۹۰	۱۴۷۴	-۱/۶x10^-۳	۱/۵x10^-۳	۳						
۲/۲۵	-۱/۰۶	۱۸۰۰	۱۸۰۰	۱۷۹۰	-۰/۱۰x10^-۳	-۰/۷۰x10^-۳	۱						
۲/۲۵	-۱/۰۶	۱۸۰۰	۱۸۰۰	۱۷۹۰	-۱/۳۰x10^-۳	-۰/۹۵x10^-۳	۲						
۲/۲۵	-۱/۰۶	۱۸۰۰	۱۸۰۰	۱۷۹۰	-۱/۸x10^-۳	-۳/۰x10^-۳	۳						
۷/۷۸	۶/۱۸۵	۱۴۸۰	۱۴۹۵	۱۶۰۵	-۱/۷x10^-۳	۱/۸x10^-۳	۱						
۷/۷۸	۶/۱۸۵	۱۴۸۰	۱۴۹۵	۱۶۰۵	-۱/۷x10^-۳	۱/۹x10^-۳	۲						
۷/۷۸	۶/۱۸۵	۱۴۸۰	۱۴۹۵	۱۶۰۵	-۲/۷x10^-۳	۳/۸x10^-۳	۳						
۴/۰۸	۷/۱۶۶	۵۱۵	۵۳۵	۴۹۴	-۱/۸x10^-۳	۱/۴x10^-۳	۱						
۴/۰۸	۷/۱۶۶	۵۱۵	۵۳۵	۴۹۴	-۲/۱x10^-۳	۱/۸x10^-۳	۲						
۴/۰۸	۷/۱۶۶	۵۱۵	۵۳۵	۴۹۴	-۳/۷x10^-۳	۳/۸x10^-۳	۳						
۶/۲۹	۷/۱۲۲	۱۴۹۰	۱۴۷۵	۱۵۹۰	-۱/۸x10^-۳	۱/۴x10^-۳	۱						
۶/۲۹	۷/۱۲۲	۱۴۹۰	۱۴۷۵	۱۵۹۰	-۲/۱x10^-۳	۱/۷x10^-۳	۲						
۶/۲۹	۷/۱۲۲	۱۴۹۰	۱۴۷۵	۱۵۹۰	-۳/۳x10^-۳	۳/۷x10^-۳	۳						

شناسایی شده و با افزایش شدت خرابی‌ها، کمینه‌ی ضرایب موجک کاهش یافته است.

در ضمن اثر مودهای بالاتر در نمایش شدت خرابی محسوس تر است، به طوری که در مود پیچشی سازه، بیشینه‌ی ضرایب موجک بزرگ‌تر و شدت خرابی بیشتر نمایان شده است. برای نمونه مطابق شکل ۱۴، اثر مودهای بالاتر در نمایش شدت خرابی مربوط به طبقه‌ی اول نمای جنوبی سازه مشاهده می‌شود.

## ۷. نتیجه‌گیری

امروزه اطلاع از وضعیت سلامت سازه‌ها به موضوعی مورد علاقه برای مطالعه‌ی جامع روش‌ها تبدیل شده است. آسیب‌های به وجود آمده در سازه‌ها می‌توانند خسارت‌های جانی و مالی فراوانی را بر جای گذارند، از این رو مطالعات در حوزه‌ی سلامت سازه‌ها و تشخیص خرابی در آنها ضروری و مهم است. با توجه به محدودیت‌ها روش‌های سنتی عیب‌یابی، نظیر: بازرسی‌های چشمی، بازرسی آلتروسنیک و رادیوگرافی، روش‌های عیب‌یابی بر مبنای تحلیل پاسخ‌های استاتیکی و دینامیکی شکل گرفته‌اند. با توجه به مطالعات انجام شده در حوزه‌ی پایش سلامت سازه‌ها، کمتر به موضوع شناسایی آسیب در ساختمان‌های پیش‌ساخته‌ی پانلی پرداخته شده است. به همین دلیل در پژوهش حاضر به بررسی و پایش سلامت ساختمان پیش‌ساخته‌ی پانلی کامل بر مبنای نتایج آزمایشگاهی لرزه‌ی بر روی میز لرزان و تحلیل توابع موجک مختلف پرداخته و آسیب‌هایی که ممکن است در آنها رخ دهند، ارزیابی و تحلیل شده‌اند. عمدی نتایج به دست آمده از پژوهش حاضر به طور مختصر در ذیل ارائه شده است:

۱- در روند کاهش سختی سازه، طبقات اول و دوم نقش مهم‌تری ایفا می‌کنند و اطراف بازشوها از نقاط حساس سازه است که ترک‌ها از آن‌جا شروع می‌شود و دلیل آن وجود تمرکز تنش در مکان‌های مذکور است.

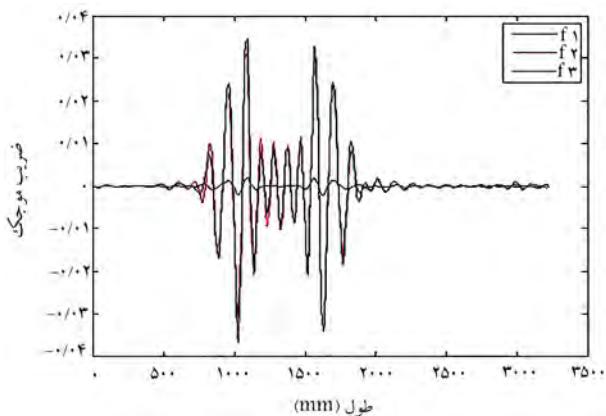
۲- با توجه به نتایج آزمایشگاهی و تحلیل توابع مختلف، موقعیت خرابی به کمک تابع coif<sub>5</sub> با پارامتر مقیاس ۸ نسبت به بقیه‌ی توابع با موفقیت شناسایی شده است و اغتشاش بیشتری از ضرایب در محل وقوع خرابی مشاهده می‌شود؛ به طوری که بیشینه‌های نسبی پرش در ضرایب موجک، در محل وقوع خرابی‌ها اتفاق افتاده است.

۳- اغتشاشات ضرایب موجک هر یک از محل‌های خرابی مستقل از محل خرابی دیگر با شدت‌های مختلف است.

۴- با افزایش شدت خرابی محل مورد نظر بیشینه و کمینه‌ی ضرایب موجک تولید شده‌ی آن محل در یک موقعیت ثابت به ترتیب افزایش و کاهش می‌یابد.

۵- با در نظر گرفتن بیشینه یا کمینه‌ی ضرایب موجک تولید شده در محل وقوع خرابی‌ها به عنوان مرکز خرابی، می‌توان مرکز خرابی‌ها را با خطای ناچیز کمتر از ۸٪ شناسایی کرد.

۶- اثر مودهای بالاتر در نمایش شدت خرابی محسوس تر است، به طوری که در مود پیچشی سازه، بیشینه‌ی ضرایب موجک بزرگ‌تر و شدت خرابی بیشتر نمایان شده است.



شکل ۱۴. اثر مودهای بالاتر در نمایش شدت خرابی مربوط به طبقه‌ی اول نمای جنوبی سازه.

بسامدی ساختمان مورد نظر، محتوای بسامدی بالای نیز دارد و با توجه به سختی بالای ساختمان می‌تواند در صورت وجود اغتشاش‌های کوچک به وجود آمده در اثر آسیب در پاسخ‌های سازه، آنها را نیز به خوبی و با دقت بالایی شناسایی کند. همچنین در محل خرابی، اغتشاش بیشتری از ضرایب موجک در شکل‌ها وجود دارد.

## ۶. تفسیر نتایج

بررسی‌های مقایسه‌یی ضرایب موجک تولید شده در محل آسیب‌های نمایش مختلف سازه نشان می‌دهد که حساسیت ضرایب موجک محل‌های مختلف خرابی مستقل از هم هستند. با توجه شکل‌های ۷ الی ۱۳، مربوط به تابع coif<sub>5</sub> می‌شود که با افزایش شدت خرابی‌ها، حساسیت ضرایب موجک در محل خرابی‌ها افزایش یافته است؛ بنابراین، حساسیت در ضرایب موجک یک محل از خرابی، مستقل از سایر محل‌های خرابی با شدت‌های مختلف است و فقط با افزایش شدت خرابی آن محل افزایش می‌یابد. نتایج بررسی‌های اخیر برای نمایهای مختلف سازه برای ۳ مود اصلی انتقالی و دورانی برای تابع coif<sub>5</sub> با پارامتر مقیاس ۸ در جدول ۷ گزارش شده است. در تمامی نمایهای بررسی شده، اگر چنان‌چه بیشینه‌ی ضرایب موجک در محل وقوع خرابی‌ها به عنوان مرکز شناسایی شده‌ی خرابی معروفی شود، در این صورت مرکز واقعی خرابی‌ها با خطای ناچیز کمتر از ۸٪ شناسایی می‌شود. همان‌طور که نتایج نشان می‌دهند، در شدت‌های مختلف خرابی، مختصات مکانی بیشینه‌ی ضرایب موجک تولید شده در محل‌های خرابی ثابت می‌ماند؛ به عبارتی، با افزایش شدت خرابی، بیشینه‌ی ضرایب موجک تولید شده‌ی محل خرابی‌ها در یک موقعیت ثابت افزایش می‌یابد. همچنین، بررسی‌ها جهت شناسایی مرکز خرابی‌ها بر مبنای کمینه‌ی ضرایب موجک تولید شده در محل وقوع خرابی‌ها صورت گرفته است. مشاهده می‌شود که مرکز واقعی خرابی‌ها بر مبنای کمینه‌ی ضرایب موجک در شدت‌های مختلف با خطای ناچیز کمتر از ۸٪

## پابلوشت‌ها

1. structural health monitoring

2. Svendsen
3. Gokdag and Kopmaz
4. Liu

5. Loutridis
6. Fan and Qiao
7. Katunin
8. Betti
9. Yang and Oyadji
10. Wang
11. Frigui
12. Carminati and Ricci
13. Ferreira Gomes
14. Krishnanunni
15. Sahu
16. Ono
17. Ruffels
18. wavelet transform
19. singularities
20. continuous wavelet transform
21. translation
22. scaling
23. details
24. approximations
25. MATLAB
26. modal assurance criterion
27. cubic spline interpolation
9. Rezaifar, O., Kabir, M.Z., Taribakhsh, M. and et al. "Dynamic behavior of 3D-panel single-story system using shaking table testing", *Journal of Engineering Structures*, **30**(2), pp. 318-337 (2008).
10. Kabir, M.Z. and Shadan, P. "Seismic performance of 3D panel wall on piloti RC frame using shaking table equipment", *Proceedings of the 8th International Conference on Structural Dynamics* (2012).
11. Betti, M., Facchini, L. and Biagini, P. "Damage detection on a three-storey steel frame using artificial neural networks and genetic algorithms", *Meccanica*, **50**(3), pp. 875-886 (2015).
12. Amoozadeh, A., Fadavi Amiri, M., Zare Hosseinzadeh, A. and et al. "Processing of structural responses via wavelet transform for detecting damage under earthquake excitation", *Modares Civil Engineering Journal*, **16**(20), pp. 103-117 (2016) (in Persian).
13. Ashory, M.R., Ghasemi-Ghalebahman, A. and Kokabi, M.J. "Damage identification in composite laminates using a hybrid method with wavelet transform and finite element model updating", *Journal of Mechanical Engineering Science*, **232**(5), pp. 815-827 (2017).
14. Yang, C. and Oyadji, S.O. "Delamination detection in composite laminate plates using 2d wavelet analysis of modal frequency surface", *Journal of Computers and Structures*, **179**, pp. 109-126 (2017).
15. Wang, S., Li, J., Luo, H. and et al. "Damage identification in underground tunnel structures with wavelet based residual force vector", *Journal of Engineering Structures*, **178**, pp. 506-520 (2019).
16. Frigui, F., Faye, J.P., Martin, C. and et al. "Global methodology for damage detection and localization in civil engineering structures", *Journal of Engineering Structures*, **171**, pp. 686-695 (2018).
17. Carminati, M. and Ricci, S. "Structural damage detection using nonlinear vibrations", *International Journal of Aerospace Engineering*, **151**, pp. 199-220 (2018).
18. Ferreira Gomes, G., Diaz Mendez, Y.A., Alexandrino, P.d.S.L. and et al. "A review of vibration based inverse methods for damage detection and identification in mechanical structures using optimization algorithms and ANN", *Archives of Computational Methods in Engineering*, **26**, pp. 883-897 (2019).
19. Krishnanunni, C.G., Sethu Raj, R., Deepak Nandan, Midhun, C.K. and et al. "Sensitivity-based damage detection algorithm for structures using vibration data", *Journal of Civil Structural Health Monitoring*, **9**, pp. 137-151 (2019).
20. Sahu, S., Kumar, P.B. and Parhi, D.R. "A hybridised CSAGA method for damage detection in structural elements", *Mechanics & Industry*, **19**(4), pp. 407-419 (2018).
21. Ghiasi, R., Fathnejat, H., and Torkzadeh, P. "A three-stage damage detection method for large-scale space structures using forward substructuring approach and enhanced bat optimization algorithm", *Journal of Engineering with computers*, **35**, pp. 857-874 (2019).
22. Ono, R., Ha, T.M. and Fukada, S. "Analytical study on damage detection method using displacement influence

## منابع (References)

1. Svendsen, B., Froseth, G. and Ronnquist, A. "Damage detection applied to a full-scale steel bridge using temporal moments", *Journal of Shock and Vibration*, **23**, pp. 1-16 (2020).
2. Gokdag, H. and Kopmaz, O. "A new damage detection approach for beam-type structures based on the combination of continuous and discrete wavelet transforms", *Journal of Sound and Vibration*, **324**(3-5), pp. 1158-1180 (2009).
3. Ghodrati-Amiri, G., Bagheri, A., Seyed Razzaghi, S.A. and et al. "Structural damage detection in plate using wavelet transform", *Challenges, Opportunities and Solution in Structural Engineering and Construction-Ghafoori* (Ed) (2010).
4. Liu, X., Leimbach, K.R., Hartmann, D. and et al. "Signal analysis using wavelets for structural damage detection applied to wind energy converters", *14th International Conference on Computing in Civil and Building Engineering* (2012).
5. Loutridis, S., Douka, E. and Trochidis, A. "Crack identification in double-cracked beams using wavelet analysis", *Journal of Sound and Vibration*, **277**(4-5), pp. 1025-1039 (2004).
6. Fan, W. and Qiao, P. "A 2-d continuous wavelet transform of mode shape data for damage detection of plate structures", *International Journal of Solids and Structures*, **46**(25-26), pp. 4379-4395 (2009).
7. Katunin, A. "Identification of multiple cracks in composite beams using discrete wavelet transform", *Scientific Problem of Machines Operation and Maintenance*, **2**(162), pp. 41-52 (2010).
8. Bagheri, A. and Kourehli, S. "Damage detection of structures under earthquake excitation using discrete wavelet analysis", *Asian Journal of Civil Engineering (BHRC)*, **14**(2), pp. 289-304 (2013).

- lines of road bridge slab”, *Journal of Civil Structural Health Monitoring*, **9**, pp. 565-577 (2019).
23. Ruffels, A., Gonzalez, I. and Karoumi, R. “Model-free damage detection of a laboratory bridge using artificial neural networks”, *Journal of Civil Structural Health Monitoring*, **10**, pp. 183-195 (2020).
24. Kabir, M.Z. and Rezaifar, O. “Shaking table examination on dynamic characteristics of a scaled down 4-story building constructed with 3D-panel system”, *Journal of Structures*, **20**, pp. 411-424 (2019).
25. Pastor, M., Binda, M. and Harcarik, T. “Modal assurance criterion”, *Journal of Procedia Engineering*, **48**, pp. 543-548 (2012).