

مدهای دسیته مجانبی برای تورم کیهان اولیه

ابراهیم یوسفی رمتی*^{۱،۲}، مجید محسن زاده گنجی^۳

^۱ گروه فیزیک، دانشکده علوم، واحد آیت ... آملی، دانشگاه آزاد اسلامی، آمل، ایران

^۲ پژوهشکده نجوم، پژوهشگاه دانش‌های بنیادی، تهران، ایران

^۳ گروه فیزیک، دانشکده علوم، واحد قم، دانشگاه آزاد اسلامی، قم، ایران

دریافت: 1395/11/28 ویرایش نهایی: 1396/10/08 پذیرش: 1396/11/07

چکیده

داده‌های اخیر مشاهداتی کاوشگر پلانک برای تورم کیهان اولیه، نشان می‌دهد که کیهان ما دارای فضا-زمانی نزدیک به دسیته بوده که باعث ایجاد طیف توانی تقریباً مقیاس ناوردا می‌شود. داده‌های مشاهداتی مربوط به اندیس طیف توانی اسکالر و همچنین در نظر گرفتن شرط تقارن برای انتخاب مدها در فضا-زمان خمیده، ما را به استفاده از مدهای توری شبه-دسیته تحریک می‌کند. برای به‌دست آوردن مدهای اولیه جایگزین، برای اولین بار از بسط مجانبی توابع هنکل استفاده می‌کنیم. در این مقاله به مرور بعضی از نتایج حاصل از انتخاب فرم تعمیم یافته مدهای دسیته مجانبی، شامل تصحیحات مرتبه بالای طیف توانی، طیف خلق ذرات، تصحیحات فرپلانکی، معادله شارح حالت کیهانی و تورم با جفت شدگی غیر کمینه خواهیم پرداخت. این تعمیم‌ها در حد فضا-زمان تخت و دسیته به جواب‌های مرسوم قبلی منتهی می‌شوند. در پایان برای بازسازی مدهای مجانبی انتخابی، طیف توانی ناهمسانگردی دمایی مدل را با طیف مدل Λ CDM و داده‌های پلانک منطبق می‌سازیم.

کلیدواژگان: تورم کیهانی، مدهای اولیه، طیف توانی

مقدمه

همان‌طور که می‌دانیم در فضا-زمانی تخت مینکوفسکی به‌علت داشتن بردار کیلینگ زمان-گونه یک خلأ خوش تعریف و یکتا وجود دارد، اما برای فضا-زمان‌های خمیده، به‌خصوص فضا-زمانی انبساط یابنده دوره توری، تعیین خلأ یکتا دارای ابهام می‌باشد. همچنین می‌دانیم ساده‌ترین فضا-زمانی خمیده با تقارن بالا، فضا-زمانی دسیته است [1]. اما در دوره توری به‌دلیل انبساط نمایی و سریع کیهان، فضا-زمان نزدیک به دسیته بوده و در تقریب اول می‌توان آن را دسیته خالص در نظر گرفت. بنابراین انتخاب خلأ خاص و مناسب در این فضا-زمان انبساط یابنده توری یکی از چالش‌های بسیار مهم می‌باشد. ما در این مقاله برای انتخاب خلأ روش بسط مجانبی توابع هنکل را در نظر گرفتیم [1]. بنابراین در این مقاله ابتدا مدهای خلأ مجانبی غیردسیته را به‌عنوان مدهای کلی و اصلی دوره توری معرفی کرده‌ایم. از آنجایی که در نظر گرفتن مدهای خلأ متفاوت اولیه، ممکن است باعث ایجاد تصحیحاتی در طیف توانی شود، به بررسی تغییرات و تصحیحات حاصل از این مدهای مجانبی در طیف توانی، خلق ذرات و ... می‌پردازیم [9-1]. در پایان با استفاده از داده‌های اخیر پلانک طیف توان مربوط به مدل را رسم کرده و قیود لازم روی این مدهای مجانبی را مشخص می‌کنیم [10].

همان‌طور که می‌دانیم در فضا-زمانی تخت مینکوفسکی به‌علت داشتن بردار کیلینگ زمان-گونه یک خلأ خوش تعریف و یکتا وجود دارد، اما برای فضا-زمان‌های خمیده، به‌خصوص فضا-زمانی انبساط یابنده دوره توری، تعیین خلأ یکتا دارای ابهام می‌باشد. همچنین می‌دانیم ساده‌ترین فضا-زمانی خمیده با تقارن بالا، فضا-زمانی دسیته است [1]. اما در دوره توری به‌دلیل انبساط نمایی و سریع کیهان، فضا-زمان نزدیک به دسیته بوده و در تقریب اول می‌توان آن را دسیته خالص در نظر گرفت. بنابراین انتخاب خلأ خاص و مناسب در این فضا-زمان انبساط یابنده توری یکی از چالش‌های

* نویسنده مسئول: e.yusofi@iauamol.ac.ir

معادله ماخائف-ساساکی برای میدان تورمی

سنجه کلی زیر انبساط عالم را در دوره‌های مختلف تحول توصیف می‌کند:

$$ds^2 = a(\tau)^2 (dt^2 - dx^2) \quad 1$$

که در آن τ زمان همدیس و $a(\tau)$ فاکتور مقیاس می‌باشد. کنش مربوطه به صورت زیر داده می‌شود:

$$S = \frac{1}{2} \int d^4x \sqrt{-g} [R - (\nabla\phi)^2 - 2V(\phi)] \quad 2$$

که در این کنش R اسکالر انحنای و ϕ میدان اسکالر است. برای اختلال انحنای در پیمانه خود-همراه R ، کنش فوق تا مرتبه دوم به صورت زیر بسط می‌یابد،

$$S = \frac{1}{2} \int d^4x a^3 \frac{\dot{\phi}^2}{H^2} [R^2 - a^{-2} (\partial_i R)^2] \quad 3$$

با تعریف متغیر ماخائف به صورت $u = zR$ و همچنین رابطه $z^2 = a^2 \frac{\dot{\phi}^2}{H^2}$ و همچنین استفاده از زمان همدیس به جای زمان معمولی کنش ماخائف به صورت زیر در می‌آید،

$$S = \frac{1}{2} \int d^3x d\tau [(u')^2 + (\partial_i u)^2 - \frac{z''}{z} u^2] \quad 4$$

در فرمول‌های فوق نقطه مشتق نسبت به زمان معمولی t و پریم مشتق نسبت به زمان همدیس τ را نشان می‌دهد. همچنین ما بسط فوریه برای میدان u را به صورت زیر تعریف می‌کنیم،

$$u(X, \tau) = \frac{d^3k}{(2\pi)^3} \int u_k(\tau) e^{iKX} \quad 5$$

که با استفاده از وردش گرفتن از کنش 4، معادله موج ماخائف-ساساکی به صورت زیر نوشته می‌شود:

$$u_k'' + \left(k^2 - \frac{z''}{z}\right) u_k = 0 \quad 6$$

انتخاب مد خلأ در فضا-زمان انبساط یابنده

همان‌طور که می‌دانیم به علت داشتن بردار کیلینگ زمان-گونه در فضای تخت مینکوفسکی یک خلأ خوش تعریف و یکتا وجود دارد، اما برای فضای خمیده، به خصوص فضای انبساط یابنده دوره تورمی، تعیین خلأ یکتا دارای ابهام می‌باشد. ساده‌ترین فضای

خمیده با تقارن بالا، فضای دسیته است که برای آن می‌توان خلأ آلفا و بانچ-دیویس را در نظر گرفت که بسیار مورد توجه نیز بوده و می‌باشد. اما در دوره تورمی، به دلیل شرایط خاص آن مرحله، به خصوص نوع انبساط آن، فضا-زمان تقریباً دسیته بوده و در حالت حدی می‌توان آن را دسیته در نظر گرفت. از طرفی دیگر، اختلالات اسکالر کیهان شناختی در آن دوره خوش تعریف نبوده و در طیف توانی تعریف شده واگرایی وجود دارد. بنابراین انتخاب خلأ خاص و مناسب در این فضا-زمان انبساط یابنده تورمی یکی از چالش‌های مهم در این زمینه می‌باشد.

اما به خوبی می‌دانیم که در نظریه میدان‌های کوانتومی می‌توان با استفاده از شرط هادامارد¹، یک حالت خلأ یکتا برای میدان‌های کوانتومی در فضا-زمان دسیته تعیین کرد. شرط هادامارد فرض می‌کند که رفتار تابع دو-نقطه میدان در فواصل کوتاه (انرژی‌های بالا) در حالی که انرژی به بی‌نهایت میل می‌کند باید برای میدان‌های کلاین-گوردن آزاد در فضا-زمان خمیده و مینکوفسکی، مشابه باشد. بر این اساس، حالت خلأی که در نهایت در فضای دسیته تعیین می‌شود (خلأ بانچ-دیویس)، بر خلأ اقلیدسی منطبق است. البته شاید بتوان شرط هادامارد را به شکل دیگری نیز بیان کرد و آن اینکه در مقیاس‌های به اندازه کافی کوچک حتی با وجود انحنای، فضا-زمان باید به شکل مینکوفسکی (تخت) به نظر برسد.

از آنجایی که در نظر گرفتن مراتب غیرخطی یا بالاتر از یک در مد خلأ نیز ممکن است باعث ایجاد تصحیحاتی در طیف توانی شود (یا حتی باعث ظهور اثرات غیر گوسی در مشاهدات CMB شود)، بنابراین ما در بخش‌های بعدی به معرفی مدهای خلأ مجانبی دسیته پرداخته و سپس به بررسی تغییرات و اثرات حاصل از آن در طیف توانی و سایر کمیات مربوط می‌پردازیم.

¹ Hadamard Condition

$v = \pm 1/2, \pm 3/2, \pm 5/2, \dots$ منجر به جواب‌های

دقیق زیر می‌شود [2]:

$$u_k^{\pm 1/2} = u_k^{\min} = \frac{1}{\sqrt{2k}} e^{-ikt} \quad 9$$

$$u_k^{\pm 3/2} = u_k^{\text{dS}} = \frac{1}{\sqrt{2k}} \left(1 - \frac{i}{k\tau}\right) e^{-ikt} \quad 10$$

$$u_k^{\pm 5/2} = u_k^{\text{ndS}} = \frac{1}{\sqrt{2k}} \left(1 - \frac{3i}{k\tau} - \frac{3}{k^2\tau^2}\right) e^{-ikt} \quad 11$$

که در آن u_k^{\min} ، u_k^{dS} و u_k^{ndS} به ترتیب مربوط به فضا-زمان تخت، دسیته و غیردسیته است. نکته کلیدی در مورد مد کلی مجانبی جدید 8 این است که به‌ازای مقادیر غیر نیم-صحیح از اندیس v ، مدها همواره تقریبی بوده و می‌توانند شامل تمام جملات با مراتب بالاتر برحسب $1/k\tau$ باشند.

انگیزه مشاهداتی برای مدهای دسیته مجانبی

طیف توان اسکالر یکی از مشاهدات مهم در تابش زمینه کیهانی است. برای مشتق اول آن یعنی اندیس طیفی اسکالر n_s مدل تورمی تک میدان شرط زیر را داریم

$$n_s - 1 = 3 - 2v \quad 12$$

که در رابطه فوق v اندیس تابع هنکل است. برای مقدار خاص $v = 1.5$ ، مقدار n_s برابر 1 و طیف توانی مقیاس ناوردا است. اما با استفاده از داده‌های پلانک 2015 در مقیاس‌های زاویه‌ای بزرگ محدوده زیر را برای n_s داریم،

$$0.962 \leq n_s \leq 0.974 \quad 13$$

و با توجه به آن به قید زیر برای اندیس تابع هنکل می‌رسیم [1-9]:

$$1.513 \leq v \leq 1.519 \quad 14$$

معرفی مدهای اولیه مجانبی دسیته

از آنجایی که فضا-زمان مربوط به دوره تورم نخستین کیهانی از نوع خمیده و در انرژی‌های بالا قرار دارد و به‌علت انبساط لحظه به لحظه کیهان، حالت دینامیکی فضا-زمان مربوط به آن در حال تحول می‌باشد، به این دلیل حل معادله 6 حرکت کیهان شناسی ماخاف-ساساکی که برحسب اندیس v و زمان همدیس τ به‌صورت زیر می‌باشد،

$$u_k'' + \left(k^2 - \frac{4v^2 - 1}{4\tau^2}\right) u_k = 0 \quad 7$$

در حالت کلی و به‌صورت تحلیلی بسیار سخت می‌باشد و به‌طور معمول از روش‌های عددی و شرایط حدی برای به‌دست آوردن حل‌های تقریبی استفاده می‌شود. ما برای اولین بار در مقاله [1]، روش بسط مجانبی توابع هنکل را برای تعیین مدهای اولیه شبه-دسیته پیشنهاد دادیم. با بسط مجانبی توابع هنکل تا مرتبه 2 برحسب $k\tau$ و به‌ازای $k\tau \gg 1$ به مدهای اولیه غیردسیته زیر با شرط فرکانس مثبت دست می‌یابیم [1، 2].

8

$$u_k^v = \frac{e^{-k\tau}}{\sqrt{2k}} \left(1 - i \frac{4v^2 - 1}{8k\tau} - \frac{(4v^2 - 1)(4v^2 - 9)}{2!(8k\tau)^2}\right)$$

دقت شود که در فرمول فوق τ به معنی زمان همدیس بوده و بازه آن برای کیهان از ابتدا تا حال حاضر به‌صورت $-\infty < \tau < \tau_0$ است در حالی که زمان واقعی t در محدوده $0 < t < t_0$ است. بنابراین چون بسط مجانبی تابع هنکل فقط برای آرگمان‌های بسیار بزرگ معتبر است ما می‌توانیم برای زمان‌های اولیه تورم کیهان با شرط $|\tau| \gg 1$ از بسط مجانبی توابع هنکل استفاده نماییم.

جواب کلی 8 به‌ازای مقادیر نیم-صحیح از اندیس v ،

یعنی

برای محاسبه طیف توانی ما نیاز به محاسبه کمیت زیر داریم [1]،

$$\langle \hat{u}_k(\tau) \hat{u}_{k'}(\tau) \rangle = \frac{1}{2} (2\pi)^3 \delta^3(k+k') |u_k(\tau)|^2$$

این رابطه را برحسب اختلال انحنا \mathcal{R} به صورت

زیر نوشته می شود،

$$\langle \hat{R}_k(\tau) \hat{R}_{k'}(\tau) \rangle = (2\pi)^3 \delta^3(k+k') P_R, \quad 18$$

همچنین داریم،

$$\Delta_R^2 = \frac{k^3}{2\pi^2} P_R \quad 19$$

که در روابط فوق داریم،

$$\mathcal{R}_k = \frac{v_k}{z} = \frac{v_k}{a} \left(\frac{H}{\dot{\phi}} \right) \quad 20$$

در روابط فوق P_R و Δ_R^2 به ترتیب طیف توانی و طیف توانی بی بعد هستند.

اگر در فرمول های بالا به جای z از مد استاندارد بانج-دیویس (دسیته خالص) استفاده کنیم، برای طیف توانی به جواب استاندارد مقیاس-ناوردا می رسیم. اما با جای گذاری مدهای تعمیم یافته مجانبی 8 در فرمول محاسبه طیف 19، طیف توانی وابسته به مقیاس تعمیم یافته به صورت زیر به دست می آید [1]،

21

$$\Delta_R^2 = \frac{H^2}{(2\pi)^2} \left(\frac{H^2}{\dot{\phi}^2} \right) \left(\frac{2}{2v-1} \right)^2 \times \left[c + \frac{d^2}{k^2 \tau^2} + \dots \right]$$

در رابطه فوق، H پارامتر هابل و ϕ میدان اسکالر تورمی است. برای c و d نیز برابری های زیر را داریم [9]،

$$c = \frac{4v^2-1}{8}, \quad d = \frac{c(c-1)}{2} \quad 22$$

که در حالت حدی فضا-زمانی دسیته $v=1/5$ ، ما مقادیر $c=1$ را داریم که طیف 9 به طیف مرسوم مقیاس-ناوردا تبدیل می شود.

مقدار دقیق $v=1/5$ برای فضا-زمان خالص دسیته بوده، ولی این مقادیر v به دست آمده، نزدیک به $1/5$ یعنی شبه دسیته می باشند. بنابراین انتخاب مدهای شبه دسیته می تواند عاملی برای مقیاس ناوردایی اندیس اسکالر طیفی در نظر گرفته شود.

انگیزه نظری برای مدهای دسیته مجانبی

در روش میدان پس زمینه برای محاسبه اختلال در فضا-زمان منحنی داریم،

15

$$g_{\mu\nu} = \eta_{\mu\nu} + h_{\mu\nu} \Rightarrow$$

$$h_{\mu\nu} = \delta g_{\mu\nu} = g_{\mu\nu} - \eta_{\mu\nu}$$

که در آن $g_{\mu\nu}$ متریک فضا-زمان اصلی، $\eta_{\mu\nu}$ متریک مربوط به فضا-زمان پس زمینه و $h_{\mu\nu}$ مقدار اختلال روی فضا-زمان است. اگر دقت کنیم معادله فوق که برای محاسبه اختلال متریک می باشد، تقارن در فضا-زمان خمیده را می شکند، زیرا $\eta_{\mu\nu}$ متریک مربوط به فضا-زمان تخت می باشد در حالی که $g_{\mu\nu}$ متریک مربوط به فضا-زمان منحنی واقعی است. برای داشتن تقارن باید همه جملات معادله 9 از فضا-زمان خمیده و به صورت زیر انتخاب شوند:

$$\delta g_{\mu\nu} = g_{\mu\nu} - g_{\mu\nu} \quad 16$$

پیشنهاد ما برای فضا-زمانی پس زمینه $g_{\mu\nu}$ ، فضا-زمان دسیته و برای فضا-زمان $g_{\mu\nu}$ واقعی، فضا-زمان دسیته برانگیخته یا دسیته مجانبی است [3]. برای مدهای دسیته مشکل نداریم ولی برای انتخاب مدهای فضا-زمان دسیته برانگیخته از مدهای دسیته مجانبی رابطه 8 استفاده می کنیم [1، 2].

تعمیم های حاصل از مد مجانبی دسیته

(الف) طیف توانی وابسته به مقیاس با مد مجانبی

$$\omega = \frac{1}{3} \left(\frac{2v+3}{1-2v} \right)$$

27

این رابطه به‌طور ضمنی ارتباط مستقیم بین نوع معادله حالت شارۀ کیهانی ω و نوع فضا-زمان خاص مربوط به هر دوره v ، را نشان می‌دهد. به‌عنوان مثال برای فضا-زمان دسیته خالص یعنی $v=1/50$ ، مقدار عددی $\omega=-1$ را خواهیم داشت که نشان دهنده فشار منفی و دافعه گرانشی در دوره تورم اولیه است.

د) طیف ذرات خلق شده اولیه

طیف تعداد ذرات خلق شده اولیه نیز با استفاده از مدهای دسیته مجانبی 8 به‌صورت زیر به‌دست می‌آید [8].

$$\langle N \rangle = -\frac{1}{2} - \frac{1}{4} \left| \frac{1}{\sigma_0^2} - 2c \right|^{\frac{1}{2}} \times [\sigma_0 + c\sigma_0 + d^2\sigma_0^5 + \dots]$$

$$- \frac{1}{4 \left| \frac{1}{\sigma_0^2} - 2c \right|^{\frac{1}{2}}} \times \left[\frac{1}{\sigma_0} - c\sigma_0 + (c-d)^2\sigma_0^3 + 4d^2\sigma_0^5 + \dots \right]$$

28

به‌نظر می‌رسد نتیجه استفاده از یک پس زمینه غیر دسیته، جفت‌دگی غیر کمیته بین میدان اسکالر و گرانش [8] و در نتیجه به‌وجود آمدن جملات تصحیح در طیف توانی و طیف ذرات خلق شده در کیهان اولیه می‌باشد. جواب تعمیم یافته فوق نیز در دو حد خاص فضا-زمان مینکوفسکی $c=0$ و فضا-زمان دسیته $c=1$ به جواب‌های متعارف قبلی منجر می‌شود [8].

ب) تصحیحات فرایلانگی مرتبه بالا

با در نظر گرفتن حد طول اولیه قطع Λ و حد زمان اولیه قطع $\tau_0 = -\Lambda/Hk$ ، پیش‌بینی‌های مدل تورمی دارای تصحیحاتی از مراتب مختلف برحسب $\sigma_0 = H/\Lambda$ می‌شوند. تصحیحات فرایلانگی دنیلسون برای فضا-زمان دسیته از مرتبه اول σ_0 و به‌صورت زیر است [4].

$$P(k) = \left(\frac{H}{2\pi} \right)^2 \left[1 - \sigma_0 \sin \left(\frac{2}{\sigma_0} \right) \right] \quad 23$$

اما تعمیم برای مدهای دسیته مجانبی 8 به‌صورت زیر به‌دست می‌آید [4,9]:

$$P(k) = \left(\frac{H}{(1-2v)\pi} \right)^2 \quad 24$$

$$\times \left[1 - c\sigma_0 \sin \left(\frac{2}{\sigma_0} \right) + \frac{1}{2} (c\sigma_0)^2 - \frac{1}{4} (c\sigma_0)^3 \sin \left(\frac{2}{\sigma_0} \right) + \dots \right]$$

همان‌طور که مشاهده می‌کنید، این جواب تعمیم یافته شامل مراتب اول و بالاتر از تصحیحات فرایلانگی σ_0 می‌باشد و در حالت حدی فضا-زمان دسیته $c=1$ شامل جمله مرتبه یک جواب مرسوم دنیلسون خواهد شد.

ج) معادله حالت شارۀ کیهانی وابسته به نوع فضا-زمان

از معادله ماخائف ساساکی برحسب اندیس v ، به حل زیر برحسب زمان t برای فاکتور مقیاس می‌رسیم:

$$a(t) \approx t^{(\frac{1}{2}-v)/(\frac{3}{2}-v)} \quad 25$$

و با هم ارز قرار دادن فاکتور مقیاس فوق برحسب v و فاکتور مقیاس در مدل مهبانگ برحسب ω یعنی

$$a(t) \approx t^{\frac{2}{3(1+\omega)}} \quad 26$$

برای شارۀ کامل $p=\omega p$ به‌دست می‌آوریم [2]:

و در حد فضا-زمانی تخت و دسیته به جواب های استاندارد قبلی منجر شده است. در نهایت قیود ناشی از داده های پلانک 2015 را برای انتخاب درست از ضرایب بسط آن در نظر گرفتیم. به نظر می رسد با توجه نتایج بدست آمده از مد اولیه ی غیر دسیته منشا اولیه تمام تحولات، خلق ذرات، ناهمسانگردی در CMB و شکل گیری ساختار در کیهان؛ ناشی از نوسانات در فضا-زمان پس زمینه و هندسه آن باشد. ارتباط این موضوع با امواج گرانشی اولیه در حال تحقیق و بررسی است.

سپاس گزاری

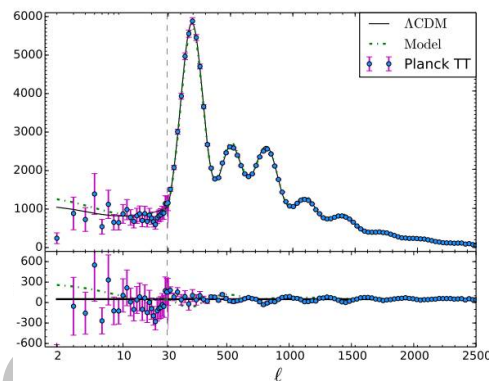
در اینجا بر خود لازم می دانیم از اساتید و همکاران ارجمند آقایان حسن فیروزجاهی، مارتین کونز، جان پییرگازو، محمد وحید تکوک، مسلم زارعی، سندیبان کاندو، محمد رضا تنهایی اهری، سید عطاالله سجاسی و حسین مصحفی سپاس گزاری و قدردانی کنم. این کار تحقیقاتی با حمایت مالی دانشگاه آزاد اسلامی، واحد آیت الله آملی، آمل صورت گرفته است.

مراجع

- [1] E. Yusofi, M. Mohsenzadeh, Scale-dependent power spectrum from initial excited-de Sitter modes, *Journal of High Energy Physics* 09 (2014) 020.
- [2] E. Yusofi, M. Mohsenzadeh, An Asymptotic Method for Selection of Inflationary Modes, *Modern Physics Letters A* **30**, 9 (2015) 1550041.
- [3] M. Mohsenzadeh, et al, Power spectrum with auxiliary fields in de Sitter space-time, *The European Physical Journal C* (2014) 74:2920-5.
- [4] E. Yusofi et al, Non-Linear Trans-Planckian Corrections of Spectra due to the Non-trivial Initial States, *Physics Letters B* **735** (2014) 261-265.
- [5] A. Sojasi, et al, Large-Angular Scales CMB Anisotropy from Excited Initial Mode, *Chinese Physics C* **40**, 7 (2016) 75101.

بازسازی مدهای دسیته مجانبی با استفاده از داده های پلانک

در شکل 1 طیف توانی حاصل از مدل دسیته مجانبی در مقایسه با طیف توانی حاصل از مدل مشهور Λ CDM و داده های پلانک 2015 نشان داده شده است [5,10].



شکل 1. طیف توانی ناهمسانگردی دمایی مدل دسیته مجانبی در مقایسه با طیف مدل استاندارد Λ CDM و داده های پلانک 2015.

با منطبق کردن مدل با داده های پلانک 2015 (DR2)، مقدار $c \approx 1/05$ برای مدل به دست آمده است که با مد اولیه خالص دسیته $c=1$ ، انحراف ناچیز در حدود 0/05 دارد [10].

بحث و نتیجه گیری

ما برای برگشت تقارن به فضا-زمان خمیده، فضا-زمان پس زمینه را به جای تخت، دسیته و فضا-زمان اصلی را به جای دسیته، شبه دسیته مجانبی در نظر گرفتیم. از طرفی دیگر قید مشاهداتی مربوط به اندیس طیفی استفاده از چنین مدهای شبه دسیته را تأیید می کند. بنابراین و در ابتدا مدهای دسیته مجانبی را از بسط مجانبی توابع هنکل در زمان های اولیه به دست آوردیم. سپس برای آزمودن درستی این مدهای کلی به محاسبه شکل تعمیم یافته طیف توانی، تصحیحات فراپلانکی و طیف خلق ذرات پرداختیم که نتایج حاصل در تمام این موارد دارای تصحیحات مراتب بالاتر شده

- [6] E. Yusofi, et al, Inflation in Non-de Sitter Background with Coherent States, *Communications in Theoretical Physics* **65** (2016) 308–314.
- [7] M. Mohsenzadeh et al, Corrections of the Spectra with de Sitter Background in Krein Space, *Iranian Journal of Physics Research (IJPR)*, 2016.
- [8] E. Yusofi, et al, Non-minimal Particles Creation from Asymptotic-de Sitter Inflation, Accepted for publication, *International Journal of Theoretical Physics*, Arxiv: 1506.02767.
- [9] M. Mohsenzadeh et al, Higher Order Corrections to Asymptotic-de Sitter Inflation, *Chinese Physics C* **41**, 8 (2017) 085101.
- [10] H. Moshafi, et al, Reconstruction of initial Asymptotic-de Sitter mode in light of the Planck data, Arxiv:1702.08790.

Arhive 03