

# بررسی رفتار مصالح شن‌دار در بارگذاری زهکشی نشده مونوتونیک با استفاده از شبکه‌های عصبی مصنوعی

عطاء آقایی آرایی؛ مرکز تحقیقات راه، مسکن و شهرسازی

تاریخ: ۹۱/۸/۱ پذیرش ۹۲/۴/۸

## چکیده

امکان توسعه و به کارگیری شبکه‌های عصبی مصنوعی در مدل‌سازی نتایج آزمایش‌های مونوتونیک سه‌محوری قطر بزرگ روی انواع مصالح سنگریزه‌ای تیزگوش، گردگوش و مصالح شنی با درصدهای مختلف ریزدانه به کار رفته در بدنه سدهای مهم کشور در این مقاله ارائه می‌شود. در ابتدا قابلیت شبکه‌های عصبی مصنوعی (ANNs) در مدل‌سازی منحنی‌های رفتاری تنش تفاضلی-اضافه فشار آب حفره‌ای-کرنش ممحوری بررسی شده است که دلالت بر قابلیت نسبتاً مناسب مدل در شبیه‌سازی رفتار مصالح شن‌دار دارد. با اکن اطلاعات به کار رفته در شبکه، شامل ۵۲ گزینه مختلف آزمایش سه‌محوری کرنش-کترل تحت شرایط زهکشی نشده است. برای مسئله مذکور، یک برنامه شبکه‌های عصبی مصنوعی پیش‌خوراند سه‌لایه پرسپترون (MLP) در محیط MATLAB7 نوشته شد و شبکه بهینه (تعداد لایه‌های مخفی، تابع تبدیل و نوع آموختش شبکه) به روش سعی و خطا، و با توجه به شاخص‌های خطأ و تطابق با داده‌های آزمایشگاهی انتخاب شد. پارامترهای ورودی شبکه شامل تنش محدود کننده، دانسیته و درصد رطوبت بهینه، توزیع اندازه دانه‌ها و نرخ ایجاد کرنش است. نتایج نشان می‌دهد که ANNs قابلیت بسیار مناسبی در تخمین منحنی‌های رفتاری یادشده در همه موارد بررسی شده دارد. در ادامه قابلیت شبکه‌های عصبی مصنوعی (ANNs) در به دست آوردن حداقل زاویه اصطکاک داخلی و نتایج از منحنی‌های رفتاری شامل تنش‌های تفاضلی حداقل و پسماند و اضافه فشارهای آب حفره‌ای در کرنش‌های نظری بررسی شد. ضمناً از قابلیت تعمیم شبکه عصبی مصنوعی برای بررسی موارد آزمایش نشده مثل اثر تغییرات دانسیته و درصد کوچکتر از  $0/2\text{ mm}$  هم بهره گرفته شد.

**واژه‌ها کلیدی:** مصالح سنگریزه‌ای، مونوتونیک، تحکیم‌یافته زهکشی نشده، سه‌محوری، ANN

\* نویسنده مسئول aghaeiaraei@bhrc.ac.ir

## مقدمه

از مصالح شن‌دار به‌طور وسیع به‌عنوان مصالح ساخت در خاک‌ریزهای مهندسی و حتی برای حفاظت شالوده ساختمان در برابر رطوبت در مناطق با سطح آب زیرزمینی بالا (در مناطق شمالی کشور) استفاده می‌شود. از جمله مشکلات موجود در تحلیل رفتار مصالح شنی در کاربری‌های مذکور، عدم شناخت رفتار و همچنین مشخص نبودن پارامترهای مقاومتی و تغییرشکلی مصالح با جنس‌های متفاوت، تحت بارگذاری مونوتونیک با توجه به محدودیت‌های هزینهٔ زیاد انجام آزمایش‌ها، اندازهٔ دانه‌ها برای وسایل آزمایش، تراکم و درصد ریزدانه است. پارامترهای مقاومتی و تغییرشکلی مصالح سنگریزه‌ای به عوامل مختلفی نظیر دانه‌بندی، درصد ریزدانه، سطح تنفس شرایط زهکشی، سرعت بارگذاری و نسبت تخلخل اولیه بستگی دارد. از این‌رو، انجام آزمایش روی مصالح شنی و مدل‌سازی رفتار آن‌ها، پیش‌نیاز اساسی برای انجام تحلیل‌های واقعی و طراحی‌های اقتصادی سازه‌های خاک‌ریزه‌ای است. تعیین مقاومت برشی بر جا کار مشکلی است، بنا بر این تأکید بر اندازه‌گیری مقاومت آزمایشگاهی نمونه‌هایی است که مجدداً بازسازی و متراکم شده‌است.

از طرفی پارامترهای مقاومتی و تغییرشکلی منظور شده در طراحی‌ها و آزمایش‌ها با آن‌چه که از نتایج کنترل کیفیت به‌دست می‌آید، تفاوت چشم‌گیری با یکدیگر دارند. به‌طوری‌که منحنی تنفس-کرنش-واقعی مصالح سنگریزه‌ای یا دانه‌ای (رفتار غیرخطی سخت و نرم کرنشی و زون برشی) با رفتار منظر شده در طراحی‌های معمولی (پلاستیک کامل، بدون در نظر گرفتن رفتار سخت‌شوندگی و نرم کرنشی) تفاوت‌های چشم‌گیری دارند. نکته بعدی تفاوت تنفس تفاضلی حداکثر تحت شرایط تراکمی متفاوت است به‌طوری‌که مقادیر تفاضلی حداکثر با افزایش تراکم افزایش می‌یابد. با توجه به میزان تراکم، تغییرات زاویه اصطکاک متفاوت است. (به شرط عدم ایجاد زون برشی در نمونه، با افزایش میزان تراکم، مقادیر زاویه اصطکاک افزایش می‌یابد). بررسی‌های انجام شده روی رفتار ماسه Inagi تحت تنفس محدود‌کننده ۵۰ kPa در تراکم‌های مختلف تحت شرایط زهکشی نشده نشان داد که تفاوت‌های چشم‌گیری بین تنفس تفاضلی حداکثر و پسماند تحت شرایط زهکشی شده و زهکشی نشده وجود دارد [۱۸]. در کل در تراکم بالا مقادیر تنفس تفاضلی حداکثر در حالت زهکشی نشده، خیلی پیش‌تر

از مقادیر تنش تفاضلی پسمند در تراکم پایین است (شکل ۱). متأسفانه اطلاعات زیادی در مورد رفتارهای یاد شده برای مصالح شنی سنگریزه ای وجود ندارد.

عده ای از پژوهش گران سعی کرده اند تا پیش بینی رفتار مصالح برای حالت های واقعی انجام دهند [۲۱، ۲۲]. مثلاً با انجام آزمایش سه محوری روی چندین نمونه با حداکثر اندازه دانه کوچکتر از حالت واقعی، منحنی تنش - کرنش نمونه با اندازه واقعی را به دست آورند. روش های عددی مختلفی برای مدل سازی عددی رفتار مکانیکی نمونه های مصالح خاکی و سنگریزه ای به کار گرفته شده است [۵، ۱۹، ۲۰]. هر یک از مدل های معرفی شده محدودیت هایی دارد و قادر به شبیه سازی کامل رفتار تنش - اضافه فشار آب حفره ای - کرنش محوری مصالح نیستند.

در همه روش های مدل سازی عددی (روش های تحلیلی، روش های عددی پایه، روش المان محدود، روش المان مرزی، روش المان مجزا، روش های هیرید<sup>۱</sup>، روش های عددی توسعه یافته و روش های تحلیل کامل<sup>۲</sup> توان) سعی می شود مکانیزم ارتباط یک به یک در مدل بین نتایج ایجاد شود [۹، ۱۰]. گاهی هدف یافتن رابطه مستقیم بین پارامترهای مدل، مکانیزم های فیزیکی و خواص معادل مصالح نیست، که در این موقع روش های یاد شده در بالا چندان مفید نیستند. یافتن مکانیزم های ارتباط غیر یک به یک را می توان با استفاده از روش شبکه های عصبی مصنوعی انجام داد که در این روش، مکانیزم های تأثیرگذار، کاملاً به هم مرتبط نیستند. هم چنین مدل های حاصل از شبکه های عصبی مصنوعی قابلیت های تخمین و تعیین دارد و به همین دلیل در موضوعات مختلف خاک و پی در سال های اخیر به کار گرفته می شوند [۴، ۱۴]. به طور کلی روش شبکه های عصبی مصنوعی روشی متفاوت اساسی برای مدل سازی رفتار خاک ارائه می دهد و برای ارائه منحنی های رفتاری ماسه ها [۳، ۶، ۱۲، ۱۳] و شن ها [۱۳، ۱۶] به کار گرفته شده است.

متأسفانه اطلاعات موجود در زمینه رفتار CU مصالح سنگریزه ای و شن دار حاصل از نمونه های سه محوری بزرگ مقیاس و مدل سازی آن ها بسیار اندک است. از این رو، برای داشتن روشی ساده و قابل اطمینان برای ارائه رفتار تنش تفاضلی - اضافه فشار آب حفره ای - کرنش محوری در آزمایش های سه محوری، روش ANNs بررسی می شود.

<sup>۱</sup>. Hybrid

### برنامه آزمایش‌های مونوتونیک و مشخصات مصالح بررسی شده

بخشی از مشخصات مصالح بررسی شده در این تحقیق در جدول ۱ ارائه شده است.

منحنی دانه‌بندی برای مصالح آزمایش شده در دستگاه سه‌محوری بزرگ مقیاس در شکل ۲ ارائه شده است. با توجه به اثرات چشم‌گیر درصد نمونه گذشته از الک  $0.2\text{mm}$  بر رفتار نمونه خصوصاً در زمانی که از ۲۲٪ بیشتر می‌شود، نتایج همه آزمایش‌های مونوتونیک روی نمونه‌های شن‌دار آزمایش شده در بخش ژئوتکنیک و همچنین نتایج آزمایش روی مصالح هسته سد مسجدسلیمان تحت دو سرعت بارگذاری ارائه شده است که در مجموع نتایج ۵۵ آزمایش مونوتونیک تحت شرایط زهکشی نشده ارائه می‌شود. آزمایش‌ها طبق استاندارد ASTM D4767 [۲] انجام شده است. محدوده تنش‌های محدودکننده در آزمایش‌ها، بر اساس محدوده‌های تنش فرضی در سدها انتخاب شده است. این نمونه‌ها با قطر ۲۰ یا ۳۰ سانتی‌متر و با ارتفاع ۴۰ یا ۶۰ سانتی‌متر تهیه و آزمایش شدند. جزئیات ساخت، اشباع کردن ( $\text{B-Value} \geq 95\%$ ) و تحکیم، روش آزمایش نمونه‌ها و دستگاه سه‌محوری قطر بزرگ در مقاله آقایی آرایی و همکاران [۱] ارائه شده است.

### استفاده از شبکه عصبی مصنوعی برای تخمین نتایج آزمایش‌های مونوتونیک CU

نیاز به مدلی با قابلیت تعمیم و تخمین و عدم کارآرایی مناسب مدل‌های موجود در مدل‌سازی منحنی‌های تنش تفاضلی-اضافه فشار آب حفره‌ای در برابر کرنش محوری در حالت CU سبب شد که شبکه‌های عصبی مصنوعی برای مسئله مورد نظر برای تخمین منحنی‌های رفتاری و همچنین نقاط مهم این منحنی‌ها شامل زاویه اصطکاک داخلی حداقل، تنش تفاضلی حداقل و تنش تفاضلی پسماند و اضافه‌فشار آب حفره‌ای در کرنش‌های محوری نظیر بررسی شود.

همچنین از قابلیت تعمیم و تخمین شبکه عصبی مصنوعی برای بررسی رفتار مصالح با دانسته‌های مختلف و اثر توزیع اندازه دانه‌ها بهره گرفته شد.

## شبکه به کار رفته و بانک اطلاعاتی مدل

تعداد ۵۲ آزمایش مختلف سه محوری کرنش-کترول مونوتونیک تحت شرایط زهکشی نشده (به غیر از مصالح C.MES-۲۰) به عنوان بانک اطلاعات در نظر گرفته شد. در ابتدا مقادیر تنش تفاضلی-کرنش محوری و اضافه فشار آب حفره‌ای-کرنش محوری تا کرنش مرحله حالت پایدار با تغییرات جزء کرنش  $3\%$  پردازش و به کار رفته‌اند. در این پژوهش برای شرایط CU یک مجموعه فراگیر از نتایج نقاطی از منحنی‌های تنش تفاضلی- اضافه فشار آب حفره‌ای-کرنش محوری، مشتمل بر ۲۷۵۵ سطر اعداد برای آموزش ( $85\%$ )، ارزیابی ( $10\%$ ) و آزمایش ( $5\%$ ) شبکه استفاده شده است. بررسی‌های آزمایشگاهی نشان داد که مشخصات تغییرشکلی مصالح شن دار متاثر از تنش محدودکننده مؤثر اولیه، دانسیته، درصد رطوبت بهینه، توزیع اندازه دانه‌ها، سرعت بارگذاری است. از بانک اطلاعاتی ارائه شده در جدول ۲ که شامل پارامترهای ورودی و خروجی مدل‌ها است استفاده شد. در این بررسی، تنش محدودکننده مؤثر  $\sigma_3'$ ، جزء کرنش در مرحله  $n$  ( $\Delta\varepsilon_n$ )، کرنش محوری ( $\varepsilon_{ln}$ )، دانسیته ( $\gamma_d$ )، درصد رطوبت ( $w$ )، درصد گذشته از الکهای  $39/2, 25/4, 25/5$  و  $4/2$  میلی‌متر، سرعت بارگذاری، مقدار فعلی تنش تفاضلی-کرنش محوری ( $q_n$ ) و مقدار فعلی اضافه فشار آب حفره‌ای-کرنش محوری ( $u_n$ ) به عنوان پارامترهای ورودی در نظر گرفته شد. مدل به کار رفته در این مقاله شامل دو خروجی ساده MLPs است. خروجی‌های MLPs حالتهای بعدی تنش تفاضلی-کرنش محوری ( $q_{n+1}$ ) و اضافه فشار آب حفره‌ای-کرنش محوری ( $u_{n+1}$ ) هستند. شبکه برای تخمین منحنی‌های رفتاری تنش تفاضلی-کرنش محوری و اضافه فشار آب حفره‌ای-کرنش محوری به ترتیب netq و netu نامیده می‌شوند. مزهای ورودی‌ها و خروجی‌ها برای netu و netq در جدول ۳ ارائه شده‌است.

یک مدل شبکه عصبی مصنوعی پیش‌خوراند سه‌لایه پرسپترون با توابع تحریک تانژانت زیگموئید<sup>۱</sup> برای لایه میانی و خطی<sup>۲</sup> برای لایه خروجی با تعدادی مناسب نرون در لایه مخفی که طبق بررسی‌های هورنیک<sup>۳</sup> و همکاران [۸] برای تقریب‌سازی هر رابطه غیرخطی مناسب است برای تخمین مقادیر تنش تفاضلی- اضافه فشار آب حفره‌ای-کرنش محوری نظری مصالح مختلف نوشته و توسعه داده شد. در نتیجه یک لایه مخفی در این بخش از بررسی‌های به کار

۱. Tansig

۲. Pureline

۳. Hornik

گرفته شد. از برنامه نوشته شده در محیط متلب<sup>۱</sup> برای پیاده کردن، آموزش و آزمایش شبکه استفاده شد.

آموزش شبکه به روش الگوریتم (LM)<sup>۲</sup> انجام گرفت. برای به کارگیری این الگوریتم، روش آموزش استاتیکی مورد توجه قرار گرفت. مثلاً مقادیر حالت تنش آزمایشگاهی واقعی به شبکه برای تولید حالت‌های تنش بعدی خورانده شدند. در نوشتن برنامه از تکنیک‌های مخلوط کردن تصادفی داده‌ها و نرمال کردن داده‌های ورودی و خروجی، یعنی تقسیم همه اعداد یک سطر یا ستون را بر حداکثر آن سطر یا ستون و تولید اعدادی بین صفر و یک، برای جلوگیری از آموزش‌های غیرمعمول و وزن‌دهی نامناسب استفاده شده است. میزان یادگیری شبکه ۰/۰۱ در نظر گرفته شده است.

آموزش داده شده، منحنی‌های تنش کرنش را تا سطح کرنش حداقل ۲۰٪ تولید می‌کند. این عمل به آسانی با شروع حالت آزاد تنش-کرنش ( $E_{1(0)} = ۰$ ,  $q_0 = ۰$ ,  $u_0 = ۰$ ) و به کارگیری MLPs برای تخمین حالت تنش مرحله بعد انجام می‌شود. سپس این حالت به شبکه برای تولید دیگر حالت‌های تنشی و اضافه فشار آب حفره‌ای که ورودی‌هایی برای تقریب حالت‌های جدید تنش و اضافه فشار آب حفره‌ای هستند، پس‌خور می‌شوند.

برای تخمین نقاط مهم منحنی‌های رفتاری چون تنش تفاضلی حداقل و پسماند و اضافه فشارهای آب حفره‌ای نظیر، از نتایج ۵۲ آزمایش CU مختلف برای آموزش (۸۵٪)، ارزیابی (۱۰٪) و آزمایش (۵٪) و از شبکه‌ای با نام netCU استفاده شده است. مدل به کار رفته در این مقاله شامل شش ورودی و شش خروجی ساده MLPs است. از بانک اطلاعاتی ارائه شده در جدول‌های ۴ و ۵ استفاده شده است که به ترتیب شامل پارامترهای ورودی و خروجی‌های مدل است.

پارامترهای ورودی مدل شامل تنش محدودکننده مؤثر، دانسیته، رطوبت بهینه و درصد گذشته از الک‌های ۲۵/۴، ۴/۷۵ و ۰/۲ میلی‌متر است. خروجی‌های MLPs شامل  $q_{\max}$ ، زاویه اصطکاک داخلی/اضافه فشار آب حفره‌ای در کرنش محوری نظیر،  $q_{residual}$  و اضافه فشار آب حفره‌ای نظیر هستند. مرازهای ورودی‌ها و خروجی‌ها در انتهای جدول‌های ۴ و ۵ ارائه شده است. مشخصات شبکه عصبی و روش آموزش مشابه حالت قبل است.

۱. MATLAB7

۲. Levenberg-Marquardt

### ارزیابی مدل

برای مقایسه عمل کرد شبکه ها با نرون های میانی متفاوت، از ۵ شاخص خطای میانگین قدر مطلق خطای (MAE)، میانگین خطای (MBE)، مربع میانگین خطای (MSE)، مربع مجدد میانگین خطای (RMSE) و ضریب همبستگی (IOA) استفاده شده است. انتخاب تابع تحریک و ساختار شبکه ها و تعداد تکرار با سعی و خطای تعیین شد. در قدم اول خطای شبکه ها با تعداد نرون های میانی متفاوت در مقابل مجموعه ارزیابی، برآورد شد که به عنوان نمونه در شکل ۳ الف و ب، به ترتیب شاخص های خطای MSE و IOA در برابر تعداد لایه های مخفی میانی برای netCU ارائه شده است. دیده می شود که netCU با ۷ نرون میانی، کمترین میزان خطای را دارد. شکل ۴ کاهش خطای افزایش تعداد سیکل netCU در محیط MATLAB را نشان می دهد. در برنامه نوشته شده netCU تعداد تکرار مناسب ۲۰۰ بار به دست آمد. برای انتخاب دقیق تر شبکه سایر شاخص ها کنترل خطای برای داده های آموزشی و آزمایشی نیز ارزیابی شده است. با توجه به عمل کرد شبکه مورد نظر در برابر داده های آموزشی، آزمایشی و ارزیابی، در نهایت شبکه با ۷ نرون میانی به علت داشتن قدرت پیش بینی بهتر و میزان خطای کمتر به عنوان مدل نهایی netCU انتخاب شده است. جدول ۶ مقادیر RMSE، MBE، MAE و IOA برای شبکه netCU با ۷ نرون میانی را نشان می دهد. تعداد ۱۱ و ۱۳ مقادیر بهینه نرون در لایه مخفی به ترتیب برای شبکه های netu و netq بر اساس شاخص های خطای است و تعداد تکرار برای آموزش شبکه ها ۴۰۰۰ بار به دست آمد. جدول ۷ اندازه گیری خطای مدل های netu و netq را برای مقادیر بهینه نرون ارائه می دهد. مقادیر برای هر سه مجموعه برای شبکه ها بیش از ۰/۸ است که طبق توضیحات اسمیت [۱۷]، برای IOA بیش از ۰/۸، مدل ارائه شده قابلیت تخمین بسیار مناسب نتایج را در محدوده داده های موجود در کاتولوک دارد.

شکل ۵ به صورت نمونه مقایسه مقادیر حاصل از آزمایش ها با مقادیر حاصل از ANN برای تنش تفاضلی ( $q$ ) را نشان می دهد که انطباق نسبتاً خوبی بین نتایج وجود دارد. شکل ۶ و جدول ۸ مقایسه نتایج آزمایش ها با نتایج تحلیل ها با شبکه های عصبی netu و netq و مصالح ADBS1 در تنش محدود کننده ۴۰۰ kPa، مصالح C.K در تنش محدود کننده ۶۰۰ kPa و شده شبکه عصبی از قابلیت نسبت مناسبی در تخمین منحنی های تنش تفاضلی / اضافه فشار

آب حفره‌ای در برابر کرنش محوری برخوردار است. شکل ۷ مقادیر پارامترهای محاسبه شده آزمایش‌های سه محوری را با نتایج حاصل از شبکه عصبی مصنوعی را نشان می‌دهد که انطباق بسیار خوبی بین نتایج وجود دارد. از این‌رو، پس از تربیت شبکه با دادن تعدادی پارامتر به مدل، مقادیر تنش تفاضلی حداقل و پسمند و اضافه فشار آب حفره‌ای نظری به آسانی محاسبه می‌شود. ضمناً می‌توان از قابلیت تعیین شبکه عصبی در پیش‌بینی موارد بررسی نشده هم بهره گرفت.

وزن هر یک از نرون‌های مخفی، وزن پارامترهای خروجی و توارش (Bias) آن‌ها در جدول ۹ به صورت نمونه برای شبکه  $\text{netq}$  ارائه شده است که از این طریق می‌توان فرمولی برای محاسبه نقاطی از منحنی‌های تنش تفاضلی-اضافه فشار آب حفره‌ای-کرنش محوری در شرایط CU، ارائه کرد. برای مسئله مورد نظر رابطه بین خروجی و سایر پارامترهای ورودی بدین صورت به دست می‌آید:

$$\text{Output} = \text{pureline}(w2(\text{tansig}(w1 * \text{TestDataIn}) + b1) + b2) \quad (1)$$

$w1$  و  $w2$  ماتریس‌های وزن به ترتیب برای نرون‌های مخفی لایه میانی و خروجی،  $b1$  و  $b2$  ماتریس‌های وزن به ترتیب برای لایه مخفی میانی و توارش (Bias) لایه خروجی است. باید ذکر شود که فرمول بالا تابعی تقریب برای محاسبه مقادیر منحنی‌های تنش تفاضلی- فشار آب حفره‌ای- کرنش محوری در نقاط بررسی شده است.

### نتایج تحلیل حساسیت

چنان‌که ذکر شد با وجود عمل کرد مناسب روی داده‌های موجود، مدل‌های شبکه عصبی مصنوعی هیچ‌گونه اطلاعاتی راجع به نحوه اثر ورودی‌ها بر روی خروجی‌ها ارائه نمی‌دهند. از این‌رو آن‌ها را به عنوان مدل‌های دسته جعبه سیاه نام می‌برند. به همین سبب، برای تأیید عمل کرد چنین مدل‌هایی به علاوه دقت اندازه‌گیری مدل شبکه عصبی براساس داده‌های موجود، حساسیت ورودی بر مبنای مشتق جزئی مرتبه اول بین متغیر خروجی شبکه عصبی مصنوعی و پارامترهای ورودی با عبارت ریاضی (مشابه تحلیل رگرسیون) تعریف می‌شود [۳، ۷، ۱۱]. به همین سبب، در تحلیلی حساسیت میزان درستی قابلیت تخمین مدل شبکه عصبی مصنوعی برای استخراج قوانین حاکم از مدل پیشنهادی برای تأیید دانش ذخیره شده امتحان

می شود. با توجه به اثرات چشمگیر دانسیته و درصد دانه کوچکتر از  $0/2\text{ mm}$  بر رفتار مصالح و عدم بررسی آزمایشگاهی آنها، این دو پارامتر در ادامه بررسی می شود.

### اثر تغییرات دانسیته

با توجه به محدوده داده های موجود، تحلیل حساسیت روی نتایج آزمایش های CU روی مصالح با درصد های مختلف ریزدانه و تنש های محدود کننده مختلف از جمله BAA1 در تنش محدود کننده  $100$ ،  $300$  و  $700\text{ kPa}$  صورت گرفته است. در شکل ۸ نتایج تحلیل حساسیت اثر دانسیته بر زاویه اصطکاک داخلی حداقل، تنش تفاضلی-اضافه فشار آب حفره ای در کرنش محوری نظیر تنش تفاضلی حداقل و مقاومت پسماند و همچنین زاویه اصطکاک داخلی حداقل و مقایسه آنها با نتایج آزمایش ها نشان داده شده است. این نتایج نشان می دهد که مدل شبکه عصبی مصنوعی در تخمین نتایج قابلیت مناسبی دارد. راست آزمایی این نتایج، نیاز به انجام آزمایش و داده های بیشتر دارد. در شکل ۹ به صورت نمونه روند کلی تغییرات تنش تفاضلی اندازه گیری شده در کرنش محوری نظیر تنش تفاضلی حداقل و مقاومت پسماند در برابر دانسیته در تنش های محدود کننده مختلف برای همه مصالح بررسی شده ارائه شده است. به طور کلی روند تغییرات تخمین زده شده تنش تفاضلی با دانسیته (شکل ۹) با روند تغییرات اندازه گیری شده آنها به وسیله شبکه های عصبی (شکل ۸) هم خوانی دارد.

### اثر تغییرات درصد کوچکتر از $0/2\text{ mm}$

با توجه به محدوده داده های موجود، تحلیل حساسیت روی نتایج آزمایش های CU روی مصالح BAA1 در تنش محدود کننده  $100$  و  $700\text{ kPa}$  با تمرکز بر تغییرات درصد کوچکتر از  $0/2\text{ mm}$  صورت گرفته است که در شکل ۱۰ نتایج تحلیل حساسیت اثر درصد کوچکتر از  $0/2\text{ mm}$  بر تنش تفاضلی-اضافه فشار آب حفره ای در کرنش محوری نظیر تنش تفاضلی حداقل و مقاومت پسماند و همچنین زاویه اصطکاک داخلی حداقل و مقایسه آنها با نتایج آزمایش ها نشان داده شده است. علت محدود کردن درصد کوچکتر از  $0/2\text{ mm}$  به ۳۷ درصد رعایت نظم حاکم بر دانه بندی است. زیرا حداقل درصد گذشته از الک

بزرگ‌تر از آن یعنی  $4/75\text{ mm}$  برابر با  $37\text{ درصد}$  است. این نتایج نشان می‌دهد که مدل شبکه عصبی مصنوعی قابلیت مناسبی در تخمین نتایج دارد.

در شکل ۱۱ روند کلی تنش تفاضلی اندازه‌گیری شده در کرنش محوری نظریه تنش تفاضلی حداکثر و مقاومت پسماند در برابر درصد کوچک‌تر از  $0/2\text{ mm}$  در تنش محدود کننده مختلف برای مصالح مورد بررسی ارائه شده است. به طور کلی با افزایش درصد گذشته از اندازه  $0/2\text{ mm}$  روند کلی تغییرات تنش تفاضلی کاهشی است. روند تغییرات پارامترهای تخمین زده شده به وسیله شبکه‌های عصبی برای پارامترهای مختلف (شکل ۱۰) با روند تغییرات اندازه‌گیری شده آن‌ها (شکل ۱۱) هم خوانی دارد.

شکل ۱۲ نتایج تحلیل حساسیت اثر درصد کوچک‌تر از  $0/2\text{ mm}$  اضافه فشار آب حفره‌ای در کرنش محوری نظریه تنش تفاضلی حداکثر مصالح BAA1 در تنش محدود کننده  $100$  و  $700\text{ kPa}$  و مقایسه آن‌ها با نتایج آزمایش‌ها در تنش‌های محدود کننده  $200$ - $100$  و  $700-600\text{ kPa}$  مصالح مختلف را نشان می‌دهد.

به نظر می‌رسد روند اضافه فشار آب حفره‌ای اندازه‌گیری شده تا حدی از درصد کوچک‌تر از  $0/2\text{ mm}$  کاهشی و سپس افزایشی است. از این‌رو، برای بررسی تغییرات اضافه فشار آب حفره‌ای به دانسته نمونه هم باید توجه داشت.

### جمع‌بندی و نتیجه‌گیری

بررسی ادبیات فنی نشان می‌دهد که نتایج موجود در مورد رفتار زهکشی نشده مصالح شن دار با توجه به تغییرات درصد ریزدانه و میزان تراکم، بسیار اندک است. مهم‌ترین نتایج مدل‌سازی آزمایش‌های CU با استفاده شبکه‌های عصبی مصنوعی بدین شرح است:

- مدل شبکه عصبی مصنوعی پیش‌خوراند سه لایه پرسپترون با توابع تحریک تانژانت زیگموئید برای لایه میانی و خطی برای لایه خروجی با تعدادی مناسبی نرون در لایه مخفی برای تخمین مقادیر تنش تفاضلی - اضافه فشار حفره‌ای-کرنش محوری نظریه مصالح شن دار مناسب است.
- براساس نتایج ارائه شده، روش ANNs در شبیه‌سازی و تخمین منحنی‌های تنش تفاضلی-اضافه فشار آب حفره‌ای-کرنش محوری مصالح قابلیت مناسبی دارد. هم‌چنین

نقاط مهم این منحنی ها شامل تنفس تفاضلی حداکثر و پسماند و اضافه فشارهای آب حفره ای در کرنش نظریه مورد دارد.

- مطابق نتایج مدل سازی با ANN روند مقادیر تنفس تفاضلی حداکثر و اضافه فشار آب

حفره ای با افزایش دانسیته در مصالح مختلف متفاوت است. مثلاً در مصالح با درصد

ریزدانه کم، افزایش دانسیته سبب افزایش تنفس تفاضلی حداکثر و کاهش اضافه فشار

آب حفره ای می شود که با نتایج آزمایش های موجود در این پژوهش هم خوانی دارد.

- براساس نتایج تحلیل حساسیت با ANN، اثر افزایش درصد گذشته از الک  $0.2 \text{ mm}$

سبب کاهش تنفس تفاضلی و افزایش اضافه فشار آب حفره ای در مصالح شن دار می

شود.

- نتایج نشان داد که مدل شبکه های عصبی در شرایط CU قابلیت تعمیم و تخمین خوبی

دارد. ضمناً می توان از قابلیت تعمیم شبکه عصبی مصنوعی برای موارد بررسی نشده هم

بهره گرفت. ضمناً با توجه به تعداد اندک داده ها، قابلیت تعمیم و تخمین ارائه شده در

خارج از محدوده داده های کاتالوگ نیاز به راست آزمایی دارد.

### قدردانی

از بخش ژئوتکنیک مرکز تحقیقات راه، مسکن و شهرسازی که داده های پایه این تحقیق از آنجا فراهم شد تقدیر و تشکر می گردد.

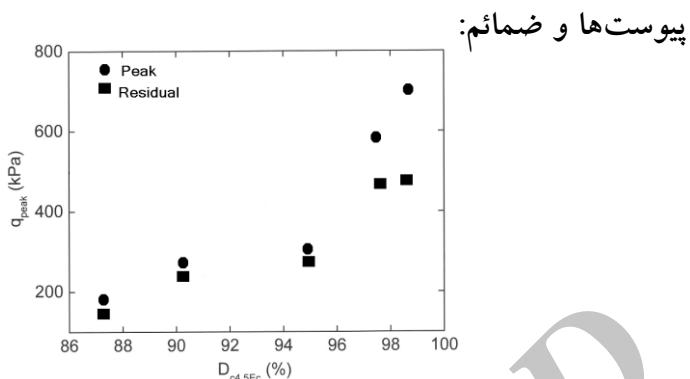
### منابع

1. Aghaei Araei. A., Soroush A., Hashemi Tabatabaei S., Ghalandarzadeh A., "Consolidated Undrained Behavior of Gravelly Materials", Scientia Iranica, under press (2012).
2. ASTM D4767, "Standard test method for consolidated undrained triaxial compression test for cohesive soils" (2004).
3. Banimahd M., Yasrobi S. S., Woodward P.K., "Artificial Neural Network for Stress-strain Behavior of Soils: Knowledge based verification", Computers and Geotechnics, ELSEVIER, 32 (2005) 377-386.

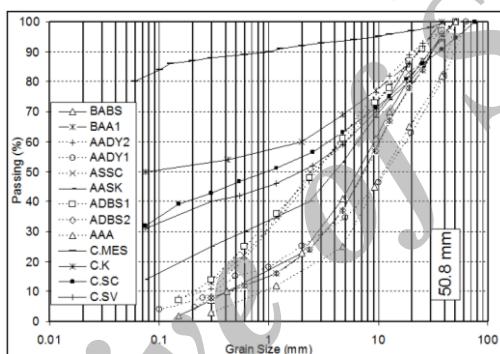
4. Baziar M. H., Jafarian Y., "Assessment of Liquefaction Triggering using Strain Energy Concept and ANN Model: Capacity Energy, Soil Dynamics and Earthquake Engineering", Vol. 27 (2007) 1056-1072.
5. Duncan J. M., Chang C. Y., "Nonlinear Analysis of Stress and Strain in Soils", Journal of the Soil Mechanics and Foundation Division, ASCE, 96, SM5, Proceedings, Paper 7513, (1970) 1629-1653.
6. Ellis G. W., Yao C., Penumadu D., "Stress-strain Modeling of Sands using Artificial Neural Networks", ASCE J Geotech Eng., Vol.121 (5) (1995) 429-35.
7. Hashem S. "Sensitivity Analysis for Feedforward Artificial Neural Networks with Differentiable Activity Functions", International conference on neural network, Baltimore: IEEE, Vol. 1 (1993) 419-429.
8. Hornik K. M., Stinchcombe M., White H., "Multi-layer Feedforward Networks are Universal Approximator", Neural Networks, Vol. 2(5) (1994) 359-366.
9. Jing L., Hudson J. A., "Numerical Methods in Rock Mechanics", Int. J. Rock Mech. Mining Sci., 39 (2002) 409-427.
10. Jing L., "A Review of Techniques, Advances and Outstanding Issues in Numerical Modeling for Rock Mechanics and Rock Engineering", Int. J. Rock Mech. Mining Sci., 40 (2003) 283-353.
11. Lu M., AbouRizk S. M., Hermann U. H., "Sensitivity Analysis of Neural Networks in Spool Fabrication Productivity Studies", ASCE J Comp Civil Eng, Vol.15(4) (2001) 299-308.
12. Najjar Y., Zhang X. C., "Characterizing the 3D Stress-Strain Behavior of Sandy Soils: a Neuro Mechanistic Approach", In: Filz GM, Griffiths DV, editors, Numerical methods in geotechnical engineering; Geotechnical Special Publications, No. 96, ASCE (2000) 43-57.

13. Penumadu D., Zhao R., "Triaxial Compression Behavior of Sand and Gravel using Artificial Networks (ANN)", Comput Geotech., 24 (1999) 207-230.
14. Sakellariou M. G., Ferentinou, M. D., "A Study of Slope Stability Prediction using Neural Networks", Geotechnical and Geological Engineering, 23 (2005) 419-445.
15. Salim W., Indraratna B., "A new Elastoplastic Constitutive Model for Coarse Granular Aggregates Incorporating Particle Breakage", Can. Geotech. J., 41 (2004) 657-671.
16. Shahin M. A., Indraratna B., "Modeling the Mechanical Behavior of Railway Ballast using Artificial Neural Networks", Can. Geotech. J., 43 (2006) 1144-1152.
17. Smith G. N., "Probability and statistics in civil engineering", London: Collins (1986).
18. Tatsouka F., "Importance of High Backfill Compaction for Better Performance of Soil Structure", TC29 meeting, ISSMGE, 7th October (2009) Alexandria, Egypt.
19. Varadarajan A., Sharma K. G., Venkatachalam K., Gupta A. K., "Testing and Modeling two Rockfill Materials", Journal of Geotechnical and Geoenvironmental Engineering, ASCE, March (2003) 206-218.
20. Varadarajan A., Sharma K. G., Abbas S. M., Dhawan A. K., "Constitutive Model for Rockfill Materials and Determination of Material Constants", International journal of Geomechanics, ASCE / July/August (2006) 226-237.
21. Varadarajan A., Sharma K. G., Abbas S.M., Dhawan A. K., "The Role of Nature of Particles on the Behavior of Rockfill Materials, Vol. 46 (5) (2006) 569-584.

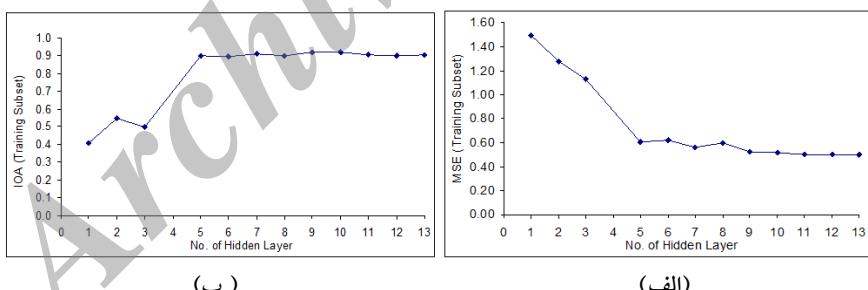
22. Venkatachalam K., "Prediction of Mechanical Behavior of Rockfill Materials", PhD thesis, Indian Institute of Technology, Delhi, India (1993).



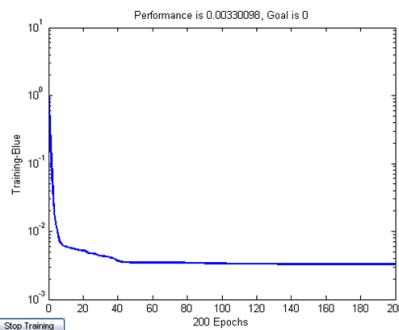
شکل ۱. تغییرات تنفس تفاضلی حداقل و پسماند با میزان تراکم ماسه Inagi IV تحت تنش محدود‌کننده ۵۰ kPa در تراکم‌های مختلف تحت شرایط زهکشی نشده (اصلاح شده [۱۸])



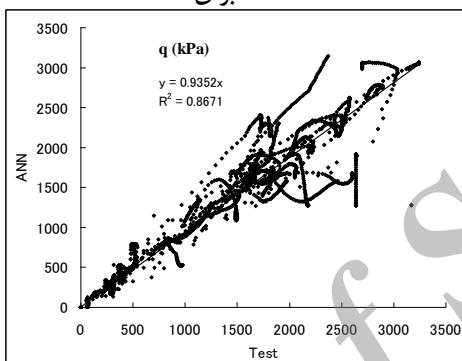
شکل ۲. دانه‌بندی مصالح آزمایش شده در آزمایش‌های سه محوری قطر بزرگ



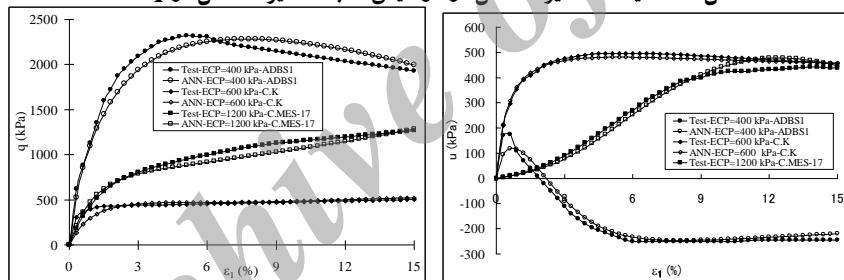
شکل ۳. شاخص‌های خطأ در برابر تعداد لایه‌های مخفی میانی برای netCU (الف) MSE (ب) IOA



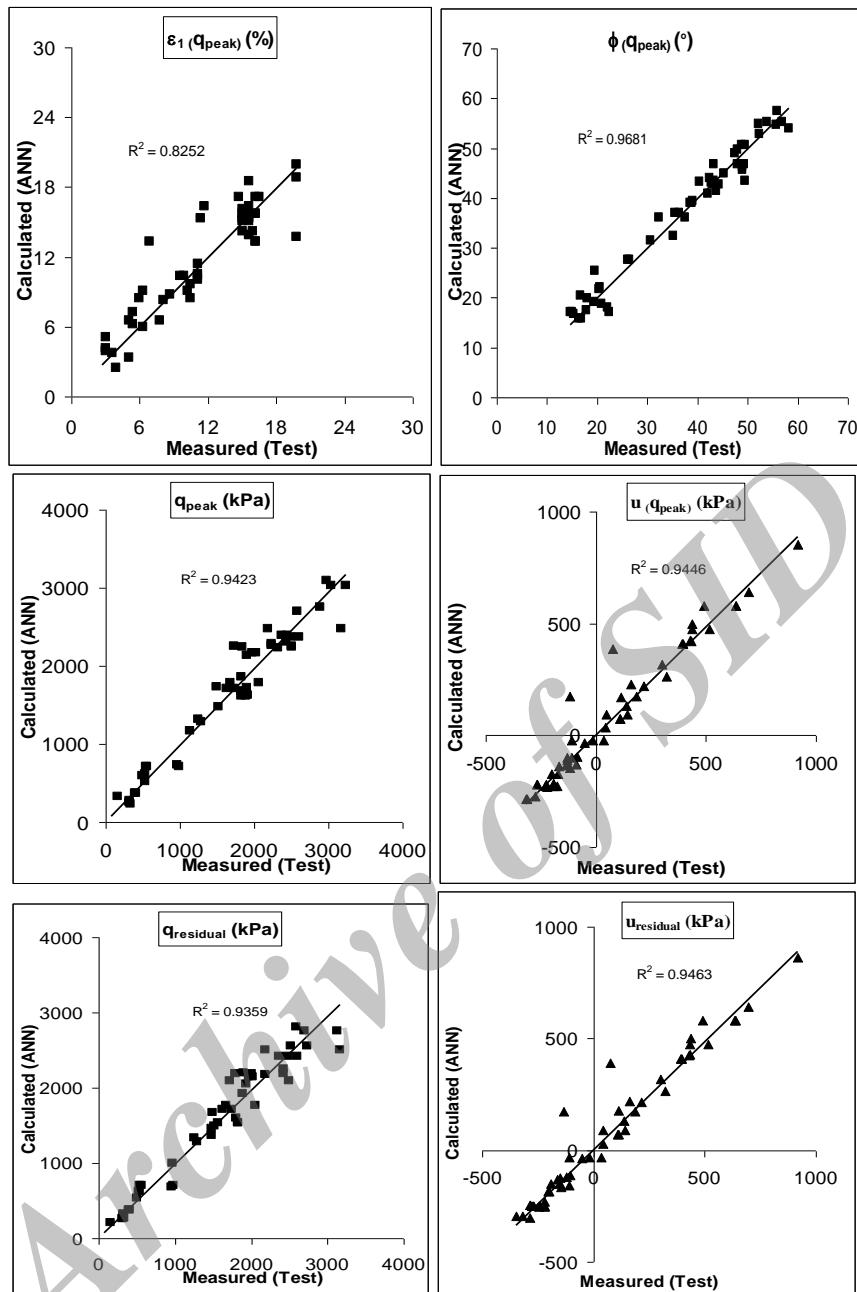
شکل ۴. کاهش خطای افزایش تعداد سیکل برای مدل نوشته شده با استفاده از ANN در محیط netCU برای MATLAB



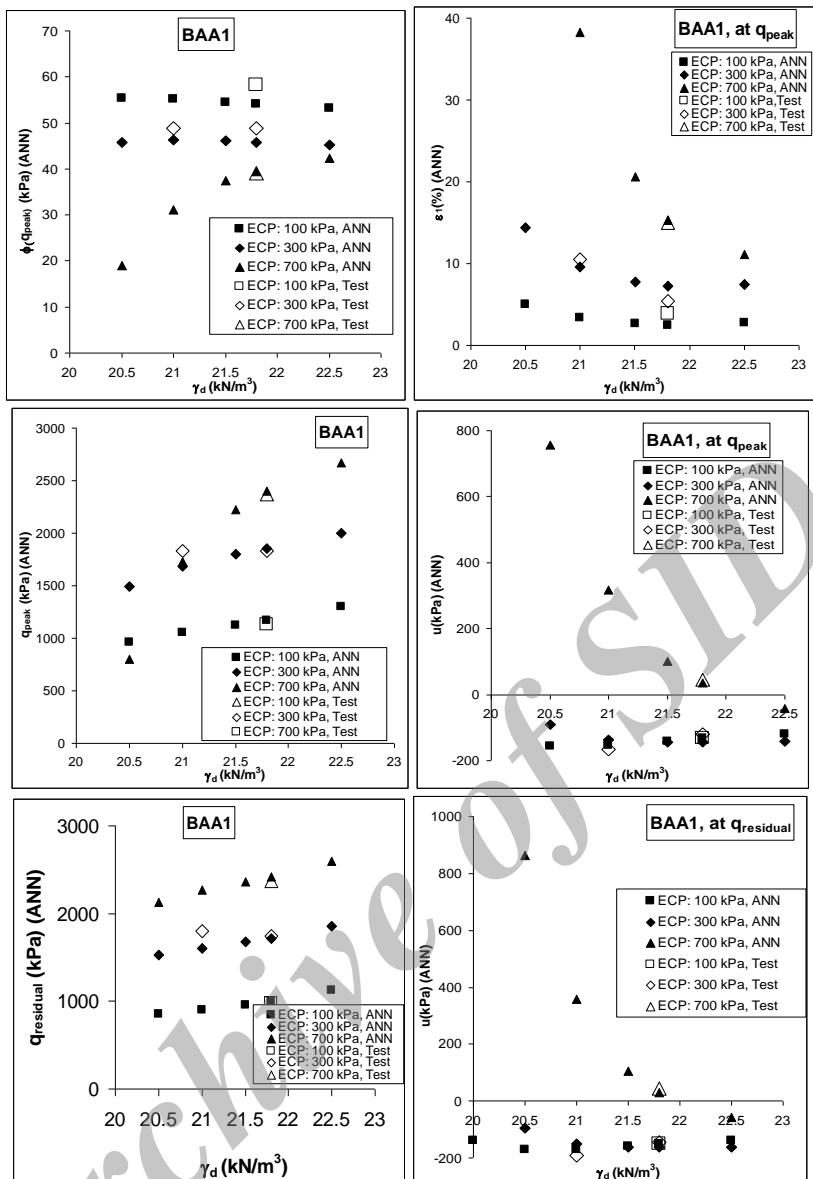
شکل ۵. مقایسه مقادیر حاصل از آزمایش‌ها با مقادیر حاصل از netq



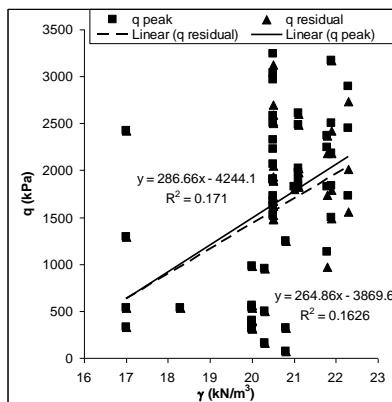
شکل ۶. مقایسه نتایج آزمایش‌ها با نتایج تحلیل‌ها با شبکه‌های عصبی netu و netq مصالح در تنش محدود کننده ADBS1 در تنش محدود کننده ۴۰۰ kPa، مصالح C.K در تنش محدود کننده ۶۰۰ kPa و ۱۲۰۰ kPa در تنش محدود کننده C.MES-17



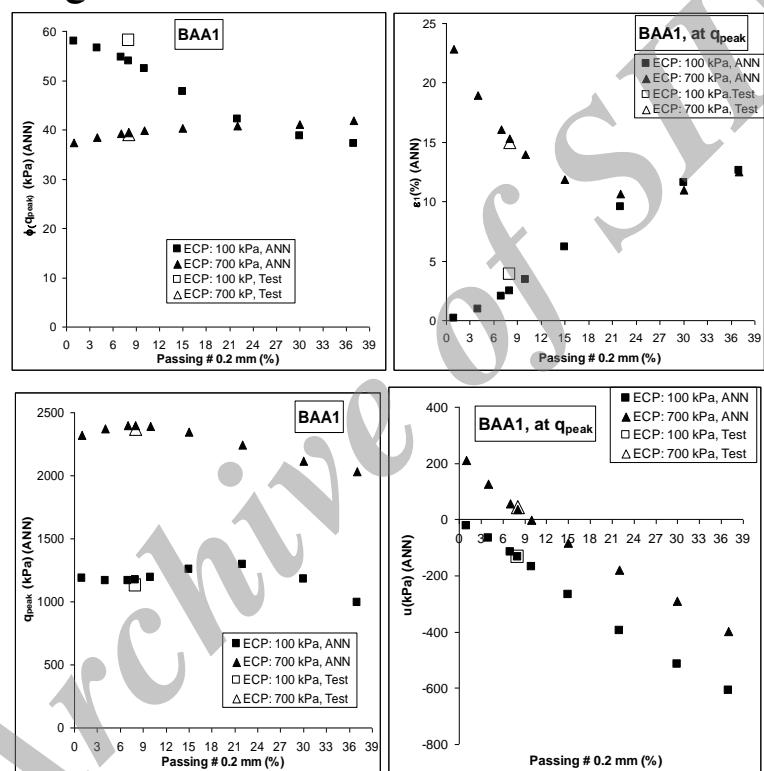
شکل ۷. مقایسه مقادیر حاصل از آزمایش‌ها با مقادیر حاصل از netCU

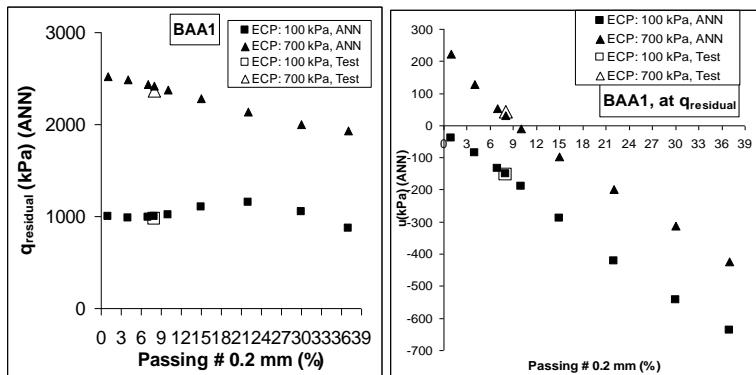


شکل ۸ نتایج تحلیل حساسیت اثر دانسیته بر زاویه اصطکاک داخلی حداکثر، تنش تفاضلی-اضافه فشار آب حفره‌ای در کرنش محوری نظیر تنش تفاضلی حداکثر و مقاومت پسماند مصالح BAA1 در تنش محدود کننده ۱۰۰، ۳۰۰ و ۷۰۰ kPa و مقایسه آنها با نتایج آزمایش‌ها

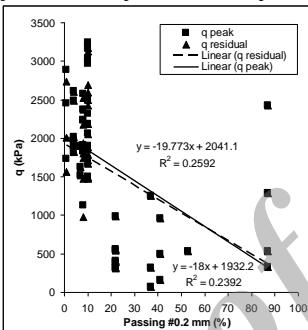


شکل ۹. تغییرات تنفس تفاضلی اندازه‌گیری شده در کرنش محوری نظیر تنفس تفاضلی حداقل و مقاومت پسماند در برابر دانسیته در تنفس‌های محدود کننده مختلف برای همه مصالح بررسی شده

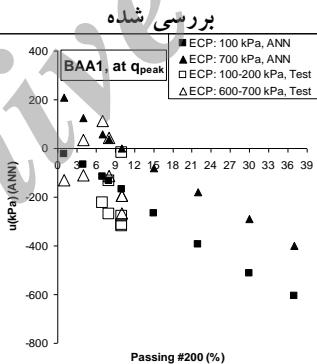




شکل ۱۰. نتایج تحلیل حساسیت اثر درصد کوچکتر از  $0/2 \text{ mm}$  بر زاویه اصطکاک حداقل، تنش تفاضلی-اضافه فشار آب حفره ای در کرنش محوری نظری تنش تفاضلی حداقل و مقاومت پسماند مصالح BAA1 در تنش محدود کننده ۱۰۰ و ۷۰۰ kPa و مقایسه آنها با نتایج آزمایش ها



شکل ۱۱. تغییرات تنش تفاضلی اندازه گیری شده در کرنش محوری نظری تنش تفاضلی حداقل و مقاومت پسماند در برابر درصد کوچکتر از  $0/2 \text{ mm}$  در تنش محدود کننده مختلف برای مصالح



شکل ۱۲. نتایج تحلیل حساسیت اثر درصد کوچکتر از  $0/2 \text{ mm}$  بر اضافه فشار آب حفره ای در کرنش محوری نظری تنش تفاضلی حداقل مصالح BAA1 در تنش محدود کننده ۱۰۰ و ۷۰۰ kPa و مقایسه آنها با نتایج آزمایش ها در تنش های محدود کننده ۱۰۰-۲۰۰ و ۶۰۰-۷۰۰ kPa

### جدول ۱. مشخصات مصالح به کار رفته برای انجام آزمایش‌های CU

Material		Dam	Passing ۴/۲ mm	Passing ۰/۶ mm	Passing ۰/۰ mm	Passing ۰/۷ mm	$\gamma_d$ (۵%) (kN/m³)	$W_{opt}$ (%)	Rate of loading mm/min	Symbol
Blasting	Andesibasalt	Sabalani	۹۵	۷۲	۳۷	۴	۲۱/۱	۴/۵	۰/۰	BABS
	Andesite	Aydoghmosh-G <sup>۱</sup>	۹۶	۸۴	۳۷	۸	*۲۱/۸	۷/۵	۰/۰	BAA <sup>۱</sup>
Alluvium	Andesi-Dacite	Yamchi	G <sup>۱</sup>	۹۷/۵	۹۱	۶۱	۱۰	۲۰/۵	۰/۰	AADY <sup>۱</sup>
			G <sup>۲</sup>	۸۰	۷۰	۳۵	۷	۲۰/۵	۰/۰	AADY <sup>۲</sup>
	Alluvium-river bed	Shahr Chi	۹۴	۸۳	۵۹	۱۰	۲۱/۹	۵/۸	۰/۰	ASSC
	Andesite-Basalt	Sattar Khan	۹۵	۸۵	۵۳	۲۲	۲۰	۹	۰/۰	AASK
	Deurite-Basit	Sahand-G <sup>۱</sup>	۹۷	۹۱	۶۲	۱۰	۲۰/۵	۹	۰/۰	ADBS <sup>۱</sup>
	Deurite-Basalt	Sahand-G <sup>۲</sup>	۹۶	۸۴	۳۷	۸			۰/۰	ADBS <sup>۲</sup>
	Andesite	Aydoghmosh-G <sup>۲</sup>	۸۲	۷۳	۲۵	۱	۲۲/۳	۷/۴	۰/۰	AAA
Core	Masjed-e-Soleyman(LL=۱۱, PI=۲۲)			۱۰۰	۹۷/۵	۹۳/۰	۸۷	۱۷	۲۰	۰/۱
	Karkheh(LL=۱۱, PI=۲۲)			۱۰۰	۹۰	۶۹	۵۳	۱۸/۳	۱۳/۰	۰/۰
	Shahr Chi (LL=۲۸/۷, PI=۱۷/۰)			۹۱	۸۶	۶۳	۴۱	۲۰/۳	۱۰/۱	۰/۲
	High Weathered Sandstone	Vanyar(PI=۱۷/۰)	۱۰۰	۹۲	۵۹	۳۷	۲۰/۸	۹/۵	۰/۱	C.SV

$kPa^{\frac{1}{3}} \cdot kN/cm^3$  for Effective Confining Pressure (ECP) =  $\gamma_d =$

جدول ۲. ورودی‌ها و خروجی‌های MLPs تشکیل دهنده مدل netu و netq

Networks	Inputs									Outputs	
netu	$\sigma'_r$ (kPa)	$\Delta\epsilon_n$	$\mathcal{E}_{n+1}$	$\gamma_d$ (kN/m³)	W (%)	Passing ۴/۲ mm	Passing ۰/۶ mm	Passing ۰/۰ mm	Passing ۰/۷ mm	$q_n$	$q_{n+1}$
netq										$u_n$	$u_{n+1}$

جدول ۳. مرزهای ورودی‌ها و خروجی‌های MLPs برای netu و netq

Limits	Inputs									Outputs	
	$\sigma'_r$ (kPa)	$\Delta\epsilon_n$	$\mathcal{E}_{n+1}$	$\gamma_d$ (kN/m³)	W (%)	Passing ۴/۲ mm	Passing ۰/۶ mm	Passing ۰/۰ mm	Passing ۰/۷ mm	Rate of loading (mm/s)	$q_{n+1}$
Min.	۱۰۰	۰/۳	۰/۰	۱۷/۰	۴/۵	۸۰/۰	۷۰/۰	۲۵/۰	۱۰/۰	۰/۰	-۳۴۸/۴
Max.	۲۴۰۰	۰/۳	۱۹/۸	۲۲/۳	۲۰/۰	۱۰۰/۰	۹۷/۵	۹۳/۰	۸۷/۰	۰/۰	۳۲۴۰

جدول ۴. پارامترهای ورودی netCU

	$\sigma'_3$ (kPa)	$\gamma_d$ (kN/m <sup>3</sup> )	$W_{opt}$ (%)	Passing ۲۵/۴ mm (%)	Passing ۴/۷۵ mm (%)	Passing ۰/۲ mm (%)
BABS	۳۰۰	۲۱/۱	۴/۵	۷۲	۳۷	۴
	۶۰۰	۲۱/۱	۴/۵	۷۲	۳۷	۴
	۹۰۰	۲۱/۱	۴/۵	۷۲	۳۷	۴
BABS-re	۳۰۰	۲۱/۱	۴/۵	۷۲	۳۷	۴
	۶۰۰	۲۱/۱	۴/۵	۷۲	۳۷	۴
	۹۰۰	۲۱/۱	۴/۵	۷۲	۳۷	۴
BAA1	۱۰۰	۲۱/۸	۷/۵	۸۴	۳۷	۸
	۳۰۰	۲۱/۸	۷/۵	۸۴	۳۷	۸
	۵۰۰	۲۱/۸	۷/۵	۸۴	۳۷	۸
	۷۰۰	۲۱/۸	۷/۵	۸۴	۳۷	۸
BAA1-re	۳۰۰	۲۱	۷/۵	۸۴	۳۷	۸
AADY 2	۲۰۰	۲۰/۵	۹	۷۰	۳۵	۷
	۴۰۰	۲۰/۵	۹	۷۰	۳۵	۷
	۷۰۰	۲۰/۵	۹	۷۰	۳۵	۷
AADY 1	۲۰۰	۲۰/۵	۹	۹۱	۶۱	۱۰
	۴۰۰	۲۰/۵	۹	۹۱	۶۱	۱۰
	۷۰۰	۲۰/۵	۹	۹۱	۶۱	۱۰
AADY 1-re	۲۰۰	۲۰/۵	۹	۹۱	۶۱	۱۰
	۴۰۰	۲۰/۵	۹	۹۱	۶۱	۱۰
	۷۰۰	۲۰/۵	۹	۹۱	۶۱	۱۰
S.SC	۲۰۰	۲۱/۹	۵,۸	۸۳	۵۹	۱۰
	۵۰۰	۲۱/۹	۵,۸	۸۳	۵۹	۱۰
	۱۰۰	۲۱/۹	۵,۸	۸۳	۵۹	۱۰
S.SC-re	۵۰۰	۲۱/۹	۵,۸	۸۳	۵۹	۱۰
	۱۰۰	۲۱/۹	۵,۸	۸۳	۵۹	۱۰
ADBS1	۲۰۰	۲۰/۵	۹	۹۱	۶۲	۱۰

	$\sigma'_3$ (kPa)	$\gamma_d$ (kN/m <sup>3</sup> )	$W_{opt}$ (%)	Passing ۲۵/۴ mm (%)	Passing ۴/۷۵ mm (%)	Passing ۰/۲ mm (%)
	۴۰۰	۲۰/۵	۹	۹۱	۶۲	۱۰
	۷۰۰	۲۰/۵	۹	۹۱	۶۲	۱۰
ADBS2	۲۰۰	۲۰/۵	۹	۸۴	۳۷	۸
	۴۰۰	۲۰/۵	۹	۸۴	۳۷	۸
	۷۰۰	۲۰/۵	۹	۸۴	۳۷	۸
AAA	۳۰۰	۲۲/۳	۷,۴	۷۳	۲۵	۱
	۵۰۰	۲۲/۳	۷,۴	۷۳	۲۵	۱
	۷۰۰	۲۲/۳	۷,۴	۷۳	۲۵	۱
AASK	۲۰۰	۲۰	۹	۸۵	۵۳	۲۲
	۵۰۰	۲۰	۹	۸۵	۵۳	۲۲
	۸۰۰	۲۰	۹	۸۵	۵۳	۲۲
AASK-re	۲۰۰	۲۰	۹	۸۵	۵۳	۲۲
	۵۰۰	۲۰	۹	۸۵	۵۳	۲۲
	۸۰۰	۲۰	۹	۸۵	۵۳	۲۲
	۸۰۰	۲۰	۹	۸۵	۵۳	۲۲
C.MES-17	۳۰۰	۱۷	۲۰	۹۷/۵	۹۳/۵	۸۷
	۶۰۰	۱۷	۲۰	۹۷/۵	۹۳/۵	۸۷
	۱۲۰۰	۱۷	۲۰	۹۷/۵	۹۳/۵	۸۷
	۲۴۰۰	۱۷	۲۰	۹۷/۵	۹۳/۵	۸۷
C.K	۶۰۰	۱۸,۳	۱۳/۵	۹۰	۶۹	۵۳
C.SC	۲۰۰	۲۰/۳	۱۰/۱	۸۶	۶۳	۴۱
	۵۰۰	۲۰/۳	۱۰/۱	۸۶	۶۳	۴۱
	۸۰۰	۲۰/۳	۱۰/۱	۸۶	۶۳	۴۱
C.SV	۱۰۰	۲۰/۸	۹/۵	۹۲	۵۹	۳۷
	۳۰۰	۲۰/۸	۹/۵	۹۲	۵۹	۳۷
	۶۰۰	۲۰/۸	۹/۵	۹۲	۵۹	۳۷
min	۱۰۰	۱۷	۴/۵	۷۰	۲۵	۱
max	۲۴۰۰	۲۲/۳	۲۰	۹۷,۵	۹۳,۵	۸۷

## جدول ۵. پارامترهای خروجی netCU

	$\varepsilon_1(q_{\max})$ (%)	$q_{\max}$ (kPa)	$\square^{\max}$ <sup>°</sup>	$u(q_{\max})$ (kPa)	$q_{\text{residual}}$ (kPa)	$u(q_{\text{residual}})$ (kPa)
BABS	۶,۳۰	۱۸۹۴	۴۹,۴۰	۱۷۱-	۱۸۳۰	-۲۰۴
	۱۵,۶۰	۲۰۲۰	۳۸,۹۰	۱۱۰-	۲۰۲۰	-۱۱۰
	۱۵,۶۰	۲۴۸۸	۳۵,۰۰	۱۸۵	۲۴۸۸	۱۸۵
BABS-re	۱۰,۲۰	۱۸۲۲	۴۸,۸۰	۲۰۰-	۱۸۲۲	-۲۰۰
	۱۵,۶۰	۱۹۷۵	۳۸,۵۰	۳۳,۴	۱۹۷۵	۳۳,۴
	۱۱,۷۰	۲۶۰۸	۳۶,۳۰	۱۱۹,۱-	۲۶۰۰	-۱۳۳,۷
BAA1	۳,۹۰	۱۱۳۰	۵۸,۲۰	-۱۳۲	۹۷۳	-۱۵۲
	۵,۴۰	۱۸۳۰	۴۸,۹۰	-۱۲۰	۱۷۴۰	-۱۴۶
	۱۱,۱۰	۲۲۴۰	۴۳,۷۰	-۸۶,۵	۲۱۸۰	-۱۰۴
	۱۵,۰۰	۲۳۷۰	۳۹,۰۰	۴۴	۲۳۷۰	۴۴
BAA1-re	۱۰,۰۰	۱۸۳۰	۴۸,۹۰	-۱۶۷	۱۸۰۰	-۱۹۷
AADY2	۱۵,۶۰	۱۵۲۲	۵۲,۴۰	-۲۲۲	۱۵۲۲	-۲۲۲
	۱۵,۶۰	۱۶۲۵	۴۲,۱۰	-۵۲	۱۶۲۵	-۵۲
	۱۵,۶۰	۱۹۰۰	۳۵,۲۰	۱۱۳	۱۹۰۰	۱۱۳
AADY1	۱۵,۶۰	۱۶۷۳	۵۳,۸۰	-۳۱۸	۱۶۷۳	-۳۱۸
	۱۱,۱۰	۱۷۳۲	۴۳,۲۰	-۲۲۹	۱۷۱۶	-۲۴۲
	۵,۱۰	۳۰۳۸	۴۳,۲۰	-۲۶۷	۲۶۹۵	-۲۷۸
AADY1-re	۱۱,۴۰	۲۰۷۵	۵۶,۹۰	-۳۱۲	۲۰۵۰	-۳۴۸,۴
	۹,۹۰	۲۵۰۰	۴۹,۳۰	-۱۷۸	۲۵۰۰	-۲۴۵
	۷,۸۰	۳۲۴۰	۴۴,۳۰	-۱۹۵	۳۱۳۰	-۲۷۰
S.SC	۸,۷۰	۱۴۹۷	۵۲,۱۰	-۱۷	۱۴۹۰	-۲۱
	۱۵,۶۰	۲۱۸۳	۴۳,۳۰	۱۴۱,۴	۲۱۸۳	۱۴۱,۴
	۷,۰۰	۲۵۰۲	۳۷,۶۰	۴۳۶	۲۴۲۵	۴۳۱
S.SC-re	۱۰,۰۰	۳۱۷۰	۴۹,۰۰	۴۰,۹	۳۱۷۰	۴۲,۷
	۱۰,۰۰	۱۸۳۵	۳۲,۳۰	۵۱۵	۱۷۸۸	۵۱۵
ADBS1	۲,۰۰	۱۹۰۴	۵۵,۷۰	-۲۷۷	۱۴۷۵	-۲۸۷
	۵,۱۰	۲۳۲۰	۴۸,۰۰	-۲۲۵	۱۸۸۵	-۲۴۵
	۵,۴۰	۲۹۷۰	۴۲,۸۰	-۱۹۵	۲۵۹۴	-۲۲۰
ADBS2	۲,۷۰	۱۹۱۰	۵۵,۸۰	-۲۷۰	۱۴۷۵	-۲۸۸
	۳,۷۰	۲۲۳۰	۴۷,۴۰	-۱۹۰	۱۹۳۵	-۲۲۰

	$\varepsilon_l(q_{\max})$ (%)	$q_{\max}$ (kPa)	$\square_{\max}^{\circ}$	$u(q_{\max})$ (kPa)	$q_{residual}$ (kPa)	$u(q_{residual})$ (kPa)
AAA	۸,۱۰	۲۵۸۰	۴۰,۴۰	-۱۱۲	۲۵۲۰	-۱۲۰
	۳,۰۰	۱۷۲۹	۴۷,۹۰	-۱۳۰	۱۵۶۰	-۱۶۲
	۳,۰۰	۲۴۴۸	۴۰,۲۰	-۹۰	۲۰۱۰	-۱۱۰
	۶,۳۰	۲۸۹۰	۴۲,۴۰	-۱۳۰	۲۷۳۵	-۱۰۲
AASK	۱۶,۲۰	۳۲۰	۲۶,۴۰	۱۰۹	۳۲۰	۱۰۹
	۱۶,۲۰	۳۹۳	۱۶,۴۰	۳۹۲	۳۹۳	۳۹۲
	۱۶,۲۰	۵۳۸	۱۶,۷۰	۶۳۶,۴	۵۳۸	۶۳۶,۴
AASK-re	۱۶,۰۰	۳۱۵	۲۶,۱۰	۱۱۱	۳۱۵	۱۱۱
	۱۶,۲۰	۴۰۵	۱۶,۸۰	۳۹۴	۴۰۵	۳۹۴
	۱۶,۲۰	۹۸۳	۲۲,۴۰	۴۹۲	۹۸۳	۴۹۲
	۷,۹۰	۵۰۷	۱۰,۰۰	۶۳۵	۵۰۷	۶۳۵
C.MES-17	۱۹,۸۰	۲۳۲	۲۰,۹	۱۳۹	۲۳۲	۱۳۹
	۱۴,۷۰	۵۳۷	۱۸,۰۰	۳۲۱	۵۳۷	۳۲۱
	۱۰,۹۰	۱۲۸۹	۲۰,۵۰	۴۳۵	۱۲۸۹	۴۳۵
	۱۹,۸۰	۲۴۲۶	۱۹,۷۰	۹۱۸	۲۴۲۶	۹۱۸
C.K	۱۹,۸۰	۵۳۰	۱۷,۸۰	۴۳۱	۵۳۰	۴۳۱
C.SC	۱۱,۱۰	۱۶۱	۱۶,۷۰	۱۶۰,۵	۱۶۱	۱۶۰,۵
	۱۱,۱۰	۴۹۷	۱۹,۶۰	۴۳۰	۴۹۷	۴۳۰
	۹,۷۰	۹۰۷	۲۲,۰۰	۷۹۰	۹۰۷	۷۹۰
C.SV	۱۰,۰۰	۷۷	۱۰,۳۰	۷۷	۷۷	۷۷
	۱۰,۰۰	۲۲۰	۲۰,۴۰	۳۰۰	۲۲۰	۳۰۰
	۱۰,۰۰	۱۲۵۰	۲۱,۷۰	۲۱۷	۱۲۵۰	۲۱۷
Min	۲,۷	۷۷	۱۴,۷	-۳۱۸	۷۷	-۳۴۸,۴
Max	۱۹,۸	۲۴۲۰	۵۸,۲	۹۱۸	۳۱۷۰	۹۱۸

جدول ۶. عمل کرد مدل نسبت به شاخص های خطای شبکه با ۷ نرون میانی برای netCU

۱۰ Hidden layers	Training subset	Testing subset	Validation subset
Total Error IOA	۰/۹۷۰۱	۰/۸۹۸۶	۰/۸۹۱۲
Error IOA	۰/۹۸۶۷	۰/۹۶۶۶	۰/۸۵۱۰
Total Error MAE	۰/۰۰۰۲	۰/۳۱۵۸	۰/۲۶۵۵
Error MAE	۰/۰۰۰۲	۰/۲۲۰۲	۰/۲۴۶۴
Total Error MBE	۰/۰۰۰۲	-۰/۳۱۵۸	۰/۲۶۵۵
Error MBE	۰/۰۰۰۲	-۰/۲۲۰۲	۰/۲۴۶۴
Total Error MSE	۰/۳۰۵۷	۰/۲۸۸۲	۰/۱۲۰۶
Error MSE	۰/۱۶۸۷	۰/۰۴۱۳	۰/۰۲۰۳
Total Error RMSE	۰/۵۵۲۹	۰/۰۳۶۹	۰/۳۴۷۲
Error RMSE	۰/۴۱۰۷	۰/۰۲۳۲	۰/۱۴۲۶

جدول ۷. عمل کرد مدل ها نسبت به شاخص های خطای برای netu و netq

		Training subset	Validation subset	Testing subset
TotErrorIOA	netu	۰/۹۹۹۴۵	۰/۹۹۹۴۹	۰/۹۹۹۴۵
	netq	۰/۹۹۹۰۵	۰/۹۹۹۷۴	۰/۹۹۹۳۴
TotErrorMAE	netu	۰/۰۱۴۳۰۲	۰/۰۸۳۰۵۱	۰/۱۱۱۴۱
	netq	۰/۰۰۰۵۱۰۹	۰/۰۴۱۲۳۱	۰/۱۸۱۹۴
TotErrorMBE	netu	۰/۰۱۴۳۰۲	۰/۰۸۳۰۵۱	۰/۱۱۱۴۱
	netq	۰/۰۰۰۵۱۱	-۰/۰۴۱۲۳	-۰/۱۸۱۹۴
TotErrorMSE	netu	۰/۸۹۰۶۷	۰/۰۴۰۷۲	۰/۰۲۵۶۴۸
	netq	۰/۷۷۴۳۵	۰/۰۱۸۱۱۵	۰/۲۲۰۵۴
TotErrorRMSE	netu	۰/۷۰۳۹	۰/۲۱۳۸۲	۰/۱۶۰۱۵
	netq	۰/۰۲۳۷۹	۰/۱۳۴۰۹	۰/۱۴۸۵

### جدول ۸. مقایسه نتایج آزمایش‌ها با نتایج تحلیل‌ها با netCU

		$\varepsilon(q_{\max})$	$q_{\max}$	$u(q_{\max})$	$q_{\text{residual}}$	$u(q_{\text{residual}})$
ADBS1, $\sigma'_{\tau}=400$ kPa	Test	۵/۱	۲۳۲۰	-۲۲۵	۱۸۸۵	-۲۴۵
	netCU	۳/۳۲	۲۲۳۳	-۲۱۸	۱۹۲۴	-۲۵۱
C.K, $\sigma'_{\tau}=600$ kPa	Test	۱۹/۸	۵۳۰	۴۳۱	۵۳۰	۴۳۱
	netCU	۱۹/۹۱	۵۱۸/۵۸	۴۲۰	۶۲۱	۴۳۱
۱۹C.MES- $\sigma'_{\tau}=1200$ kPa	Test	۱۰/۹	۱۲۸۹	۴۳۵	۱۲۸۹	۴۳۵
	netCU	۱۴/۲۱	۱۲۸۶/۱	۴۹۸/۴	۱۲۷۹	۵۰۳

### جدول ۹. مقادیر وزن‌ها و توارش برای netCU برای آزمایش‌های CU

w1 = netCU.iw{1,1}

۷/۱۶۱ -۲۱/۰۰۶ -۱۱/۴۱۹ ۳۸/۵۶۸ ۲۸/۹۰۲ -۴/۸۰۹

۰/۱۳۴ -۱/۴۸۸ ۴/۰۰۷ -۱۵/۱۹۱ ۱۱/۸۲۰ ۰/۵۳۵

-۰/۷۸۳ -۳/۵۳۴ -۴/۲۵۶ ۱۶/۳۳۱ -۱۲/۵۱۴ -۱/۴۵۴

۱/۸۷۰ ۱۲/۲۲۵ ۴/۹۸۶ -۱۸/۰۴۹ ۱۳/۹۲۵ ۲/۴۶۷

۰/۵۷۵ -۸۳/۸۴۸ -۴/۹۶۷ -۸۴/۰۷۱ ۵۹/۳۳۵ -۹/۴۸۰

۱۱/۴۳۹ ۴/۳۵۰ -۱/۵۱۳ ۱/۸۸۶ -۲/۵۰۰ ۷/۳۳۵

-۰/۴۸۱ -۰/۳۵۸ -۰/۲۲۱ ۰/۰۰۴ -۰/۳۲۴ ۰/۴۰۷

w2 = netCU.iw{1,2}

۵/۷۱۹ ۵/۳۱۴ ۳۴/۲۴۵ ۱۳/۶۰۸ ۹/۷۸۹ ۰/۳۱۷ ۲/۷۲۱

-۰/۹۴۴ ۷/۷۸۰ ۱۰/۳۷۷ ۴/۶۲۲ -۱/۳۷۲ ۰/۱۶۲ -۳/۷۳۸

-۰/۷۰۸ ۴/۷۷۰ ۷/۱۹ ۲/۸۱۴ -۱/۰۱۹ -۰/۱۷۱ -۶۷۳

۱/۶۹۵ -۱۲/۱۸۵ -۱۴/۲۰۰ -۶/۱۸ ۲/۵۹۷ -۰/۱۲۶ -۴/۶۵۶

-۰/۱۴۴ ۸/۰۳۱ ۱۴/۴۰۱ ۷/۲۴۷ ۰/۰۸۳ ۰/۱۸۰ -۳/۷۰۶

۱/۹۴۴ -۱۲/۳۷۷ -۱۳/۴۳۳ -۵/۷۱۶ ۳/۰۱۶ -۰/۱۲۸ -۴/۷۱۷

b1 = netCU.b{1,1} b2 = netCU.b{1,2}

Bias hidden layer Bias Output layer

-۲۳/۷۰۵ ۲/۳۹۶۸

۵/۸۲۱ -۲/۴۷۷۹

-۱/۲۶۵ ۰/۱۹۸۶

-۷/۹۳۷ -۳/۱۷۹۷

۱۱۸/۴۶۲ -۲/۴۲۵۴

-۶/۰۰۱ -۳/۲۲۹۶

-۰/۳۵۹