

پیش‌بینی نوسانات سطح آب زیرزمینی دشت قروه با استفاده از شبکه عصبی - موجکی و مقایسه آن با مدل عددی MODFLOW

محمد نخعی

عضو هیئت علمی گروه زمین شناسی دانشگاه خوارزمی

امیر صابری نصر

دانشجوی دکترای هیدرولوژی، دانشگاه خوارزمی

تاریخ دریافت: ۹۰/۱۲/۲۷

تاریخ پذیرش: ۹۱/۹/۱۹

Amir.saberi85@gmail.com

چکیده

آبهای زیرزمینی یکی از منابع مهم تامین آب در تمام دنیا به شمار می‌روند. در سال‌های اخیر با توجه به مشکل کمبود منابع آبی، مسأله استفاده و مدیریت بهینه از این منابع اهمیت خاصی پیدا کرده است. به منظور آگاهی از وضعیت این منابع و مدیریت بهینه آنها، لازم است پیش‌بینی دقیقی از نوسانات سطح آب زیرزمینی صورت گیرد. این نوسانات ناشی از عوامل مختلفی است که از جمله آنها، عوامل آب و هوایی (حرارت، میزان بارندگی، تبخیر)، میزان تخلیه و تغذیه از سفره و... می‌باشند. امروزه مدل‌های مختلفی در پیش‌بینی نوسانات سطح آب زیرزمینی ارائه شده است اما روشی که در چند سال اخیر مورد توجه مهندسین هیدرولوژی قرار گرفته است، استفاده از روشی ترکیبی به نام شبکه‌های عصبی موجکی می‌باشد. در این تحقیق نخست مبانی این شبکه‌ها بیان شده، سپس با بهره‌گیری از آن به مطالعه موردی دشت قروه پرداخته شده است. در نهایت نتایج این مدل با نتایج حاصل از مدل عددی MODFLOW مقایسه گردید. نتایج بیانگر آن است که روش شبکه عصبی-موجکی نسبت به روش عددی کارایی بالاتری را دارد.

کلمات کلیدی: دشت قروه، سطح آب زیرزمینی، شبکه عصبی-موجکی، MODFLOW

مقدمه

نظر می‌رسد. به طور معمول پیش‌بینی‌های هیدرولوژی با استفاده از روش‌های تحلیل رگرسیون (Pulido-Calvo et al., 2007; Bowden et al., 2006)، مدل‌های تصادفی مانند ARMA، ITS و نظایر آن صورت می‌گیرد (Bidwell, 2005; Zhou et al., 2008; Wang et al., 2009; Gemitz and Stefanopoulos, 2011 Bidwell, 2005; Zhou et al., 2008; Wang et al., 2009; Gemitz and Stefanopoulos, 2011). اما در سال‌های اخیر از شبکه عصبی مصنوعی به عنوان یک رویکرد جدید در این زمینه استقبال قابل توجهی به عمل آمده است (Garcia and Shigidi, 2006; Triana et al., 2010; Banerjee et al., 2011). برای مثال، لالاهم و همکاران (Lallahem et al., 2005) اولین بار از شبکه‌های عصبی مصنوعی برای ارزیابی سطح ایستابی در سازند سخت استفاده کردند. دالیاکوپولوس و همکاران (Daliakopoulos et al., 2005) نیز ساختارهای متعدد شبکه عصبی مصنوعی را همراه با الگوریتم‌های آموزش مختلف در پیش‌بینی نوسانات سطح آب زیرزمینی در منطقه مساری یونان به کار برند. یانگ و همکاران (Yang et al., 2009) توانایی این شبکه‌ها را در پیش‌بینی نوسانات سطح آب زیرزمینی با مدل‌های ITS مقایسه کردند. محمدمحمدی (Mohammadi, 2008) نیز ANN را با مدل عددی MODFLOW مقایسه کرد و نشان داد که ANN در پیش‌بینی نوسانات سطح آب زیرزمینی، علاوه بر داده‌های ورودی کمتر و زمان کمتر برای آموزش، دقیق‌تر از مدل

کشور ایران با میانگین سالانه ۲۵۰ میلیمتر بارش یکی از کشورهای خشک دنیا محسوب می‌شود و بنابراین لزوم توجه به منابع آب زیرزمینی امری حیاتی می‌باشد. بهره‌برداری بیرونیه از منابع آب زیرزمینی در سال‌های اخیر باعث به هم خوردن تعادل طبیعی آن شده و تراز آب زیرزمینی در آبخوان‌های بسیاری از نقاط کشور منفی شده است. همچنین عدم اعمال مدیریت و یا اعمال مدیریت‌های غیرصحیح در این دشت‌ها باعث بروز مشکلات ناشی از افت آب و یا اثرات ناشی از استفاده‌های غیربهینه از این منابع گردیده است. با اعمال روش‌های مدیریتی مناسب در استفاده از منابع آب موجود، علاوه بر اینکه می‌توان مخارج سنگین توسعه و بهره‌برداری از این منابع را کاست، میزان استفاده از این منابع را نیز می‌توان بهینه کرد. مدل‌سازی و پیش‌بینی صحیح سطح آب زیرزمینی و منابع آبی کمک شایانی به پروژه‌های شهری و عمرانی و همچنین مدیریت منابع آبی می‌کند. اصولاً مدل ابزاری طراحی شده برای ارائه نسخه‌ای ساده شده از واقعیت یک پدیده یا سیستم است (Anderson and woessener, 1992) و مدل هیدرولوژیکی مدلی است که تقریباً نشان‌دهنده کلیه فرآیندهایی است که در یک آبخوان رخ می‌دهد. لذا انتخاب مدلی که بتواند نوسانات آب زیرزمینی را به طور قابل قبولی پیش‌بینی کند، ضروری به

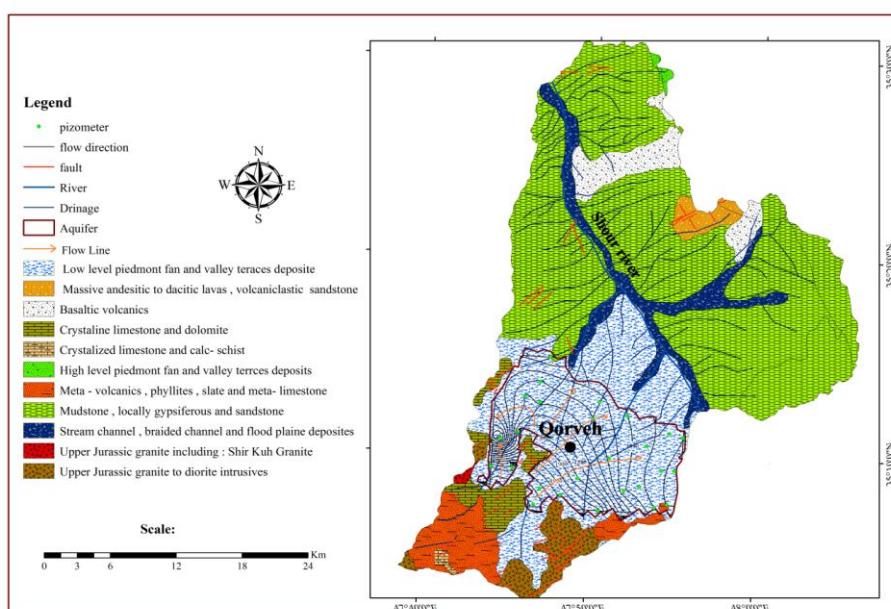
ARIMA و ANN دقیق‌تر است. بنابراین هدف از این تحقیق نشان دادن پتانسیل کاربرد مدل فوق در پیش‌بینی نوسانات سطح آب زیرزمینی در دشت قزوون می‌باشد. همچنین دقت این روش ترکیبی با مدل‌های عددی نظری MODFLOW مقایسه نشده است. لذا در این مطالعه، با استفاده از چند نوع موجک مادر و سطح تجزیه بهینه، نوسانات سطح آب زیرزمینی به روش WNN پیش‌بینی شده و نتایج این روش با مدل عددی MODFLOW مقایسه می‌گردد.

مواد و روش‌ها

موقعیت جغرافیایی دشت قزوون

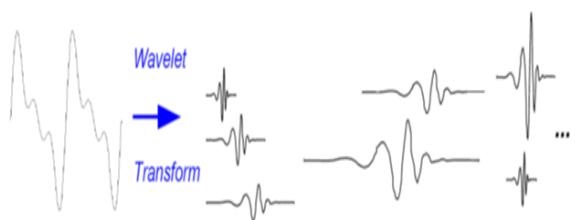
حوضه آبریز قزوون واقع بین حوضه‌های آبریز دهگلان و چهاردولی در استان کردستان و ۹۵ کیلومتری شرق سنندج و شمال غربی همدان واقع شده است. این محدوده بخشی از حوضه آبریز رودخانه تلوار بوده و از نظر مختصات جغرافیایی بین طول‌های $۳۸^{\circ}۵۲'$ تا $۴۷^{\circ}۳۸'$ شرقی و $۴۸^{\circ}۰۲'$ تا $۴۸^{\circ}۰۳'$ شمالی قرار دارد (۱). حداقل ارتفاع این منطقه تا $۳۰^{\circ}۵۴'$ عرض شمالی قرار دارد (شکل ۱). حداقل ارتفاع این منطقه در ارتفاعات جنوبی حوضه واقع است که برابر با ۳۱۴۵ متر از سطح دریا (کوه بگ)، است و حداقل ارتفاع محدوده در (محل خروجی دشت در حوالی ایستگاه شادی‌آباد بر روی رودخانه شور) ۱۶۸۴ متر از سطح دریا است. این محدوده از غرب به کوه بی خیر، کوه شانه‌وره، کوه ابراهیم‌عطار و تپه ماهورهای حد واسطه با دشت دهگلان، از جنوب به کوههای سنگ‌سیاه، توقق، بگ و دروازه و از شرق به تپه‌ماهورهای حاجی‌آباد، حد واسطه با دشت چهاردولی، کوه قیلان‌داشی و چیچک‌تپه و از شمال به محل تلاقی دو رودخانه چم‌شور و تلوار و کوه پیریوسف منتهی می‌شود. مساحت حوضه آبریز قزوون $۱۰۶۳/۵$ کیلومتر مربع و مساحت دشت قزوون ۲۴۵ کیلومتر مربع است. آبخوان دشت قزوون در جنوب حوضه آبریز فوق واقع شده است. در شکل (۱) موقعیت حوضه آبریز، موقعیت آبخوان و زمین‌شناسی منطقه قزوون ارائه شده است.

MODFLOW عمل می‌کند. با وجود انعطاف‌پذیری شبکه‌های عصبی مصنوعی در پیش‌بینی سری‌های زمانی هیدروژنولوژیکی، گاهی این شبکه‌ها در پیش‌بینی سری‌های زمانی به شدت نایستا و ناپایدار با مشکل مواجه می‌شوند. در این حالت اگر هیچ‌گونه پیش‌پردازشی بر روی داده‌ها صورت نگیرد، شبکه قادر به پیش‌بینی و حل مسئله نخواهد بود (Cannas et al., 2006). روش‌های متغّراتی برای رفع مشکل ذکر شده پیشنهاد شده‌اند، که از این بین می‌توان به تبدیل موجک اشاره کرد. تبدیل موجک ابزار مناسبی برای تحلیل سری‌های زمانی نایستا و گذرا می‌باشد. با استفاده از این تبدیل می‌توان یک سری زمانی نایستا را به چندین سری زمانی ایستا تجزیه کرد و با وارد کردن آن‌ها به شبکه عصبی، قدرت این شبکه را در امر پیش‌بینی بالا برد. این مدل ترکیبی جدید موسوم به WNN، از مزیت‌های شبکه عصبی مصنوعی و تبدیل موجک با هم استفاده می‌کند و بنابراین از کارایی قابل قبولی در شبیه‌سازی و پیش‌بینی برخوردار است. رجائی (Rajaei, 2011) و پارتال و سیگیزاوغلو (Partal and Cigizoglu, 2008) از این مدل در پیش‌بینی بار سروب رودخانه استفاده کردند و کارایی بالای این شبکه‌ها را در زمینه پیش‌بینی نشان دادند. نورانی و همکاران (Nourani et al., 2009a, 2009b) نیز از این روش برای پیش‌بینی بارش و رواناب در حوضه آبریز لیقوانچی استفاده کردند و به این نتیجه رسیدند که WNN نسبت به ANN دقیق‌تر و بهتر عمل می‌کند. در سال‌های اخیر، ترکیب تبدیل موجک و شبکه عصبی مصنوعی با توجه به توانایی اش در زمینه پیش‌بینی و شبیه‌سازی، در علوم مختلف محیطی به وسیله محققین و تصمیم‌گیرندگان مورد استفاده قرار گرفته است، اما استفاده از آن در مطالعات آبهای زیرزمینی محدود بوده و تحقیق زیادی در این زمینه صورت نگرفته است. با توجه به بررسی‌های انجام شده، وانگ و دینگ (Wang and Ding, 2003) و آداموسکی و چان (Adamowski and Chan, 2003) از تخصیص افرادی بودند که از این روش برای پیش‌بینی نوسانات سطح آب زیرزمینی استفاده کردند و نشان دادند WNN از روش‌های کلاسیک مانند



شکل ۱. نقشه زمین‌شناسی محدوده مورد مطالعه

موجک به عنوان موج کوچکی تعریف شده که انرژی آن در محدوده کوتاهی از زمان تمرکز یافته و ابزار مناسبی برای تحلیل سیگنال‌های نایستا و گذرا می‌باشد (باجگیرانی و همکاران، ۱۳۸۹) و تبدیل موجک یک تکنیک پنجره‌ای با پنجره‌های متغیر می‌باشد که به ما اجازه می‌دهد از پنجره‌های بال طول بلند در جایی که اطلاعات فرکانس پایین را با تفکیک‌پذیری بالا می‌خواهیم و از پنجره‌های با طول کوتاه در جایی که اطلاعات فرکانس بالا را با تفکیک‌پذیری پایین می‌خواهیم، استفاده نماییم (Quiroz et al., 2011). همچنین با استفاده از این تبدیل می‌توان سیگنال اصلی را به سیگنال‌های پایه سازنده‌اش تجزیه کرد. شکل ۲ شماتیک تبدیل موجک را نشان می‌دهد و شکل ۳ تجزیه سیگنال اصلی به سیگنال‌های پایه سازنده‌اش نشان می‌دهد.



شکل ۳. تجزیه سیگنال اصلی به سیگنال‌های پایه سازنده آن

تبدیل موجک به دو صورت گستته و پیوسته انجام می‌شود. تبدیل موجک پیوسته، سیگنال $x(t)$ را به ضرایب موجک CWT_x^ψ تبدیل می‌کند(Partial and Kisi, 2007; Shan and Burl, 2011).

$$CWT_x^\psi(\tau, s) = \Psi_x^\psi(\tau, s) = \frac{1}{\sqrt{|s|}} \int_{-\infty}^{\infty} x(t) \psi^*(\frac{t-\tau}{s}) dt \quad (3)$$

که در آن τ و s به ترتیب پارامترهای انتقال و مقیاس می‌باشند. پارامتر انتقال میزان جایجایی پنجره را معلوم می‌کند و پارامتر مقیاس که به طور معکوس با فرکانس ارتباط دارد ($s=1/f$)، به عنوان یک اپراتور ریاضی، سیگنال را منقبض یا منبسط می‌کند. در رابطه (۳)، ψ تابع پنجره است که اصطلاحاً موجک مادر نامیده می‌شود. تبدیل موجک در حقیقت شbahat سنجی بین محتوای فرکانسی سیگنال و توابع پایه (موجکها) است. بدین ترتیب، اگر سیگنال مورد نظر یک مولفه برجسته در فرکانس متناظر با مقیاس مورد تحلیل داشته باشد، در این صورت موجک مقیاس شده، شبیه سیگنال مورد نظر خواهد بود. بنابراین ضریبی از تبدیل موجک پیوسته که در این مقیاس محاسبه می‌شود مقداری نسبتاً بزرگ خواهد داشت. در تبدیل موجک پیوسته باید مقیاس‌های متفاوتی را در نظر گرفت و برای هر مقیاس انتگرال معادله (۳) را به روش عددی حل نمود. این عمل حجم محاسبات را افزایش داده و باعث تولید ضرایب اضافی و غیر ضروری می‌گردد.

تبدیل موجک گستته نقاط ضعف تبدیل پیوسته را مرتفع ساخته، ضمن این که گزینه مناسبی برای داده‌های گستته محسوب می‌گردد. در حالت گستته، تبدیل موجک فقط برای زیرمجموعه‌ای از مقیاس‌ها و موقعیتها^۳ انجام

تبدیل موجک

برای پردازش سیگنال به طور معمول از روش‌هایی مانند آنالیز فوریه و آنالیز فوریه زمان کوتاه استفاده می‌شود. آنالیز فوریه نشان می‌دهد که هر تابع متنابض را می‌توان بر حسب مجموع نامتناهی از توابع پایه سینوسی و کسینوسی (و یا تابع نمایی متنابض مختلط) نوشت (Quiroz et al., 2011). این تبدیل یکی از معروف‌ترین تبدیلات ریاضی برای بیرون کشیدن اطلاعات مفید، در یک سیگنال سری زمانی می‌باشد. این تبدیل توسط معادله زیر محاسبه می‌شود(Leaver and Unsworth, 2007):

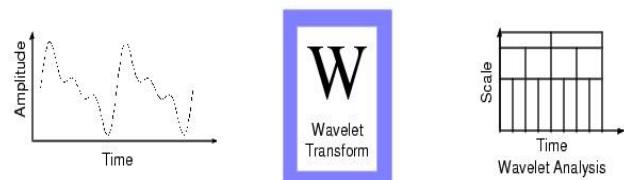
$$X(f) = \int_{-\infty}^{+\infty} x(t) e^{-j2\pi ft} dt \quad (1)$$

که در آن t زمان، f فرکانس و $x(t)$ سیگنال پیوسته در زمان می‌باشد. تبدیل فوریه دارای یک ایراد جدی است بدین صورت که، در تبدیل از حیطه زمان به حیطه فرکانس اطلاعات زمانی از دست می‌رود و در هنگام نگاه کردن به تبدیل فوریه یک سیگنال غیرممکن است که بتوان گفت چه فرکانسی در چه زمانی اتفاق افتاده است. در مورد سیگنال‌های نایستا (سیگنال‌هایی که با زمان تغییر می‌کنند) این ایراد جدی است.

برای رفع این مشکل آنالیز فوریه زمان کوتاه^۱ معرفی شد. در این تبدیل می‌توان یک سیگنال نایستا را به بخش‌های کوچکی تقسیم کرد، به طوری که هر یک از این بخشها را می‌توان ایستا فرض کرد (Kaiser, 1994). یک سیگنال چیزی جز حاصل ضرب FT یک سیگنال در یک تابع پنجره زمانی بدین ترتیب، تبدیل فوریه زمان کوتاه سیگنال $x(t)$ با استفاده از پنجره زمانی $w(t)$ به صورت زیر تعریف می‌شود(Mallat, 1998):

$$STFT_x^w(\tau, f) = \int_{-\infty}^{+\infty} x(t) w^*(t-\tau) e^{-j2\pi ft} dt \quad (2)$$

که در آن f متغیر فرکانسی و τ متغیر زمانی است. ایراد این روش نیز این است که هنگامی که یک پنجره‌ای با طول مشخص انتخاب می‌کنیم این پنجره برای تمام فرکانسها یکسان می‌باشد به عبارت دیگر تفکیک فرکانسی برای تمام فرکانس‌ها ثابت می‌باشد. در مورد بعضی از سیگنال‌ها نیاز داریم که این روش قابل انعطاف‌تر باشد یعنی نیاز داریم که طول پنجره را به منظور بدست آوردن اطلاعات دقیق زمانی و مکانی تغییر دهیم (Holschneider, 1995). بدین منظور از تبدیل موجک استفاده می‌کنیم.



شکل ۲. طرح شماتیک تبدیل موجک.

1 -Short Time Fourier Transform

وابسته است. محمل یکتابع، مجموعه نقاطی از دامنه تابع است که تابع در آن نقاط مخالف صفر است. ناحیه محمل به محدوده طولی موجک داده شده اشاره دارد که این محدوده طولی به نوبه خود روی توانایی موضعی سازی ویژگی یا عارضه^۱ اثر می‌گذارد. از طرف دیگر، گشتاور صفر، توانایی موجک را در نشان دادن رفتار چند جمله‌ای یا اطلاعات موجود در سیگنال محدود می‌کند. برای مثال، موجک هار، با یک گشتاور، چند جمله‌ای با یک ضریب و یا مولفه‌های سیگنال ثابت را کدگذاری می‌کند. به طور مشابه، موجک db2 چند جمله‌ای با دو ضریب، یعنی چند جمله‌ای دارای یک ثابت و یک مولفه سیگنال خطی را کدگذاری می‌کند و موجک db3، کوادراتیک (درجه دوم) را کدگذاری می‌کند. به طور کلی برای سیگنال خطی و کوادراتیک (درجه دوم) را کدگذاری می‌کند. برای سری‌های زمانی سطح آب زیرزمینی، الگوهایی از توابع موجک مادر، که به لحاظ شکل هندسی به خوبی بر منحنی سری‌های زمانی منطبق شوند و بتواتند تغییرات فصلی، تغییرات بلند مدت و روند و ... را از این سری‌های زمانی بیرون می‌کشند، مناسب‌ترین توابع خواهند بود. ماهسواران و خوسا (Maheswaran and Khosa, 2012) مطالعه‌ای را در مورد کاربرد انواع توابع موجک در پیش‌بینی‌های هیدرولوژیکی انجام دادند و به طور کلی نشان دادند، سری‌های زمانی‌ای که دارای مولفه‌های فرکانس بالا هستند با موجک‌های Haar و سری‌های زمانی‌ای که دارای روندهای غیرخطی طولانی مدت و مولفه‌های فصلی هستند با موجک‌های db2 بهتر مدلسازی می‌شوند. آنها همچنین نشان دادن که سری‌های زمانی ترکیبی همراه با مولفه‌های فصلی، توسط موجک‌های db2 با تجزیه تا سطح^۲ بهترین نتایج را نسبت به دیگر توابع موجک دارند.

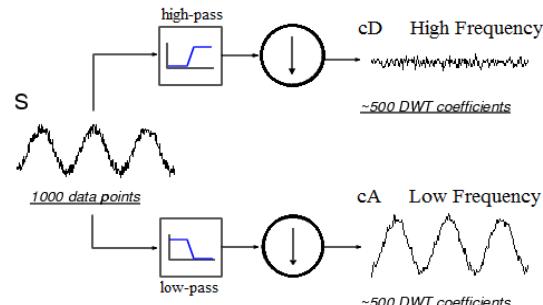
نتایج و بحث

آماده‌سازی پارامترهای ورودی

آماده‌سازی داده‌های ورودی به شبکه یکی از نکات مهم در استفاده از شبکه‌های عصبی می‌باشد. این پیش‌پردازش، شامل تبدیل داده‌ها از دامنه تغییرات واقعی خود به دامنه‌ای است که شبکه عصبی در آن دامنه کارایی بهتری دارد. بر مبنای نوع تابع فعال‌سازی مورد استفاده در شبکه، معمولاً دو نوع دامنه عددی ([۰،۱]^۳ و [۱،۰]^۴) بر ورودی‌ها اعمال می‌شود. با توجه به استفاده از تابع تانژانت سیگموئید در لایه مخفی و فرم خاص این تابع، بهتر است مقیاس داده‌های ورودی به شبکه را قبل از استفاده، توسط فرمول (۴) به بازه [۰،۱]^۵- تغییر داد. آموزش شبکه با این اطلاعات انجام شده و پس از خاتمه عملیات، مقادیر پیش‌بینی شده مجدداً به اشل واقعی بازگردانده می‌شوند.

$$x_{normalize} = \frac{(x - x_{min})}{(x_{max} - x_{min})} \times 2 - 1 \quad (4)$$

می‌شود. چنانچه مقیاس و موقعیت بر پایه توان دو انتخاب شوند (مقیاس و موقعیت دوگانه)، تحلیل سیگنال بسیار سریع‌تر و با دقت کافی انجام می‌شود(Partial and Kisi, 2007). با اعمال تبدیل مذکور، داده‌های اولیه موجکی شده و به دو دسته تقریب^۶ و جزئیات^۷ تقسیم می‌شوند(شکل ۴).



شکل ۴. تجزیه موج اولیه به امواج ثانویه تقریب و جزئیات

پارامترهای ورودی

از آنجایی که نوسانات سطح آب زیرزمینی به عوامل مختلفی مثل بارندگی، پمپاژ، تبخیر و تعرق، تغذیه به آبخوان، تخلیه از آن، فشار اتمسفر، جزر و مد، زلزله، وزش باد و ... وابسته است، بنابراین تمام این عوامل به صورت مستتر در سری زمانی سطح آب زیرزمینی وجود دارند و مجموع این سری‌های زمانی (سیگنال‌ها) سبب ایجاد سری زمانی سطح آب زیرزمینی می‌شود. در نتیجه زمانی که سیگنال سطح آب زیرزمینی توسط تبدیل موجک به سیگنال‌های پایه سازنده‌اش تجزیه می‌شود(به شکل ۳ رجوع شود)، اثر تمام این عوامل در نظر گرفته می‌شود. به عبارت دیگر در تبدیل موجک، با برآش موجک مادر به سیگنال سطح آب زیرزمینی می‌توان تغییرات فصلی^۸ یا دوره‌ای، تغییرات بلند مدت^۹، روند^{۱۰} و ... را از سیگنال سطح آب زیرزمینی بیرون کشید. سپس این سیگنال‌ها به عنوان ورودی‌های شبکه عصبی در نظر گرفته می‌شوند. دشت قروه شامل ۲۸ پیزومتر می‌باشد. پیزومترهای شماره ۶ و ۷ به دلیل نقص در داده‌ها از فرآیند مدلسازی حذف شدند. در نتیجه از داده‌های سطح آب زیرزمینی که به مدت ۱۰ سال (مهر ۷۶ تا مهر ۸۶) در ۲۶ پیزومتر دشت قروه اندازه‌گیری شده، به عنوان ورودی به شبکه عصبی موجکی استفاده شده است.

انتخاب موجک

انتخاب مناسب تابع موجک، مسئله مهمی است و تا حد زیادی به مسئله مورد بررسی، یعنی طبیعت رخداد پدیده و نوع سری زمانی آن، و برخی از ویژگی‌های تابع موجک مثل ناحیه محمل^{۱۱} و تعداد گشتاورهای صفر آن^{۱۲} وابسته

3- Approximation

4 - Details

5- Seasonal variations

6 - Secular variations

7 -Trend

8 -Region of support

9 -The number of vanishing moments

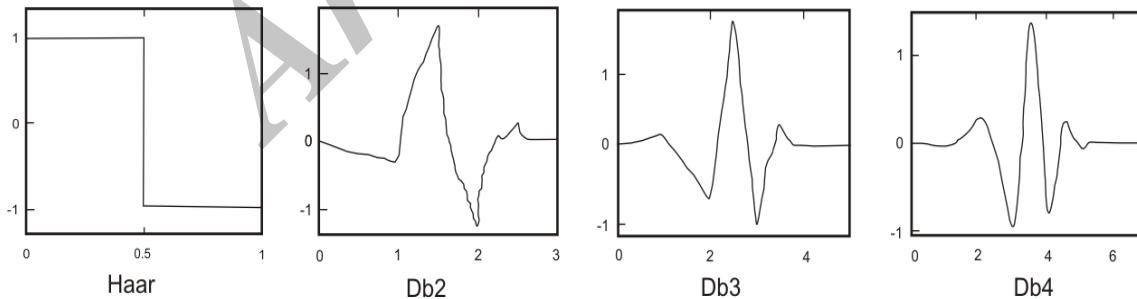
موجک مادر

مرحله بعدی، ساخت شبکه عصبی است. در شبکه عصبی از یک شبکه سه لایه LM-Feed Forward با تابع فعال سازی سیگموئید در لایه مخفی و تابع فعال سازی خطی در لایه خروجی استفاده شده است. تعداد نرون های لایه اول وابسته به درجه تجزیه موجک، و برابر با $i+1$ است. که درجه تجزیه موجک می باشد. تعداد نرون های لایه خروجی را نیز بردار خروجی مسئله تعیین خواهد کرد. در این تحقیق تعداد نرون های لایه خروجی ۱ است که همان ارتفاع سطح آب در زمان $t+6$ می باشد. در ضمن برای تعیین تعداد نرون های لایه مخفی از روش سعی و خطا استفاده شده و با مقایسه خطای گزینه های مختلف، بهترین گزینه انتخاب گردیده است (شکل ۶). نکته دیگری که در انتخاب تعداد نرون های لایه مخفی مورد توجه قرار گرفته است، سادگی شبکه می باشد، به عبارتی از بین دو گزینه نسبتاً مشابه گزینه ای که تعداد نرون های کمتر داشته انتخاب شده است. این امر در راستای اجتناب از پیچیدگی شبکه صورت گرفته است. همچنین بهترین دسته آموزشی شامل ۷۰٪ از کل داده ها برای آموزش (داده های ماهیانه مهر ۷۶ تا شهریور ۸۳)، ۱۵٪ برای اعتبارسنجی (داده های ماهیانه مهر ۸۳ تا اسفند ۸۴) و ۱۵٪ نیز برای آزمون (داده های ماهیانه فور دین ۸۵ تا مهر ۸۶) انتخاب گردید. برای دست یابی به نتایج حاصله از روش شبکه عصبی-موجکی در مورد مدل سازی سطح آب زیرزمینی، برنامه ای به زبان MATLAB با درجات مختلف تجزیه موجک و برای تعداد نرون های میانی مختلف در دو بخش موجک و شبکه عصبی نوشته شد. جدول (۱) بهینه ترین جواب ها را با توجه به نوع موجک و سطح تجزیه، برای هر کدام از پیزومترها با تعداد سه نرون در لایه مخفی نشان می دهد (به استثنای پیزومتر شماره ۲۸ که در لایه مخفی آن ۷ نرون استفاده شده است). شکل (۷) نیز شماتیکی از مدل شبکه عصبی-موجکی منتخب برای پیش بینی نوسانات سطح آب زیرزمینی دشت قزوه را نشان می دهد.

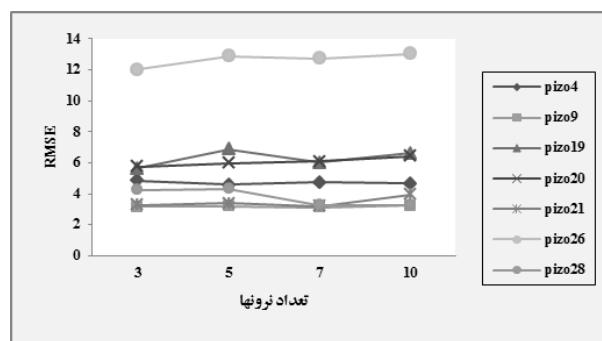
بعد از نرم افزار کردن، داده ها با تبدیل موجک گسسته تجزیه شدند. در این تبدیل، تعیین نوع موجک و سطح بهینه تجزیه بسیار مهم است. ساده ترین موجک مطرح از پایه Haar در سال ۱۹۱۰ به دست آمد. بزرگترین عیب موجک نامنظم بودن آن است. موجک های نامنظم و با یک محمل متناهی (نظری Haar) یا هموار و با یک محمل نامتناهی بودند. بعد از کار Daubechies رو شی برای ایجاد موجک هایی هموار و با یک محمل متناهی به وجود آمد که این موجک ها در بیشتر کاربردها نقش مهمی دارند (صفری و شریفی، ۱۳۸۸). در این تحقیق از موجک های Haar, db2, db3, db4 برای تجزیه سیگنال سطح آب زیرزمینی استفاده شده است. شکل (۵) نمودار تابع این موجک ها را نشان می دهد.

سطح تجزیه بهینه

بعد از تعیین نوع موجک، مهم ترین اقدام تعیین سطح مناسب تجزیه است. از آن جایی که فرآیند تجزیه یک فرآیند تکراری است، از نظر تئوری می تواند تا بی نهایت انجام شود. اما در حقیقت، فرآیند تجزیه فقط تا هنگامی می تواند انجام شود که جزئیات سیگنال، شامل یک پیکسل باشد. در تجزیه یک سیگنال، استفاده از حداقل سطح تجزیه کار عاقلانه ای به نظر نمی رسد. زیرا تعداد تجزیه مرتبه بالا اگرچه دقیق محاسبات در آموزش شبکه را بالا می برد ولی نتیجه معکوس روی داده های شبیه سازی شده دارد. دلیل این امر ناشی از منطبق شدن الگوی شبکه به داده های آموزش ^{۱۱} می باشد (نورانی و همکاران، ۱۳۸۷). همچنین تعداد تجزیه مرتبه بالا علاوه بر تولید داده های زیاد، حجم محاسبات را نیز بالا می برد. در عمل، ما بایستی مبتنی بر ماهیت سیگنال یا بر اساس یک معیار مناسب مثل آنتروپی، بهینه ترین سطح تجزیه را تعیین کنیم. برای تعیین سطح تجزیه بهینه ابتدا از فرمول تحریبی $INT(\log n)$ استفاده شد که n اندازه سری زمانی، INT تابع گرد کننده و \log علامت لگاریتم می باشد (Wang and Ding, 2003). اما بعد از ورود داده های تجزیه شده به شبکه عصبی و پیش بینی نوسانات سطح آب زیرزمینی نتایج قابل قبولی از مدل حاصل نشد. در نتیجه تجزیه داده ها تا ۳ سطح و ۴ سطح نیز انجام شد تا کارآیی مدل در پیش بینی نوسانات سطح آب زیرزمینی بررسی شود.



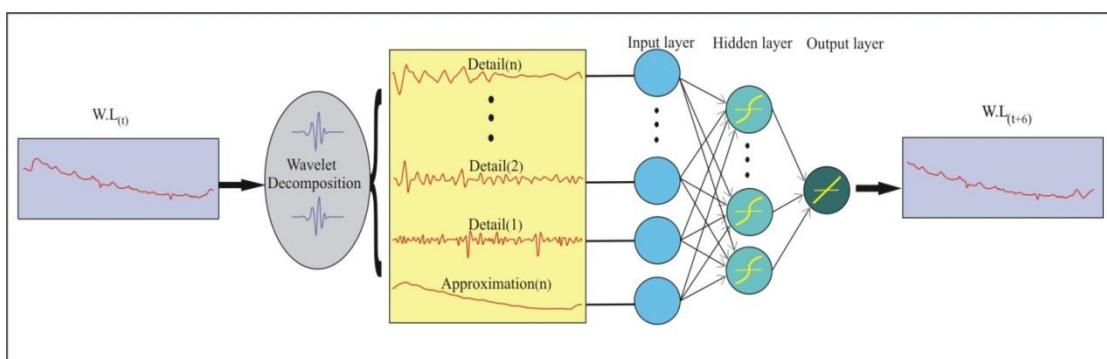
شکل ۵. نمودار توابع موجک های دایشز و هار.



شکل ۶. نمودار مقدار RMSE بر حسب تعداد نرون‌های مختلف در چند پیزومتر منتخب در منطقه

جدول ۱. بهترین مدل انتخابی بر اساس نوع موجک و سطح تجزیه بهینه و پارامترهای کارآبی مدل برای هر پیزومتر در مرحله صحبت‌سنگی

محل	شماره پیزومتر	نوع موجک	سطح تجزیه بهینه	تعداد بهینه نرون لایه مخفی	صحبت سنگی	
					RMSE%	R ² %
روستای مظفر آباد	P1	Haar	۳	۳	۷/۹۹	۸۵/۸۱
جنوب مظفر آباد	P2	db2	۴	۳	۳/۱۳	۹۵/۰۵
کیلومتر ۸۵ سندگان- قروه	P3	db3	۳	۳	۵/۲۵	۸۳/۹
روستای ویجه	P4	db2	۴	۳	۴/۲۷	۸۳/۶۲
روستای قلعه	P5	db4	۴	۳	۲/۲۶	۹۶/۸۳
روستای امین آباد	P8	db4	۴	۳	۴/۴۴	۹۳/۸
روستای دیوزند	P9	db4	۴	۳	۲/۸۹	۹۱/۸
روستای سنتگین آباد	P10	db4	۴	۳	۸/۵۱	۷۸/۵۳
کیلومتر ۶ قروه - همدان	P11	db4	۴	۳	۲/۳۶	۹۶/۴۵
دیوزند- جاده خربله	P12	db2	۴	۳	۱/۵۹	۹۸/۷۸
روستای خربله	P13	db2	۴	۳	۲/۰۸	۹۸/۱۱
روستای قاسم آباد	P14	db2	۴	۳	۲/۹۲	۹۶/۵۸
کیلومتر ۱۲ قروه- همدان	P15	db3	۴	۳	۴/۱۱	۹۱/۸۲
دشت جنیان شماره ۱	P16	Haar	۴	۳	۱/۳۶	۹۶
دشت جنیان شماره ۲	P17	db2	۴	۳	۲/۸	۸۹/۳
دشت جنیان شماره ۳	P18	db4	۴	۳	۲/۲۳	۹۲/۶۶
قروه جنب قنات خالصه	P19	db2	۳	۳	۵/۶۲	۹۲/۹۶
سریش آباد-جاده قصلان	P20	db2	۳	۳	۵/۷۶	۷۲/۱۴
روستای مظفر آباد	P21	db4	۴	۳	۲/۹۸	۹۳/۵۱
روستای شیخ جعفر	P22	db3	۳	۳	۱/۲۳	۹۸/۶۱
روستای خربله	P23	db2	۳	۳	۲/۱۹	۹۴/۸۹
روستای قاسم آباد	P24	db2	۴	۳	۳/۱۲	۹۴/۲۵
روستای شکوه آباد	P25	db4	۳	۳	۱/۱۹	۹۷/۹۸
ستگن آباد- جنب فدک	P26	db2	۳	۳	۶/۸۹	۸۱/۸۷
قلعه روپری بوتان گار	P27	db3	۳	۳	۲/۴۷	۹۳/۷۲
امین آباد-جاده قروه	P28	db2	۳	۷	۳/۲۵	۹۴/۷۹



شکل ۷. شماتیک کلی از شبکه عصبی- موجکی مورد استفاده.

بالای این روش‌ها، نیاز به حداقل داده‌ها برای پیش‌بینی و سرعت بالای این روش‌ها در محاسبات، استفاده از این روش‌ها در پیش‌بینی نوسانات سطح آب زیرزمینی بسیار کارآمدتر و ارزان‌تر نسبت به مدل‌های عددی خواهد بود.

پیش‌بینی سطح آب زیرزمینی در منطقه مورد مطالعه

پس از مرحله ارزیابی یا صحبت‌سنگی، نوبت به اجرای مدل برای پیش‌بینی شرایط آتی آبخوان می‌رسد. پیش‌بینی مهم‌ترین هدف شبیه‌سازی است. با توجه به دقیق شبكه عصبی-موجکی در پیش‌بینی، که در مرحله صحبت‌سنگی هم نشان داده شد و نیز با استفاده از بهترین مدل ساخته شده برای هر پیزومتر، اکنون به پیش‌بینی شش ماهه سطح آب زیرزمینی در پیزومترها پرداخته می‌شود. در این قسمت، سطح آب برای ماه‌های مهر ۸۶ تا فروردین ۸۷ پیش‌بینی شده است. جدول ۳ نتایج پیش‌بینی شده سطح آب را برای ماه‌های ذکر شده با استفاده از WNN نشان می‌دهد. شکل شماره ۹ نیز نمودار این پیش‌بینی‌ها را برای برخی از پیزومترها نشان می‌دهد. در نهایت با استفاده از نتایج پیش‌بینی شده توسط مدل برای ۲۶ پیزومتر موجود در منطقه مورد مطالعه، نقشه نهایی تراز سطح آب زیرزمینی برای شش‌ماهه پیش‌بینی (فروردین ۸۷) رسم شد. این نقشه در شکل ۱۰ نشان داده است.

جدول ۲. مقایسه RMSE روش WNN با مدل عددی MODFLOW در مرحله

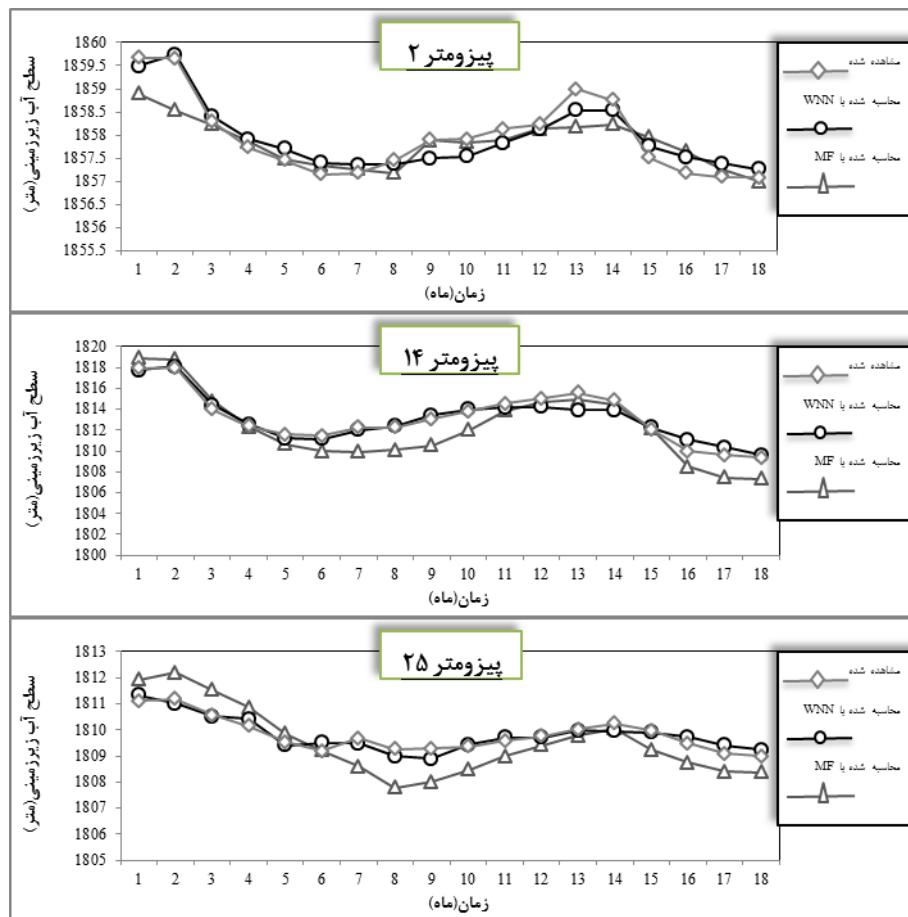
صحبت‌سنگی

شماره پیزومتر	RMSE WNN%	RMSE MODFLOW%
P1	۰/۱۴۹۷۹	۰/۲۹۴۷۷۶
P2	۰/۱۶۰۸۲۵	۰/۴۰۰۲۸۴
P3	۰/۱۹۵۲۵۱	۰/۳۱۹۲۰۷
P4	۰/۳۶۷۴۲	۰/۴۵۶۱۹۸
P5	۰/۲۲۷۱۷۳	۰/۴۵۶۸۲۲
P8	۰/۱۹۹۹۲۹	۰/۲۵۴۵۸۲
P9	۰/۶۱۹۲۲	۰/۹۰۶۳۶
P10	۰/۹۱۸۴۳۵	۱/۱۵۶۰۳۳۲
P11	۰/۹۴۵۷۴۱	۰/۸۷۳۷۷۴۳
P12	۰/۱۹۹۶۴۱	۰/۱۰۶۸۰۲
P13	۰/۶۴۴۴۶۱	۱/۱۴۰۷۴۱۳
P14	۰/۶۹۲۹۵۴	۱/۴۴۶۴۱۴
P15	۰/۷۰۶۴۷۵	۰/۷۸۹۹۹۷
P16	۰/۱۶۹۹۸۳	۰/۳۵۰۲۲۶
P17	۰/۱۷۸۴۸۵	۰/۴۷۸۸۹۱
P18	۰/۶۸۶۱۱۳	۰/۳۳۴۲۱۷
P19	۰/۲۷۴۹۱۸	۰/۶۷۰۰۲۷
P20	۰/۲۳۴۸۸۲	۰/۳۷۷۷۸۴
P21	۰/۰۲۴۷۷۷	۰/۰۵۹۵۱۰۱
P22	۰/۰۶۳۳۹۷	۰/۰۲۲۸۲۳۹
P23	۰/۰۲۴۹۱۰۵	۰/۰۷۲۲۰۹
P24	۰/۰۵۵۹۳۹۵	۱/۰۲۵۰۵۳
P25	۰/۰۲۲۴۹۶	۰/۰۸۲۴۹۱
P26	۱/۶۸۰۳۸۱	۳/۱۴۱۴۸
P27	۰/۰۳۸۲۴	۱/۰۷۵۰۰۳
P28	۰/۰۳۰۹۵۸	۰/۰۴۸۶۰۳۸

مقایسه نتایج حاصل از WNN با مدل عددی MODFLOW

استفاده از مدل‌های عددی در بهره‌برداری از آبخوان‌های آب زیرزمینی با توجه به پیشرفت قابلیتهای کامپیوتور، گسترش چشمگیری یافته است. از مزایای این روش‌ها می‌توان به تعیین هم‌زمان چند پارامتر مثل بار هیدرولیکی، بیان آب، مسیر جریان آب و غیره اشاره کرد. همچنانی با این مدل‌ها می‌توان عکس العمل حوضه را در مقابل تغییر متغیرها از قبیل تغذیه طبیعی یا صنوعی، میزان پمپاژ و غیره نشان داد. از همین طریق می‌توان با اعمال راهکارهای مناسب، بهترین عملکرد سیستم را تعیین و در جهت مدیریت یک حوضه از آن استفاده کرد. اما عمدۀ مشکلی که هم‌اکنون کاربران و تهیه‌کنندگان این مدل‌ها با آن مواجه می‌باشند، نیاز به اطلاعات دقیق و وروдی‌های فراوان می‌باشد. همچنانی حجم زیاد محاسبات در این مدل‌ها و نیاز به زمان زیاد در هر بار اجرای مدل سبب می‌شود تا اجرای مدل برای بررسی سناریوهای مختلف دشوار، زمان‌بر و گاهی اوقات غیرممکن باشد. از طرفی دیگر مدل‌های شبکه عصبی صنوعی و مدل‌های ترکیبی با این روش با توجه به عدم نیاز به همه اطلاعات ورودی و سرعت بسیار بالا در پردازش اطلاعات، می‌توانند جایگزین مناسبی برای مدل‌های عددی اولیه باشند. در این قسمت از تحقیق، امکان جایگزینی شبکه عصبی-موجکی به جای مدل عددی آب زیرزمینی در مورد پیش‌بینی نوسانات سطح آب مورد بررسی قرار می‌گیرد. مدل MODFLOW در این دشت قبلاً توسط رستمی (۱۳۸۹) ساخته و داده‌های حاضر، از این مدل کالیبره شده، استخراج شده است. همان‌طوری که در جدول (۲) ملاحظه می‌شود برای ارزیابی کارایی دو مدل شبکه عصبی-موجکی و مدل عددی MODFLOW در پیش‌بینی نوسانات سطح آب زیرزمینی دشت قروه از پارامتر RMSE استفاده شده است. برای مقایسه این پارامتر در دو روش، داده‌های حاصل از شبکه عصبی-موجکی به مقیاس مشابه با مدل MODFLOW آورده می‌شوند. شکل ۸ نیز نمودار مقادیر مشاهده شده نوسانات سطح آب زیرزمینی در برخی از پیزومترها و مقایسه آن با مقادیر محاسبه شده توسط مدل شبکه عصبی-موجکی و مدل MODFLOW را در مرحله صحبت‌سنگی نشان می‌دهد.

با توجه به جدول (۲) و نمودارهای سطح آب مشاهده شده در پیزومترها و مقایسه آن با سطح آب محاسبه شده توسط دو مدل شبکه عصبی-موجکی و MODFLOW در مرحله صحبت‌سنگی مشخص می‌شود که مدل شبکه عصبی-موجکی با وجود پارامترهای ورودی کم، در پیش‌بینی نوسانات سطح آب زیرزمینی بسیار توانمندتر از مدل عددی MODFLOW عمل می‌کند. همان‌طوری که مشاهده می‌شود در مدل شبکه عصبی-موجکی فقط از سیگنال سری زمانی سطح آب که توسط موجک به چندین زیرسیگنال تجزیه می‌شود استفاده شده است. در صورتی که در مدل عددی داده‌های ورودی متنوع اعم از سطح آب، بارندگی، پمپاژ، تغذیه طبیعی و صنوعی، زهکشی، تبخیر و غیره نیاز است و در این مدل‌ها تعیین شرایط مرزی نیز از ضروریات می‌باشد. بنابراین با توجه به توضیحات گفته شده در مورد شبکه‌های عصبی-موجکی، دقت بسیار

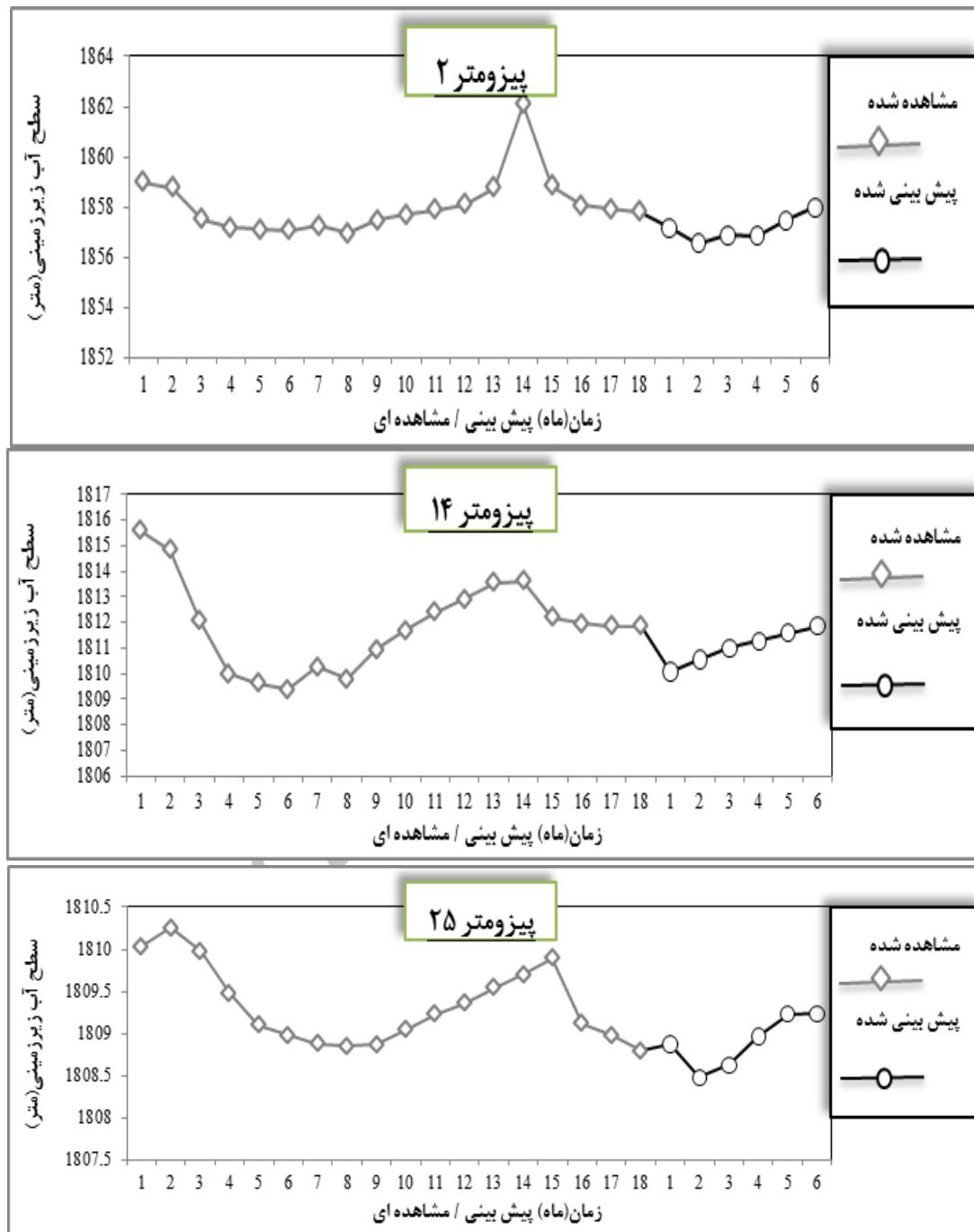


شکل ۸ مقادیر مشاهده‌ای و مقایسه آن با مقادیر محاسبه شده توسط WNN و MODFLOW در مرحله صحت‌سنجی برای پیزومترهای ۲۵، ۱۴ و ۲

هیدرولوژیکی و هیدروژئولوژیکی مختلفی دارد و در این مدل شناسایی شرایط مرزی، تعیین داده‌های ورودی، کالیبراسیون و صحت‌سنجی، دشوار، زمان بر و پرهزینه می‌باشد. به علاوه ترکیب این مدل با مدل‌های بهینه‌سازی برای یافتن سناریوی مدیریت آب زیرزمینی بهینه، نیاز به صدها بار اجرای برنامه دارد. در صورتی که مدل شبکه عصی-موجکی با داده‌های ورودی کمتر و بدون آگاهی از معادلات حاکم، می‌تواند جایگزین مnasیبی برای این مدل عددی در پیش‌بینی نوسانات سطح آب زیرزمینی باشد. البته با توجه به جدید بودن کاربرد مدل مذکور در مدیریت متتابع آب توصیه می‌شود که این مدل فوق، مورد آزمون‌های بیشتری قرار گرفته و کاربرد آن در سایر شاخه‌های مدیریت متتابع آب، برای مثال در پیش‌بینی روند شوری دشت‌ها، دبی پیک، برآورد رسوب مخازن و غیره نیز بررسی گردد. در ضمن با توجه به اهمیت نوع تابع موجک در پیش‌بینی نوسانات سطح آب زیرزمینی در پژوهش‌های آتی می‌توان از تابع موجک دیگر نیز در پیش‌بینی استفاده کرد. همچنین می‌توان از ترکیب آنالیز موجک با روش فازی و شبکه عصی با روش فازی نیز استفاده کرد و توانایی هر یک از این روش‌ها را در پیش‌بینی نوسانات سطح آب زیرزمینی سنجید.

نتیجه‌گیری

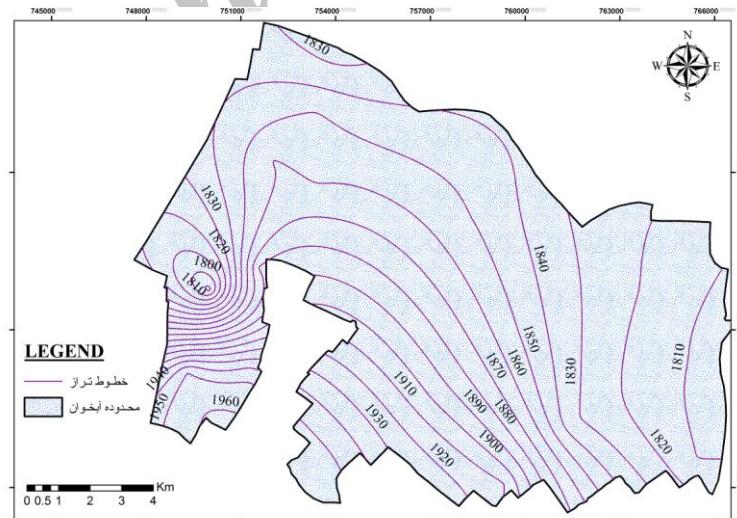
در این تحقیق توانایی مدل شبکه عصبی موجکی به عنوان یک ابزار سودمند و الیه نسبتاً جدید در مدیریت متتابع آب برای پیش‌بینی نوسانات سطح آب زیرزمینی در دشت قزوون مورد ارزیابی قرار گرفت. همانگونه که در جدول ۱ نشان داده شده است در مدل شبکه عصبی موجکی R^2 نسبتاً بالا و RMSE نسبتاً پایین است. این مدل دارای عملکرد خیلی خوبی هم در دوره آموزش و هم در دوره صحت‌سنجی بوده به طوری که در دوره صحت‌سنجی پیزومتر روستای شیخ جعفر (P22) با $R^2 = 0.98$ و RMSE = ۱/۲۳ و پیزومتر روستای سنگین آباد (P10) با $R^2 = 0.85$ و RMSE = ۸/۵۱ بدترین عملکرد را به خود اختصاص دادند و بقیه پیزومترها نیز در محدوده قابل قبولی قرار داشتند. در مطالعه حاضر، مقایسه مدل شبکه عصبی موجکی با مدل عددی MODFLOW نشان می‌دهد که مدل شبکه عصبی موجکی با وجود داده‌های ورودی کمتر و زمان کوتاه‌تر برای ساخت و آموزش مدل، دارای توانایی بالای در پیش‌بینی نوسانات سطح آب زیرزمینی می‌باشد. شبیه‌سازی سطح آب زیرزمینی با استفاده از مدل عددی MODFLOW نیاز به پارامترهای



شکل ۹. مقادیر پیش‌بینی شده توسط WNN در پیزومترهای ۱۴، ۲ و ۲۵ برای مهر ۸۶ تا فروردین ۸۷

جدول ۳. نتایج پیش‌بینی سطح آب زیرزمینی با استفاده از WNN در ماه‌های اول تا ششم پیش‌بینی

شماره پیزومتر	utmX	utmY	T=۱	T=۲	T=۳	T=۴	T=۵	T=۶
P1	۷۵۴۳۳۶	۳۹۰۱۷۶۵	۱۸۵۱/۷۳۷	۱۸۵۱/۸۳۵	۱۸۵۱/۹۵۲	۱۸۵۲/۰۶۷	۱۸۵۲/۰۷۳	۱۸۵۲/۰۲۵
P2	۷۵۴۴۴۳	۳۸۹۹۸۵۶	۱۸۵۷/۱۵۹	۱۸۵۸/۵۴۸	۱۸۵۸/۸۷۳	۱۸۵۶/۸۵۵	۱۸۵۷/۴۵۲	۱۸۵۷/۹۷۱
P3	۷۵۱۵۹۰	۳۸۹۶۹۷۱	۱۸۸۳/۸۰۱	۱۸۸۲/۴۱۹	۱۸۸۳/۳۳۱	۱۸۸۳/۴۹۱	۱۸۸۳/۴۷۱	۱۸۸۳/۲۸۸
P4	۷۵۴۳۶۳	۳۸۹۰۳۱۱	۱۹۵۸/۸۰۳	۱۹۶۵/۰۵۶	۱۹۵۷/۹۶۴	۱۹۵۶/۹	۱۹۵۸/۱۲۶	۱۹۵۸/۰۵۶
P5	۷۵۵۷۴۰	۳۸۹۱۳۴۷	۱۹۲۳/۰۳۲	۱۹۲۸/۱۷۷۲	۱۹۲۹/۲۱	۱۹۲۷/۹۶۲	۱۹۲۷/۳۸	۱۹۲۸/۱۸۴
P8	۷۵۸۸۲۴	۳۹۰۰۲۰۰	۱۸۴۴/۲۵	۱۸۴۴/۴	۱۸۴۴/۴۶۷	۱۸۴۴/۶۶۶	۱۸۴۴/۷۹۲	۱۸۴۴/۸۳۷
P9	۷۶۰۰۰۲	۳۸۹۵۰۰۷	۱۸۴۶/۹۲۴	۱۸۴۶/۹۵۴	۱۸۴۶/۸۱۴	۱۸۴۷/۱۶۸	۱۸۴۷/۰۶۷	۱۸۴۷/۱۴۶
P10	۷۵۹۷۷۳	۳۸۹۰۰۷۹	۱۹۱۶/۷۱۸	۱۹۱۶/۶۹۲	۱۹۱۶/۵۰۳	۱۹۱۴/۹۶۴	۱۹۱۱/۶۰۲	۱۹۱۲/۳۵۱
P11	۷۶۱۵۰۸	۳۸۹۲۰۷۷	۱۸۳۰/۰۹۸	۱۸۲۹/۷۱۳	۱۸۲۹/۶۰۴	۱۸۳۰/۲۸۱	۱۸۳۰/۹۱	۱۸۳۱/۳۷۲
P12	۷۶۳۲۵۱	۳۸۹۶۳۴۹	۱۸۲۱/۷۳	۱۸۲۰/۸۰۷	۱۸۲۰/۷۷	۱۸۲۱/۱۰۳	۱۸۲۱/۴۶۴	۱۸۲۱/۶۸۴
P13	۷۶۵۲۱۹	۳۸۹۷۵۸۸	۱۸۱۴/۴۳۷	۱۸۱۴/۵۷۶	۱۸۱۴/۵۹۸	۱۸۱۴/۶۵۶	۱۸۱۴/۶۷۱	۱۸۱۴/۶۹۸
P14	۷۶۴۴۳۴	۳۸۹۴۱۲۰	۱۸۱۰/۶۹	۱۸۱۰/۵۶۴	۱۸۱۱/۰۰۷	۱۸۱۱/۲۸۲	۱۸۱۱/۵۹۴	۱۸۱۱/۶۶۶
P15	۷۶۴۳۴۳	۳۸۹۰۶۳۸	۱۸۱۸/۹۲۳	۱۸۱۹/۳۷۶	۱۸۱۹/۷۲۴	۱۸۲۱/۲۳۱	۱۸۲۱/۶۹۶	۱۸۲۱/۹۲۹
P16	۷۴۹۹۸۲	۳۸۹۶۲۸۷	۱۷۸۱/۹۴۱	۱۷۸۱/۸۳۸	۱۷۸۲/۰۷۲	۱۷۸۱/۸۸۸	۱۸۷۱/۹۸۲	۱۷۸۲
P17	۷۵۱۲۳۲	۳۸۹۳۶۱۹	۱۹۴۶/۰۰۷	۱۹۴۶/۸۶۵	۱۹۴۶/۴۹۲	۱۹۴۶/۵۲۹	۱۹۴۶/۵۵۵	۱۹۴۶/۵۷۲
P18	۷۴۹۳۰۱	۳۸۹۲۶۵۰	۱۹۵۵/۴۶۲	۱۹۵۰/۰۸۱	۱۹۵۱/۱۱۹	۱۹۵۰/۰۲۴	۱۹۵۰/۰۸۴	۱۹۵۰/۰۴۷
P19	۷۵۳۸۴۶	۳۸۹۱۸۳۲	۱۹۴۳/۲۸۷	۱۹۴۲/۰۲۰	۱۹۴۴/۰۸۷	۱۹۴۴/۱۰	۱۹۴۴/۲۶۱	۱۹۴۴/۴۰۴
P20	۷۵۱۴۳۳	۳۹۰۴۹۹	۱۸۲۱/۰۲۰	۱۸۲۰/۰۵۵	۱۸۲۱/۰۲۶	۱۸۲۱/۹۳۳	۱۸۲۱/۲۱۵	۱۸۲۱/۷۲۹
P21	۷۵۲۰۲۱	۳۹۰۴۶۵	۱۸۶/۰۳۷	۱۸۶/۰۱۶	۱۸۶/۰۱۴	۱۸۶/۰۱۲	۱۸۶/۰۵۷۷	۱۸۶/۰۹۹۴
P22	۷۶۱۴۴۴	۳۸۹۹۰۵۳	۱۸۲۹/۱۴۵	۱۸۲۹/۰۱۰	۱۸۲۹/۰۷۹	۱۸۲۹/۰۴۷	۱۸۲۹/۰۲۱	۱۸۲۸/۹۹۷
P23	۷۶۶۶۲۸	۳۸۹۷۲۶۷	۱۸۰۹/۶۰۸	۱۸۰۹/۵۹۵	۱۸۰۹/۵۷۴	۱۸۰۹/۶	۱۸۰۹/۰۵۰۲	۱۸۰۹/۴۲۸
P24	۷۶۶۰۱۲	۳۸۹۴۱۵۸	۱۸۰۴/۰۷۳	۱۸۰۵/۲۲	۱۸۰۴/۰۷۳۱	۱۸۰۵/۰۲۹	۱۸۰۶	۱۸۰۶/۲۱۹
P25	۷۶۴۴۸۵	۳۸۹۰۹۹۴	۱۸۰۸/۸۷۲	۱۸۰۸/۴۷۷	۱۸۰۸/۶۲۲	۱۸۰۸/۰۹۶۲	۱۸۰۹/۲۲۲	۱۸۰۹/۲۲۶
P26	۷۶۲۹۰۱	۳۸۹۲۵۵۱۱	۱۸۲۰/۶۹۶	۱۸۲۰/۰۸۱	۱۸۲۰/۰۳۱	۱۸۲۰/۰۴۶	۱۸۲۱/۰۶۴	۱۸۲۱/۸۴۳
P27	۷۵۷۷۵۳	۳۸۹۲۹۷۷	۱۸۹۵/۰۵۴	۱۸۹۵/۱۲۱	۱۸۹۵/۰۳۸	۱۸۹۵/۰۶۲۹	۱۸۹۵/۰۷۰۷	۱۸۹۵/۰۵۲۸
P28	۷۵۸۴۳۷	۳۸۹۸۰۵۶	۱۸۴۹/۰۴۸	۱۸۴۹/۰۶۳	۱۸۴۸/۰۶۶	۱۸۴۹/۰۱۳۹	۱۸۴۹/۰۳۹۵	۱۸۴۹/۰۶۳



باجگیرانی. ع.، شریفی. م.، فغفور مغربی. م.، عارفی جمال. ع.، ۱۳۸۹، استفاده از تبدیلات فوریه و موجک برای استخراج هیدروگراف واحد لحظه‌ای، تحقیقات منابع آب ایران، شماره ۶(۲)، ص ۲۷-۳۵.

رستمی. ص.، ۱۳۸۹، بررسی تاثیر طرح تغذیه مصنوعی رو دخانه و پیچ بر روی پتانسیل آبهای زیرزمینی دشت قزوین، پایان نامه کارشناسی ارشد رشته زمین شناسی گرایش آب شناسی، دانشکده علوم، دانشگاه تربیت معلم تهران.

کلر. و.، ۲۰۰۴. ترجمه صفری. ع.، و شریفی. م.، ۱۳۸۸. موجک‌ها با کاربرد در ژئودزی و ژئودینامیک، انتشارات دانشگاه تهران.
نورانی. و.، حسن‌زاده. ی.، کماسی. م.، شرقی. ا.، ۱۳۸۷، مدل سازی بارش-رواناب با مدل ترکیبی موجک-شبکه عصبی مصنوعی، چهارمین کنگره ملی مهندسی عمران، دانشگاه تهران.

Adamowski. J., Chan. H.F., 2011, A wavelet neural network conjunction model for groundwater level forecasting, *Journal of Hydrology*, Vol: 407, p: 28–40.

Anderson, M.P. & Woessner, W.W. 1992. *Applied Groundwater Modeling*. Academic Press. San Diego.

Banerjee. P., Singh. V.S., Chattopadhyay. K., Chandra. P.C., Singh. B., 2011, Artificial neural network model as a potential alternative for groundwater salinity forecasting, *Journal of Hydrology*, Vol: 398, p: 212–220.

Bidwell. V.J., 2005, Realistic forecasting of groundwater level, based on the eigenstructure of aquifer dynamics, *Mathematics and Computers in Simulation*, Vol: 69, p: 12–20.

Bowden. G.J., Nixon. J.B., Dandy. G.C., Maier. H.R., Holmes. M., 2006, Forecasting chlorine residuals in a water distribution system using a general regression neural network, *Mathematical and Computer Modelling*, Vol: 44, p: 469-484.

Cannas, B., Fanni, A., See, L., Sias, G., 2006, Data preprocessing for river flow forecasting using neural networks: wavelet transforms and partitioning, *Physics and Chemistry of the Earth*, Vol: 31 (18), p: 1164-1171.

Daliakopoulos. I.N., Coulibaly. P., Tsanis. I.K., 2005, Groundwater level forecasting using artificial neural networks, *Journal of Hydrology*, Vol: 309, p: 229–240.

Garcia. L.A., Shigidi. A., 2006, Using neural networks for parameter estimation in ground water, *Journal of Hydrology*, Vol: 318, p: 215-231.

Gemitzi. A., Stefanopoulos. K., 2011, Evaluation of the effects of climate and man intervention on ground waters and their dependent ecosystems using time series analysis, *Journal of Hydrology*, Vol: 403, p: 130–140.

Holschneider. M., 1995, *Wavelets; an Analysis Tool*, Clarendon Press, Oxford.

Kaiser. G., 1994, *A friendly guide to wavelets*. Published by Birkhäuser, Department of mathematics, university of Massachusetts at Lowell, p: 300.

Lallahem. S., Mania. J., Hani. A., Najjar. Y., 2005, On the use of neural networks to evaluate groundwater levels in fractured media, *Journal of Hydrology*, Vol: 307, p: 92–111.

Leaver. J.D., Unsworth. C.P., 2007, Fourier analysis of short-period water level variations in the Rotorua geothermal field, New Zealand, *Geothermics*, Vol: 37, p: 539-557.

Maheswaran, R., & Khosa, R. 2012, Comparative study of different wavelets for hydrologic forecasting, *Computers & Geosciences*, Vol: 46, p: 284-295.

Mallat. S., 1998, *A Wavelet Tour of Signal Processing*. San Diego, CA: Academic Press.

Mohammadi. K., 2008, Groundwater table estimation using MODFLOW and Artificial Neural Networks, *Water Science and Technology Library*, Vol: 68, No: 2, p: 127-138.

Nourani. V., Alami. M.T., Aminfar. M.H., 2009, A combined neural-wavelet model for prediction of lighvanchai watershed precipitation, *Journal of Artificial Intelligence*, Vol: 22, p: 466-472.

Nourani. V., Komasi. M., Mano. A., 2009, A Multivariate ANN-Wavelet Approach for Rainfall–Runoff Modeling, *Water Resources Management*, Vol: 23, p: 2877–2894.

Partal, T., Cigizoglu, H.K., 2008, Estimation and forecasting of daily suspended sediment data using wavelet-neural networks, *Journal of Hydrology*, Vol: 358(3–4), p: 317–331.

Partal. T., Kisi. O., 2007, Wavelet and neuro-fuzzy conjunction model for precipitation forecasting, *Journal of Hydrology*, Vol: 342, p: 199-212.

- Pulido-Calvo. I., Montesinos. P., Roldan. J., Ruiz-Navarro. F., 2007, Linear regression and neural approaches to water demand forecasting in irrigation districts with telemetry systems, *Biosystems Engineering*, Vol: 67, p: 283-293.
- Quiroz. R., Yarleque. C., Posadas. A., Mares. V., Immerzeel. W.W., 2011, Improving daily rainfall estimation from NDVI using a wavelet transform, *Environmental Modelling and Software*, Vol: 26, p: 201-209.
- Rajaee, T., 2011, Wavelet and ANN combination model for prediction of daily suspended sediment load in rivers, *Science of the Total Environment*, Vol: 409, p: 2917–2928.
- Shan. X., Burl. J., 2011, Continuous wavelet based linear time-varying system identification, *Signal Processing*, Vol: 91, p: 1476-1488.
- Triana. E., Labadie. J.W., Gates. T.K., Anderson. C.W., 2010, Neural network approach to stream-aquifer modeling for improved river basin management, *Journal of Hydrology*, Vol: 391, p: 235–247.
- Wang. W., Jin. J., Li. Y., 2009, Prediction of Inflow at Three Gorges Dam in Yangtze River with Wavelet Network Model, *Water Resources Management*, Vol: 23, p: 2791–2083.
- Wang. W. Ding. S., 2003, Wavelet network model and its application to the predication of hydrology, *Nature and Science*, Vol: 1, No: 1, p: 67-71.
- Yang. Z.P., Lu. W.X., Long. Y.Q., Li. P., 2009, Application and comparison of two prediction models for groundwater levels: A case study in Western Jilin Province, China, *Journal of Arid Environments*, Vol: 73, p: 487–492.
- Zhou. H.C., Peng. Y., Liang. G.H., 2008, The Research of Monthly Discharge Predictor-corrector Model Based on Wavelet Decomposition, *Water Resources management*, Vol: 22, p: 217–227.