

## بررسی آزمایشگاهی اثر بستر زیر بر عمق مزدوج نسبی پرش هیدرولیکی بر روی شیب معکوس

پرستو پارسامهر<sup>۱\*</sup> و علی حسینزاده دلیر<sup>۲</sup>

<sup>۱</sup>- نویسنده مسئول: دانشجوی سایق کارشناسی ارشد، گروه سازه‌های آبی، دانشکده کشاورزی، دانشگاه تبریز  
parastoo.parsamehr@gmail.com

<sup>۲</sup>- دانشیار، گروه مهندسی آب، دانشکده کشاورزی، دانشگاه تبریز

تاریخ پذیرش: ۱۳۹۱/۳/۱۰

تاریخ دریافت: ۱۳۹۰/۱۲/۳

### چکیده

پرش هیدرولیکی، یکی از مهم‌ترین پدیده‌ها در جریان متغیر سریع است. در این پدیده، ضمن ایجاد افت انرژی زیاد، سرعت جریان به میزان قابل توجهی کاهش می‌یابد. در این تحقیق پرش هیدرولیکی بر روی شکل جدبی از بستر زیر با زبری‌های به شکل نیم‌استوانه با سه ارتفاع ( $r$ ) و چهار فاصله ( $s=1D, 2D, 3D, 4D$ ) مورد بررسی قرار گرفت. در مجموع ۲۳۸ آزمایش در محدوده اعداد فرود  $4/6$  تا  $7/4$  بر روی شیب افقی و دو شیب معکوس  $1/5$  و  $1/15$  درصد انجام گرفت. نتایج نشان داد با افزایش ارتفاع، فاصله بین زبری‌ها، شیب معکوس و عدد فرود، عمق ثانویه پرش کاهش و افت انرژی و تنفس برشی افزایش می‌یابد. در پرش هیدرولیکی بر روی بستر زیر با زبری‌های نیم‌استوانه‌ای شکل بر روی شیب معکوس  $1/5$  درصد، عمق مزدوج پرش نسبت به پرش کلاسیک به طور متوسط ۳۶ درصد کاهش یافت و ضریب تنفس برشی به طور متوسط ۱۶ برابر بستر صاف و افقی شد. در مجموع، نتایج نشان داد که بستر زیر بر روی شیب معکوس به منظور کارایی بهتر می‌تواند جایگزین مناسبی در حوضچه‌های آرامش باشد.

کلید واژه‌ها: افت انرژی، بستر زیر، پرش هیدرولیکی، حوضچه آرامش، عدد فرود، عمق مزدوج نسبی.

### Experimental Study of Effect of Rough Bed on Sequent Depth Ratio of Hydraulic Jump on Adverse Slope

P.Parsamehr<sup>1</sup>, A.Hosseinzadeh Dalir<sup>2</sup>

1- Former Msc Student, Department of Water Engineering, Faculty of Agriculture, University of Tabriz, Iran  
2- Associate Professor, Department of Water Engineering, Faculty of Agriculture, University of Tabriz, Iran

Received: 22.Feb.2012

Accepted: 30.May.2012

### Abstract

Hydraulic jump is one of the important phenomena in rapidly varied flow. Due to this phenomenon the energy loss, the upstream flow velocity significantly decreases. In the present study, hydraulic jump on a new roughened bed -with half cylindrical shape bars with three heights ( $r$ ) and four different longitudinal spacing ( $s=1D, 2D, 3D, 4D$ ) were investigated. In total 238 experiments were performed for a range of Froude numbers from 4.6 to 7.4 on horizontal bed and two adverse slopes of 1 and 1.5 %. The results showed that the sequent depth decreases and energy loss and bed shear stress increases as the height, spacing of the rough bars, adverse slope and Froude number increased. In hydraulic jump on adverse slope of 1.5% and rough bed with half cylindrical roughness, sequent depth 36% decreases and the bed shear stress coefficient is 16 times of its corresponding values on smooth and horizontal bed. Some empirical relations for sequent depth ratio, relative energy loss and bed shear stress coefficient were introduced. Totally, the results obtained show that, rough bed with adverse slopes may be used to achieve better performance in stilling basins.

**Key words:** Energy loss, Rough bed, Hydraulic jump, Stilling basin, Sequent depth ratio, Froude number.

## مقدمه

می باشد. تنش برشی تقریباً ۱۰ برابر تنش برشی بر روی بستر صاف به دست آمد (۱).

تأثیر بستر موج دار سینوسی بر خصوصیات پرش هیدرولیکی توسط عباسپور و همکاران در محدوده اعداد فرود  $3/8$  تا  $8/6$  مورد مطالعه قرار گرفت. نتایج نشان داد که عمق ثانویه پرش هیدرولیکی بر روی بستر موج دار نسبت به بستر صاف در شرایط هیدرولیکی یکسان کوچکتر بوده و عمق بدون بعد ( $D$ )  $0/17$  به دست آمده است. مقایسه نیروی برشی و ضریب تنش برشی نشان داد که تنش برشی در بستر موج دار حداقل ۱۰ برابر بستر صاف است (۲).

گوهری و فرهودی، آزمایش های را بر روی بستر زبر با زبری های نواری مستطیلی با دو ارتفاع (سانتی متر  $1/5$  و  $2/5$  =  $1/5$ ) و پنج فاصله زبری (سانتی متر  $7/5$  و  $4/5$ ،  $3/5$ ،  $2/5$  و  $1/5$ ) در محدوده اعداد فرود ۳ تا ۱۰ انجام دادند و مشاهده کردند عمق ثانویه پرش روی بستر زبر نسبت به بستر صاف کاهش یافته و مقدار کاهش با افزایش فاصله بین زبری ها افزایش می یابد، همچنین تغییر ارتفاع زبری ها و عمق اولیه پرش اثر ناچیزی بر مشخصات هیدرولیکی دارند. میزان حداقل و حداً تر افت انرژی نسبی ( $R_L$ )  $26/7$  و  $26/3$  درصد به دست آمد (۸).

شفاعی بجستان و نیسی اثر اجزای زبر با شکل های مختلف بر تنش برشی بستر و عمق مزدوج پرش هیدرولیکی را در محدوده اعداد فرود  $4/5$  تا  $12$  بررسی کردند. اجزای زبر منشوری شامل مقاطع مختلف مستطیلی، مثلثی، دایره ای، لوزی و شش ضلعی بود. نتایج این تحقیق نشان داد که عمق مزدوج به دلیل وجود اجزای زبر کاهش می یابد، میزان این کاهش بستگی به عدد فرود و شکل اجزای زبر دارد، کمترین و بیشترین میزان کاهش عمق مزدوج ( $D$ ) به ترتیب مربوط به اجزای زبر مستطیلی ( $D=0/21$ ) و مثلثی ( $D=0/27$ ) بود (۲).

ابراهیم و شری<sup>۱</sup> پرش هیدرولیکی را بر روی پنج نوع بستر زبر به شکل های سینوسی، مثلثی، ذوزنقه ای (با دو شیب کناره مختلف) و مستطیلی در محدوده اعداد فرود ۳ تا  $7/5$  بررسی کردند. در تمام آزمایش ها ارتفاع زبری و طول موج به ترتیب  $1/8$  و  $6/5$  سانتی متر در نظر گرفته شد. بر اساس نتایج آنها زبری نسبی و شکل زبری ها اثر قابل توجهی بر عمق مزدوج نسبی نداشت و میزان کاهش عمق مزدوج نسبی ( $D$ ) به طور متوسط برابر با  $0/37$  به دست آمد (۹).

نتایج تحقیقات انجام شده نشان می دهد که زبری بستر، نقش مهمی را در کاهش عمق ثانویه پرش هیدرولیکی و تثبیت آن ایفا می کند.

همچنین در زمینه پرش هیدرولیکی بر روی بستر با شیب معکوس مطالعاتی انجام گرفته است. رز (۱۹۳۸) اظهار داشت که پرش

وجود انرژی جنبشی زیاد جریان در پایین دست سازه های هیدرولیکی نظیر دریچه ها، تدآبهای، آبشارها و سرریزها ضرورت اطمینان از تشکیل پرش هیدرولیکی اینم و کاهش خسارت ناشی از فرسایش پایین دست را بیان می کند. یکی از روش هایی که می تواند باعث افزایش افت انرژی در پرش هیدرولیکی شود، ایجاد زبری در کف حوضچه های آرامش می باشد.

مطالعات فراوانی در رابطه با پرش هیدرولیکی بر روی بستر های زبر توسط محققین انجام گرفته و اشکال مختلف زبری نظیر زبر طبیعی، ذوزنقه ای و مکعبی و سینوسی و ... بررسی شده است.

محمد علی<sup>۲</sup> پرش هیدرولیکی را بر روی بستر زبر با زبری های مکعبی شکل با ابعاد  $1/6$  سانتی متر مطالعه و مشاهده کرد که طول پرش نسبت به پرش کلاسیک به طور متوسط  $47/4\%$  کاهش می یابد (۱۳).

اید و راجاراتنم<sup>۳</sup> بستر های موج دار را پیشنهاد کردند. آن ها پرش هیدرولیکی بر روی بستر موج دار سینوسی شکل را در بازه عدد فرود ۴ تا  $10$  بررسی کردند. نتایج بررسی ها نشان داد که طول پرش تقریباً نصف طول آن روی بستر صاف بوده و عمق ثانویه  $25$  درصد کاهش یافت (۷).

توکیای<sup>۴</sup> تأثیر بستر موج دار را بر روی پرش هیدرولیکی به صورت تجربی بررسی نمود. مطالعات در محدوده اعداد فرود ۵ تا

$12$  و شیب موج  $\frac{t}{S}$  برابر  $1/0$ ،  $0/26$ ،  $0/20$ . انجام گرفت (۱۵).

کارلو و همکاران<sup>۵</sup> با مطالعه بر روی بستر های با زبری طبیعی از جنس شن با پنج اندازه مختلف  $3/2 < d_{50} < 4/6$  سانتی متر و در محدوده اعداد فرود  $1/9$  تا  $9/9$  و با زبری نسبی  $k_s < 2/025$   $y_1$

مزدوج نسبی، طول غلتاب و طول پرش شده و رابطه ای را برای ضریب کاهشی در معادله عمومی پرش ارائه دادند که این ضریب به مشخصات زبری نسبی وابسته است (۶).

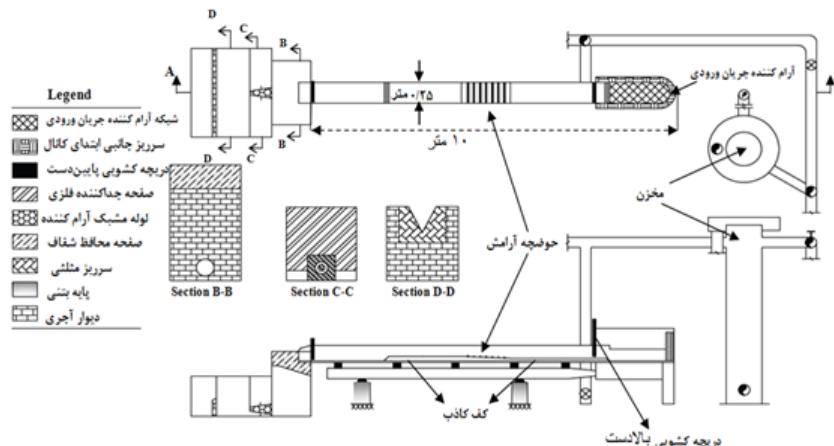
مشخصات پرش هیدرولیکی بر روی بستر های موج دار ذوزنقه ای شکل توسط ایزدجو و شفاعی بجستان، بر روی چهار بستر موج دار ذوزنقه ای شکل در بازه عدد فرود ۴ تا  $12$  مورد بررسی قرار گرفت. نتایج نشان داد که عمق پایاب مورد نیاز جهت ایجاد پرش هیدرولیکی روی بستر های موج دار کوچکتر از عمق پایاب مربوط به پرش هیدرولیکی مشابه بر روی بستر های صاف

1- Mohammad Ali

2- Eda and Rajaratnam

3- Tokyay

4- Carollo et al.



شکل ۱- پلان سیستم تأمین آب و اجزای تجهیزات فلوم در آزمایشگاه هیدرولیک

بیرامی و چمنی پرش هیدرولیکی در کانال‌های شبیدار را بر روی پنج شبیب کف معکوس تا شبیب ۱۰ درصد بررسی کردند. در این تحقیق بر اساس معادله مومنت در شبیب افقی، روشی برای پیش‌بینی نسبت اعمق ثانویه بر روی شبیب معکوس ارائه شد. تحلیل نتایج آزمایش‌ها نشان داد که شبیب منفی حوضچه نسبت عمق ثانویه را کاهش می‌دهد در صورتی که شبیب‌های مثبت آن را افزایش می‌دهد (۵).

نیک مهر و تاب بربدار پرش هیدرولیکی را در دو حالت بستر صاف و زبر روی چهار شبیب معکوس بررسی کردند. نتایج نشان دادند که عمق ثانویه و طول پرش بر روی بستر صاف بیشتر از بستر زبر، با شبیب و عدد فرود یکسان، بوده و در مقایسه درصد اتفاف انرژی، اتفاف انرژی بیشتری در بستر زبر نسبت به بستر صاف ایجاد می‌شود (۱۴).

با توجه به تحقیقات انجام شده فوق، کاهش عمق ثانویه از نتایج پرش هیدرولیکی با شبیب معکوس است که نشان می‌دهد این شبیب‌ها در کنترل پرش و جلوگیری از تخریب و خسارات احتمالی از نظر اقتصادی مقرنون به صرفه می‌باشد.

بنابراین هدف از تحقیق حاضر، بررسی پرش هیدرولیکی بر روی شکل جدیدی از بستر زبر با زبری‌های به شکل نیم استوانه به طول عرض کanal با ارتفاع و فواصل مختلف بر روی کف افقی و با شبیب معکوس می‌باشد.

## مواد و روش‌ها

### مشخصات آزمایشگاهی

آزمایش‌ها در فلوم آزمایشگاهی فلزی-شبیده‌ای به طول ۱۰ متر، عرض ۰/۲۵ متر و ارتفاع ۰/۵ متر با شبیب کف ۰/۰۰۲۲ در آزمایشگاه هیدرولیک گروه آب دانشکده کشاورزی دانشگاه تبریز انجام شده است. سیستم تأمین آب در شکل (۱) مشاهده می‌شود. به منظور تأمین بار آبی لازم برای تشکیل پرش هیدرولیکی در

هیدرولیکی روی یک شبیب معکوس پایدار نخواهد ماند مگر آن که شبیب مذبور بسیار نزدیک به صفر باشد، اما استیونس (۱۹۴۲) در بحثی پیرامون کارهای کینسوائر پرش بر روی شبیب مثبت و منفی را تحلیل کرده و به صورت تئوری تشکیل این نوع پرش را عملی می‌داند (۱).

خرد و راجاگوپال<sup>۱</sup> برای بررسی تحلیل استیونس آزمایش‌هایی بر روی شبیب منفی انجام دادند و بر اساس نتایج آن‌ها پرش هیدرولیکی روی شبیب‌های تندتر از شبیب معکوس ۰/۰۲۵ می‌شود (۱۱).

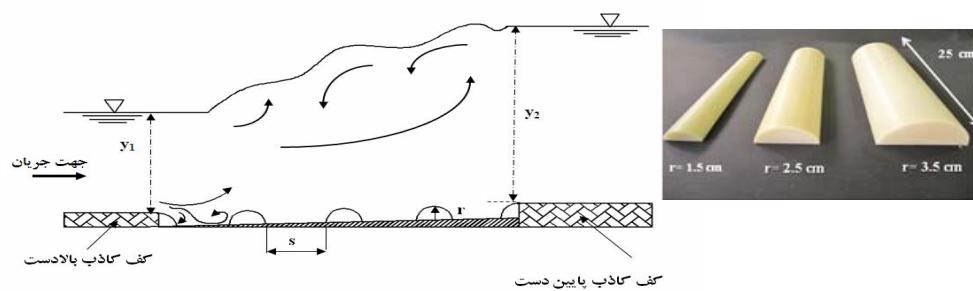
مک کروکودال و محمد<sup>۲</sup> آزمایش‌هایی را جهت استخراج پارامترهای طراحی پرش هیدرولیکی بر روی شبیب معکوس در یک کanal مستطیلی منتشری در محدوده اعداد فرود ۲/۵ تا ۹ برای شبیب‌های معکوس تا ۰/۲ S = انجام دادند. بر اساس نتایج به دست آمده در اعداد فرود پایین‌تر از چهار پرش پایدار بر روی شبیب تقریباً ناممکن و در اعداد فرود بالاتر تاحدوی پایداری پرش پنهان می‌یابد، همچنین با افزایش شبیب معکوس میزان نسبت عمق ثانویه پرش در مقایسه با پرش کلاسیک و شبیب کمتر، کاهش می‌یابد (۱۲).

ابریشمی و صانعی پرش هیدرولیکی بر روی شبیب معکوس را مورد مطالعه قرار دادند. آن‌ها آزمایش‌هایی بر روی حوضچه‌هایی به طول‌های ۱ و ۰/۲۴ متر و برای شبیب‌های معکوس تا ۰/۵ درصد در محدوده اعداد فرود ۲ تا ۱۰ انجام دادند. نتایج تجربی و تحلیل‌های مربوطه نشان دادند که امکان ایجاد پرش پایدار بر روی شبیب‌های منفی وجود دارد، این پایداری تابعی از عدد فرود اولیه، عمق پایاب و طول حوضچه است (۳).

1- Khadar and Rajagopal

2- McCorquodale and Mohamed

اعداد فرود مختلف، مخزنی به ارتفاع یک متر در بالادرست دریچه کشویی بالادرست احداث گردید. در تمامی آزمایش‌ها بازشدگی دریچه بالادرست ثابت و برابر سه سانتی‌متر بود و با افزایش دبی پرش هیدرولیکی در اعداد فرود مختلف ایجاد گردید. زبری‌های به کار رفته در این تحقیق، که در شکل (۲) نشان داده شده است، از جنس EPS با مقطع نیم‌دایره به طول ۲۵ سانتی‌متر و سه ارتفاع زبری (سانتی‌متر  $\frac{3}{5}$  و  $\frac{2}{5}$  و  $\frac{1}{5}$ ) ساخته شده‌اند. برای ایجاد بسترها زبری‌های نیم استوانه‌ای شکل ساخته شده با ارتفاع مشخص در فاصله یک تا چهار برابر قطر نیم استوانه‌ها ( $4D$ )



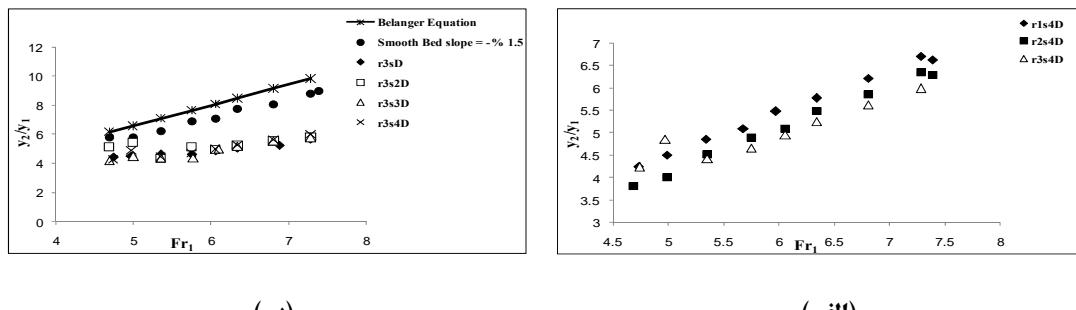
شکل ۲- زبری‌های نیم استوانه‌ای شکل با ارتفاع  $\frac{1}{5}$ ،  $\frac{2}{5}$  و  $\frac{3}{5}$  سانتی‌متر و نمای کلی فلوم

جدول ۱- خصوصیات فیزیکی بسترها زبر

$r/s$	$(cm)s$	$D=2r$ (cm)	$(cm)r$	نام بستر	$r/s$	$(cm)s$	$D=2r$ (cm)	$(cm)r$	نام بستر
$0/167$	$(S=3D)15$	۵	$2/5$	$r_2S_{3D}$	$0/5$	$(S=D=2r)3$	۳	$1/5$	$r_1S_{1D}$
$0/125$	$(S=4D)20$	۵	$2/5$	$r_2S_{4D}$	$0/25$	$(S=2D)6$	۳	$1/5$	$r_1S_{2D}$
$0/5$	$(S=D)7$	۷	$3/5$	$r_3S_D$	$0/167$	$(S=3D)9$	۳	$1/5$	$r_1S_{3D}$
$0/25$	$(S=2D)14$	۷	$3/5$	$r_3S_{2D}$	$0/125$	$(S=4D)12$	۳	$1/5$	$r_1S_{4D}$
$0/167$	$(S=3D)21$	۷	$3/5$	$r_3S_{3D}$	$0/5$	$(S=1D)5$	۵	$2/5$	$r_2S_{1D}$
$0/125$	$(S=4D)28$	۷	$3/5$	$r_3S_{4D}$	$0/25$	$(S=2D)10$	۵	$2/5$	$r_2S_{2D}$

جدول ۲- محدوده پارامترهای بی بعد

پارامترهای بی بعد	دامنه تغییرات
$Fr_1$	$4/6-7/4$
$Re_1$	$576773-74983$
$r/s$	$0/125-0/5$
$y_2/y_1$	$3/797-7/136$
$\theta$	$0-0/854^{\circ}$



شکل ۳- تأثیر ارتفاع و فاصله زبری‌ها بر تغییرات عمق مزدوج نسبی پرش در شیب معکوس ۵/۱ درصد

صرف نظر کرد، همچنین با تقسیم دو پارامتر بی بعد  $y_1/y_2$  و  $r/s$  بر یکدیگر رابطه (۲) به صورت زیر ساده می‌شود:

$$f_3 \frac{y_2}{y_1}, \frac{L_j}{r}, Fr_1, \frac{r}{s}, \theta = 0 \quad (3)$$

پارامتر  $\frac{r}{s}$ : نسبت ارتفاع زبری بر فاصله بین زبری‌ها است و تأثیر ابعاد زبری‌ها را بر خصوصیات پرش هیدرولیکی نشان می‌دهد. محدوده پارامترهای بی بعد برای تمام آزمایش‌ها در جدول (۲) مشاهده می‌شود.

با استفاده از رابطه (۳) می‌توان عمق مزدوج نسبی پرش هیدرولیکی را به صورت رابطه زیر بیان نمود:

$$\frac{y_2}{y_1} = f_4 Fr_1, \frac{r}{s}, \theta \quad (4)$$

### نتایج و بحث

#### عمق مزدوج نسبی پرش هیدرولیکی

بر اساس تحلیل ابعادی، در پرش هیدرولیکی بر روی بستر زبر با شیب معکوس، عمق مزدوج نسبی  $(\frac{y_2}{y_1})$  به شیب بستر ( $\theta$ )

عدد فرود اولیه ( $Fr_1$ ) و نسبت زبری نسبی  $\frac{r}{s}$  بستگی دارد.

در شکل (۳-الف) تأثیر ارتفاع زبری‌ها بر تغییرات عمق مزدوج نسبی پرش به ازای اعداد فرود اولیه برای سه ارتفاع مختلف زبری با فاصله بین زبری ۴D (۸۲) و در شکل (۳-ب) تأثیر فاصله زبری‌ها را برای فواصل مختلف زبری با ارتفاع  $3/5$  سانتی‌متر در شیب معکوس ۵/۱ درصد نشان داده شده است. با افزایش ارتفاع زبری و فاصله بین زبری‌ها، عمق مزدوج نسبی کاهش یافته، که این کاهش می‌تواند ناشی از افزایش عملکرد گرداب‌ها در فضای بین زبری‌ها باشد، این روند با افزایش عدد فرود و شیب معکوس بیشتر می‌گردد.

اندازه گیری دبی جریان با استفاده از سریز مثلثی لبه تیز و انسنجی شده با زاویه رأس ۵۳ درجه تعییه شده در انتهای فلوم، انجام گرفت. محدوده دبی جریان از ۱۴/۶ تا ۱۸/۷ لیتر بر ثانیه بود و در مجموع ۲۳۸ آزمایش بر روی ۱۲ بستر زبر در محدوده عدد فرود اولیه ۴/۶ تا ۷/۴ انجام گرفت. عمق آب با استفاده از عمق سنج با دقیق ۰/۰ میلی‌متر و عکس‌برداری دیجیتالی پی در پی (۱۰ عکس) از پرش هیدرولیکی و میانگین دو مقدار به دست آمده به عنوان عمق آب اندازه گیری و میانگین دو مقدار به دست آمده به عنوان عمق آب در محل مورد نظر ثبت گردید (قابل ذکر است که در تمامی آزمایش‌ها فاصله و زاویه دوربین نسبت به کانال ثابت می‌باشد). طول پرش هیدرولیکی از طریق اشل نواری نصب شده بر روی بدنه فلوم و پروفیل سرعت با استفاده از سرعت سنج پرهای میکرو با دقیق ۰/۱ سانتی‌متر بر ثانیه اندازه گیری گردید.

### تحلیل ابعادی

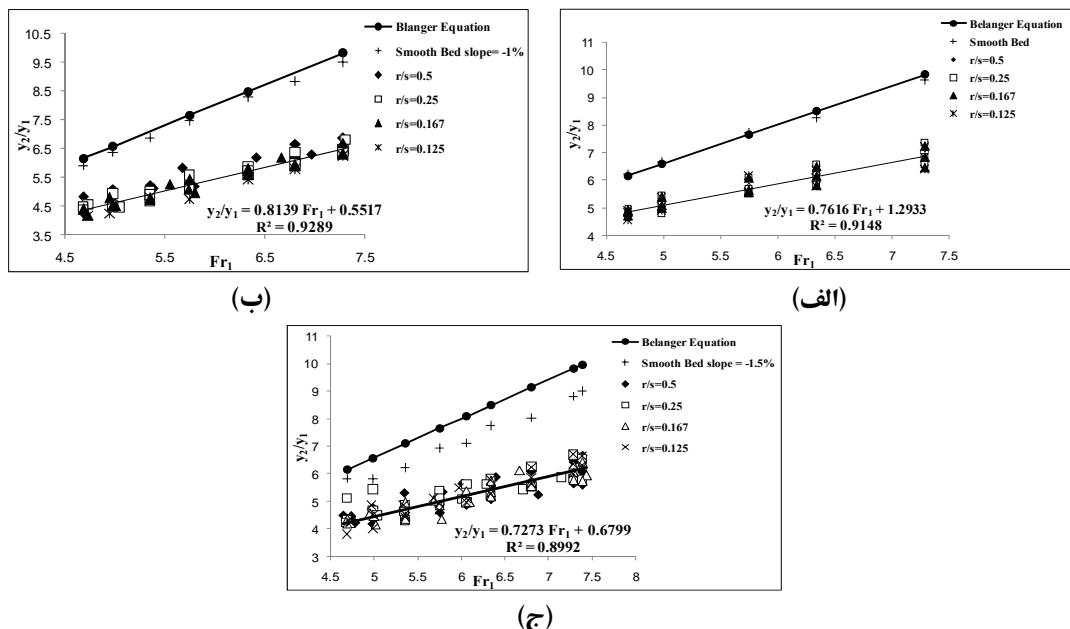
پارامترهای مؤثر بر خصوصیات پرش هیدرولیکی بر روی بستر شیب‌دار و زبر را می‌توان بصورتتابع زیر بیان نمود:

$$f_1(\rho, v, y_1, y_2, V_1, L_j, g, s, r, \theta) = 0 \quad (1)$$

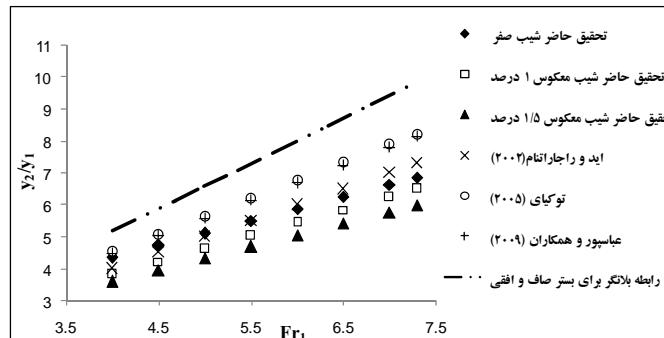
در این رابطه  $\rho$ : جرم مخصوص،  $V$ : لرجه سینماتیکی آب،  $g$ : شتاب نقل،  $v$ : ارتفاع زبری،  $s$ : فاصله بین زبری‌ها،  $L_j$ : طول پرش هیدرولیکی،  $\theta$ : شیب بستر،  $V_1$ : سرعت اولیه،  $y_1$ : عمق اولیه و  $y_2$ : عمق ثانویه پرش می‌باشند. رابطه (۱) را به صورت تابع بدون بعد زبر می‌توان ساده کرد:

$$f_2 \frac{y_2}{y_1}, \frac{L_j}{r}, Fr_1 = \frac{V_1}{\sqrt{gy_1}} R_f = \frac{V_1 y_1}{\sqrt{gy_1}}, \frac{r}{y_1}, \frac{s}{y_1}, \theta = 0 \quad (2)$$

از آنجایی که اعداد رینولدز در آزمایش‌ها در محدوده  $57673 < Re < 74983$  قرار داشته و در این محدوده از اعداد رینولدز در جریان کاملاً متلاطم زبر قرار می‌گیرد، لذا می‌توان از این لرجه



شکل ۴- مقایسه تغییرات عمق مزدوج نسبی پرش به ازای اعداد فرود اولیه برای مقادیر مختلف r/s



شکل ۵- مقایسه تغییرات عمق مزدوج نسبی به ازای اعداد فرود اولیه تحقیق حاضر و نتایج سایر محققین

در شکل‌های (۴-الف)، (۴-ب) و (۴-ج) مقادیر عمق مزدوج نسبی به

$$\frac{y_2}{y_1} = 0.8139 Fr_l + 0.5517 \quad (8)$$

$$R^2 = 0.9289$$

$$\frac{y_2}{y_1} = 0.7273 Fr_1 + 0.6799 \quad (V)$$

در شکل (۵) نتایج به دست آمده عمق مزدوج نسبی این تحقیق با سایر محققین مقایسه شده است. با توجه به شکل، عمق مزدوج نسبی در بستر زیر با شبیب معکوس  $1/5$  درصد در این تحقیق کمتر از نتایج به دست آمده از سایر محققین می-  
باشد.

ازای اعداد فرود اولیه در چهار نسبت  $\frac{r}{s}$  به ترتیب در شب صفر،

درصد - و ۱/۵ درصد - نشان داده شده‌اند. به طور کلی با توجه به نتایج به دست آمده، زیری بستر باعث کاهش عمق ثانویه شده و افزایش عدد فرود و شیب معکوس این روند را افزایش می‌دهد. روابط بین عمق مزدوج نسبی و عدد فرود با استفاده از رگرسیون خطی تعیین شد و رابطه‌های (۵) تا (۷) به ترتیب برای شیب صفر، ۱ درصد - و

$$\frac{y_2}{v} = 0.7616 Fr_1 + 1.2933 \quad (d)$$

$$R^2 = 0.9148$$

$$D = \frac{y_2^* - y_1^*}{y_2^*} \quad (8)$$

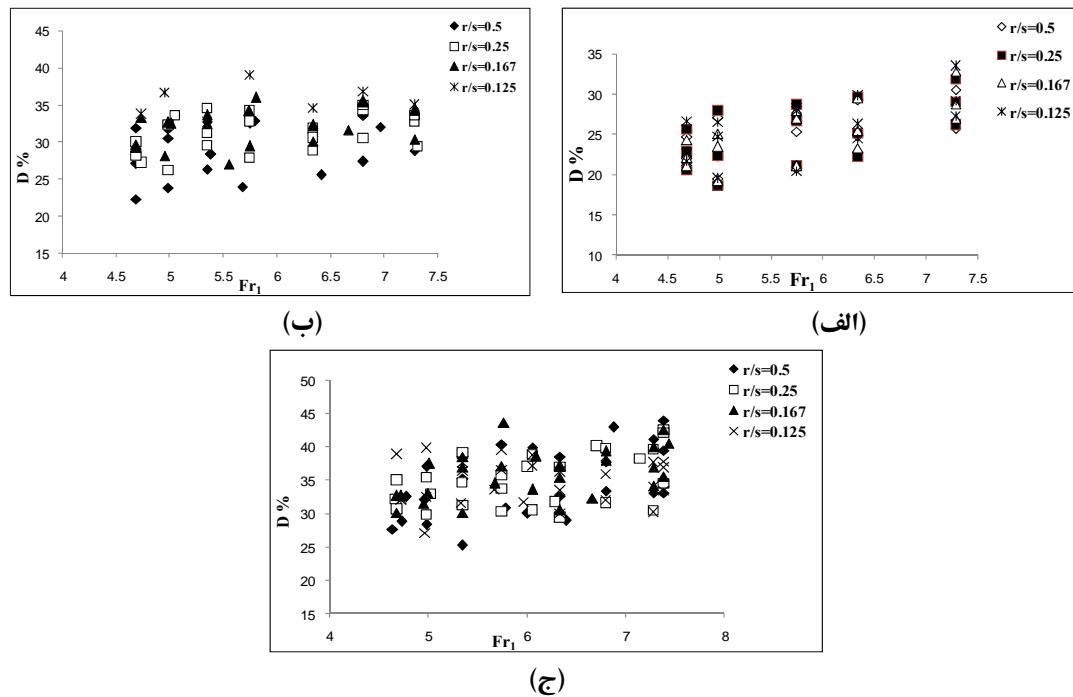
در این رابطه،  $y_2^*$ : عمق ثانویه پرش در بستر زبر و  $y_1^*$ : عمق ثانویه پرش در بستر صاف افقی به ازای عمق اولیه  $y_1$  و عدد فرود یکسان با بستر زبر می‌باشد. متوسط کاهش نسبی عمق ثانویه در شیب صفر برابر  $25/35$  درصد، در شیب  $1$  درصد برابر  $32/12$  درصد و در شیب معکوس  $1/5$  درصد برابر  $36$  درصد به دست آمد که مقادیر قابل ملاحظه‌ای بوده و از آنچه که ارتفاع پرش معیار مهمی در طراحی حوضچه‌ها است، به نظر می‌رسد استفاده از بستر زبر و شیب معکوس در طراحی حوضچه‌های آرامش در مقایسه با بستر صاف مقرر نبوده باشد.

مقدار متوسط پارامتر کاهش عمق در تحقیق اید و راجاراتنم (۷)  $25$  درصد، توکیایی (۱۵)  $25$  درصد، عباسپور و همکاران (۳)  $20$  درصد و در تحقیق ابراهیم و شری (۹)  $37$  درصد به دست آمد. بنابراین می‌توان نتیجه گرفت مقدار متوسط  $D$  در این تحقیق نسبتاً قابل ملاحظه می‌باشد.

با افزایش ارتفاع و فاصله بین زبری‌ها عمق مزدوج نسبی کاهش می‌یابد، که این کاهش ناشی از افزایش عملکرد گرداب‌ها در فضای بین زبری‌ها بوده و این روند با افزایش عدد فرود و شیب معکوس بیشتر می‌گردد. از آنچه که در شیب معکوس، مؤلفه نیروی وزن در امتداد بستر در جهت عکس با جهت جریان بوده و عاملی در کوتاه کردن طول پرش و به تبع آن کاهش نسبت  $y_2/y_1$  می‌باشد و لذا پرش در فاصله کوتاه‌تر و با افت انرژی بیشتر شکل می‌گیرد. همچنین با با افزایش عدد فرود اولیه میزان ضریب نیروی برشی بستر های زبر نسبت به بستر صاف افزایش یافته که می‌توان دلیل آن را افزایش نیروی برشی بستر به دلیل افزایش تلاطم و جریان های گردابهای در داخل زبری های بستر دانست.

#### کاهش نسبی عمق ثانویه پرش هیدرولیکی (D%)

پارامتر کاهش نسبی عمق ثانویه پرش ( $D$ ) با استفاده از رابطه (۸) ارائه شده توسط اید و راجاراتنم (۷) محاسبه گردید و در شکل (الف)، (۶-ب) و (۶-ج) تغییرات مقادیر  $D$  در محدوده اعداد فرود  $4/6$  تا  $7/4$  برای محدوده  $0/5 < r/s < 1/25$  به ترتیب برای شیب صفر،  $1/5$  درصد و  $1/5$  درصد-نشان داده شده است.



شکل ۶- تغییرات کاهش نسبی عمق ثانویه پرش به ازای اعداد فرود اولیه برای مقادیر مختلف  $r/s$

در بستر صاف افقی و بسترها صاف با شیب معکوس مقایسه شده‌اند. مطابق نمودارهای‌های ترسیم شده به ازای اعداد فرود یکسان افت انرژی در بسترها زبر بیشتر از بسترها صاف است. با افزایش شیب معکوس این روند افزایش می‌یابد و تغییر در ارتفاع و فاصله تاثیر ناچیزی بر افت انرژی نسبی دارد. میزان

#### افت نسبی انرژی پرش هیدرولیکی

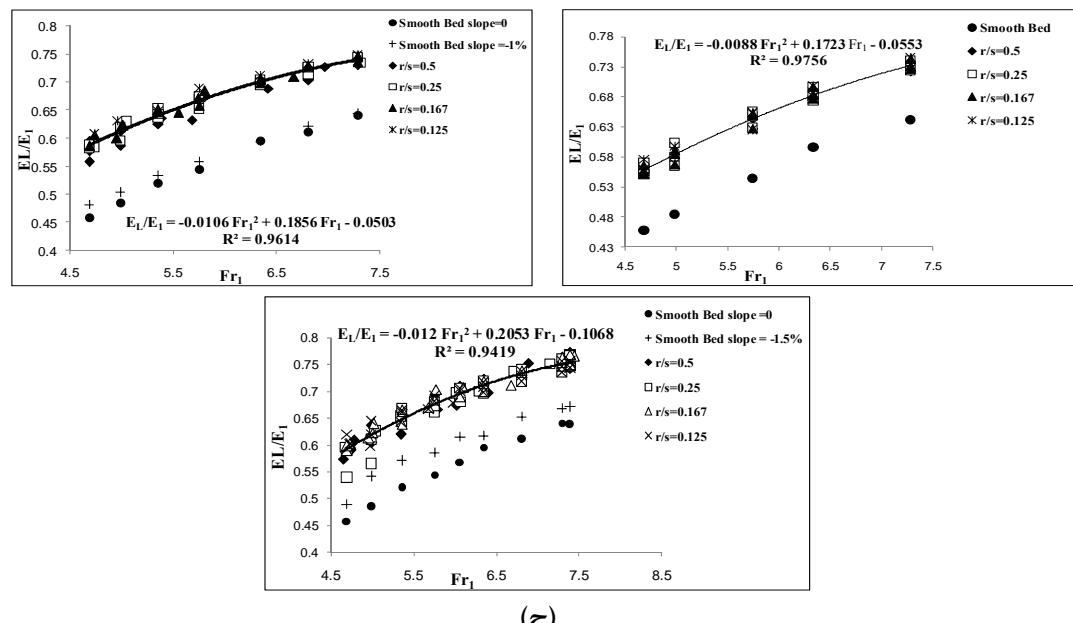
افت نسبی انرژی پرش هیدرولیکی از اختلاف انرژی مخصوص ابتدا و انتهای پرش محاسبه شد. در شکل (۷-الف)، (۷-ب) و (۷-ج) مقادیر افت نسبی انرژی در برابر اعداد فرود اولیه به ترتیب برای شیب صفر، معکوس  $1$  درصد و معکوس  $5$  درصد با مقادیر افت انرژی نسبی

$$G = \frac{E L_2 - E L_2^*}{E L_2^*} \quad (12)$$

در این رابطه  $E L_2$  و  $E L_2^*$  به ترتیب افت انرژی پرش در بستر صاف افقی و بستر زبر در عمق اولیه و عدد فرود یکسان می‌باشند. بررسی نتایج نشان می‌دهد که با افزایش عدد فرود درصد افزایش افت انرژی کاهش می‌باید. این روند می‌تواند ناشی از افزایش سرعت و عبور جریان از روی تاج زبری‌ها امکان ایجاد گرداب‌های بزرگتر کم شده و لذا با افزایش عدد فرود تأثیر زبری کم می‌شود. بررسی نتایج نشان می‌دهد که با افزایش عدد فرود درصد افزایش افت انرژی کاهش می‌باید. این روند می‌تواند ناشی از این باشد که با افزایش سرعت، جریان آب از روی تاج زبری‌ها سریع‌تر عبور کرده و امکان ایجاد گرداب‌های بزرگ کمتر شده و لذا با افزایش عدد فرود تأثیر زبری نیز کمتر می‌شود.

#### تشویش بستر

ضریب نیروی پرشی  $E$  در بستر صاف و زبر با استفاده از رابطه ارائه شده توسط راجارتانام به صورت زیر قابل محاسبه است (۷):



شکل ۷- تغییرات افت انرژی نسبی پرش به ازای اعداد فرود اولیه برای مقادیر مختلف  $r/s$

افت انرژی در شیب افقی  $1/8/1$  درصد و در شیب معکوس  $1/5$  درصد،  $23$  درصد نسبت به پرش کلاسیک افزایش می‌باید. روابط (۹) تا (۱۱) روند تغییرات بین افت نسبی انرژی پرش با اعداد فرود اولیه با استفاده از رگرسیون غیر خطی و ضرایب تبیین با توجه به شکل‌های زیر به شرح زیر می‌باشند:

- در شیب صفر

$$\frac{E_L}{E_1} = 0.0088 Fr_1^2 + 0.1723 Fr_1 - 0.0553 \quad (9)$$

$$R^2 = 0.9756$$

- در شیب  $1/5$  درصد

$$\frac{E_L}{E_1} = 0.0106 Fr_1^2 + 0.1856 Fr_1 - 0.0503 \quad (10)$$

$$R^2 = 0.9614$$

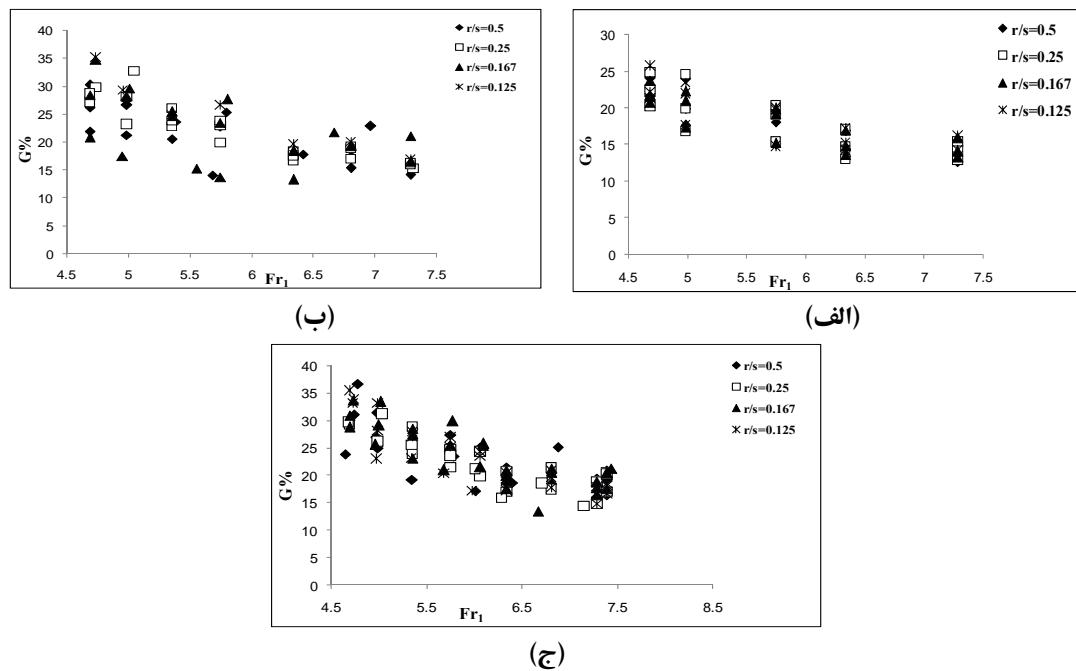
- در شیب  $1/8/1$  درصد

$$\frac{E_L}{E_1} = 0.012 Fr_1^2 + 0.2053 Fr_1 - 0.1068 \quad (11)$$

$$R^2 = 0.9419$$

#### درصد افزایش افت انرژی پرش هیدرولیکی (%)

درصد افزایش افت انرژی پرش در بستر زبر نسبت به بستر صاف با استفاده از رابطه (۱۲) ارائه شده توسط توکیای (۱۵) محاسبه شد و نتایج به صورت شکل (۸-الف)، (۸-ب) و (۸-ج) به ترتیب برای شیب افقی، معکوس  $1/5$  درصد و معکوس  $1/8/1$  درصد ارائه شده‌اند.

شکل ۸- تغییرات درصد افزایش افت انرژی پرش به ازای اعداد فرود اولیه برای مقادیر مختلف  $r/s$ 

صف، در بستر زبر روی شب معکوس ۱ درصد ۱۵ برابر بستر صاف افقی و در بستر زبر روی شب معکوس ۱/۵ درصد ۱۶ برابر بستر صاف به دست آمد. با استفاده از رگرسیون غیرخطی روند تغییرات ضریب تنش برشی بستر با اعداد فرود اولیه به صورت روابط (۱۵) تا (۷) با توجه به شکل‌های (۹-الف) تا (۹-ج) به شرح زیر استخراج گردید:

- در شب صفر

$$\varepsilon = 1.8761Fr_1^2 - 9.9052Fr_1 + 17.709 \quad (۱۵)$$

$$R^2 = 0.9678$$

- در شب ۱ درصد-

$$\varepsilon = 1.2465Fr_1^2 - 2.2408Fr_1 - 1.2281 \quad (۱۶)$$

$$R^2 = 0.9708$$

- در شب ۱/۵ درصد-

$$\varepsilon = 1.2668Fr_1^2 - 1.1974Fr_1 - 0.1344 \quad (۱۷)$$

$$R^2 = 0.961$$

مقایسه بین نتایج به دست آمده ضریب تنش برشی بستر در این تحقیق با نتایج سایر محققین در شکل (۱۰) نشان داده شده است، به طوری که در شکل دیده می‌شود، ضریب تنش برشی بستر در حالت پرش بر روی بستر زبر با شب معکوس ۱/۵ درصد در این تحقیق بیشتر از نتایج به دست آمده توسط سایر محققین می‌باشد.

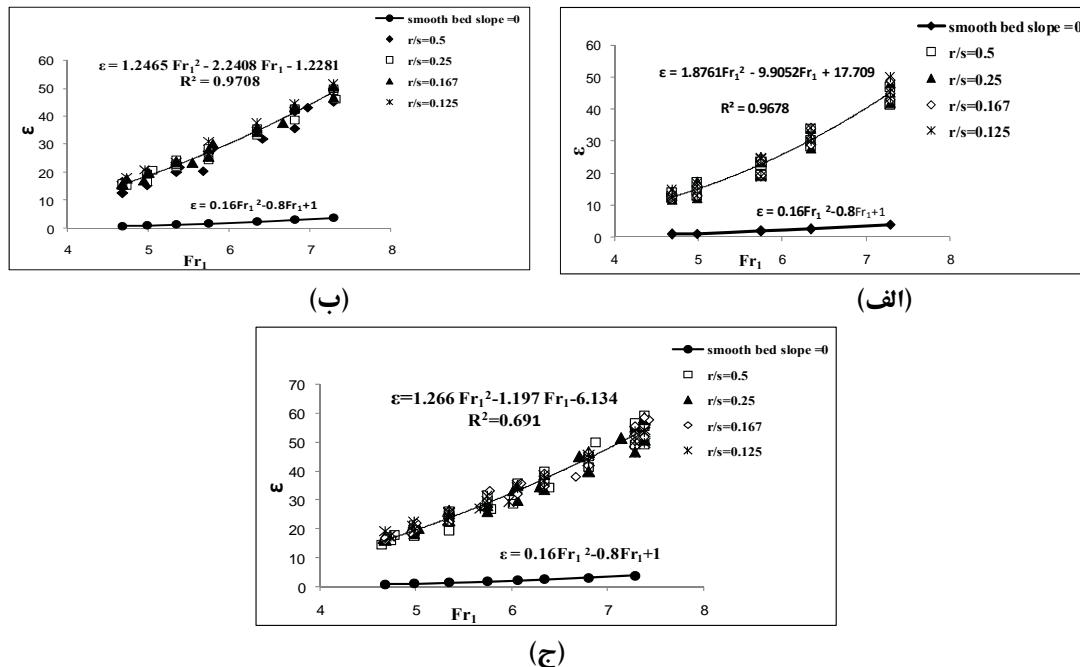
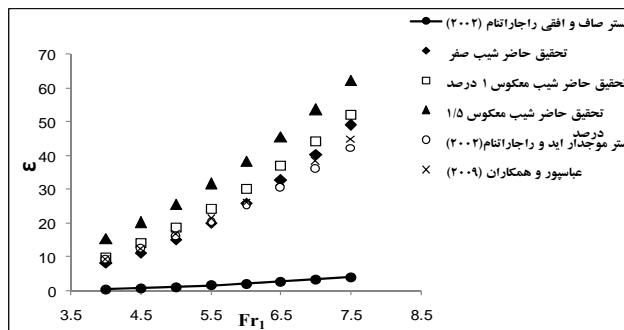
$$\varepsilon = \frac{F_\tau}{\gamma y_1^2 / 2} \quad (۱۳)$$

در این تحقیق تنش برشی بستر زبر افقی با استفاده از رابطه (۱۳) و برای بستر صاف افقی از رابطه (۱۴) با تجزیه تحلیل داده‌های آزمایشگاهی محاسبه شده است:

$$\varepsilon = 0.16Fr_1^2 - 0.8Fr_1 + 1 \quad (۱۴)$$

برای محاسبه تنش برشی بستر زبر روی شب معکوس نیز از رابطه (۱۳) استفاده شد. لازم به ذکر است که در معادله اندازه حرکت برای تعیین  $F_\tau$  پارامتر وزن آب روی شب به معادله اضافه گردید. جهت محاسبه وزن آب بر روی شب معکوس از پروفیل سطح آب استفاده گردید که با محاسبه مساحت زیر سطح آب پرش هیدرولیکی با استفاده از نرم افزار اتوکد حجم آب محاسبه و با ضرب کردن این مقدار در وزن مخصوص آن وزن آب بر روی شب معکوس به دست آمد. از آنجایی که محیط پرش هیدرولیکی به دلیل اختلال آب و هوا محیط دو فازی می‌باشد بهمنظور سادگی محاسبات محیط تک فازی منظور گردید.

تغییرات ضریب تنش برشی بستر به ازای اعداد فرود اولیه برای همه آزمایش‌ها به همراه نتایج پرش روی بستر صاف افقی در شکل (۹-الف)، (۹-ب) و (۹-ج) به ترتیب در شب افقی و معکوس ۱/۵ درصد نشان داده شده است. بهطور کلی ضریب تنش برشی بستر با افزایش عدد فرود در هر دو بستر صاف و زبر افزایش می‌یابد. مقدار متوسط ضریب تنش برشی بستر در حالت بستر زبر افقی ۱۳ برابر با

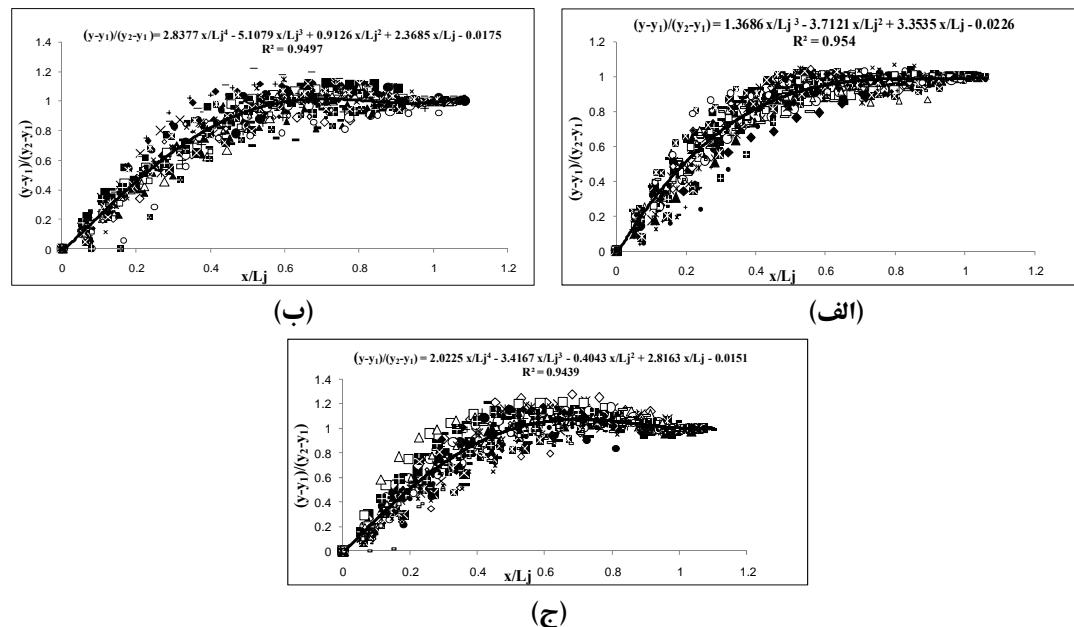
شکل ۹- مقایسه تغییرات ضریب تنش برشی بستر به ازای اعداد فرود اولیه برای مقادیر مختلف  $r/s$ 

شکل ۱۰- مقایسه تغییرات ضریب تنش برشی بستر به ازای اعداد فرود اولیه تحقیق حاضر با نتایج سایر محققین

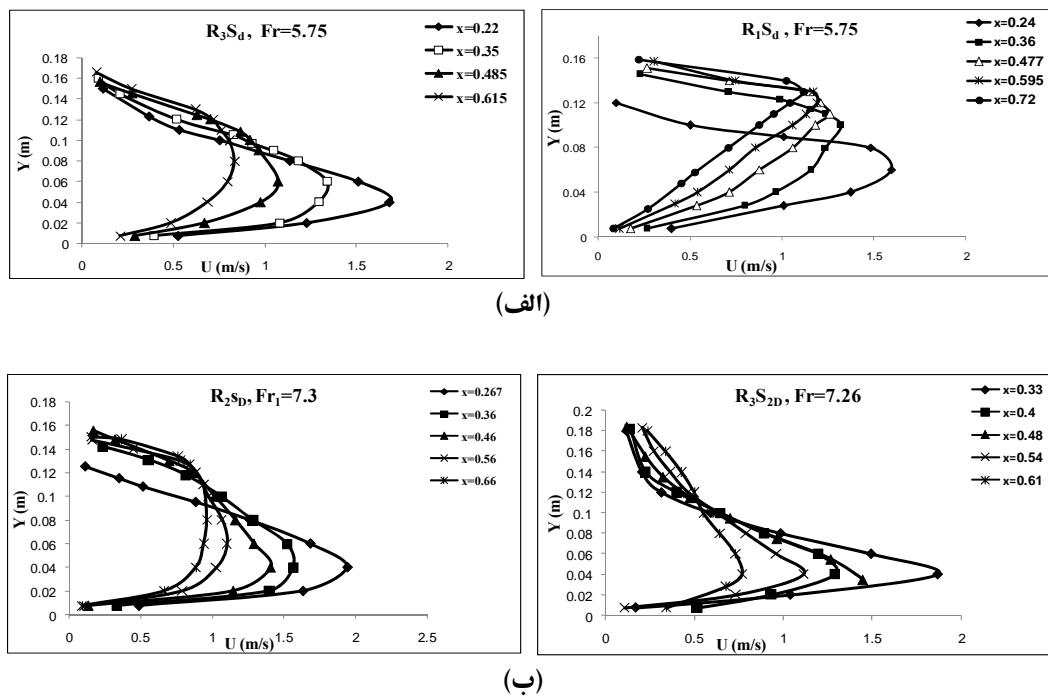
(۱۲-الف) و (۱۲-ب) به ترتیب پروفیل‌های برداشت شده برای شبی افقی و معکوس یک درصد نشان داده شده است. همانطور که مشاهده می‌شود با افزایش فاصله از ابتدای پرش (x) سرعت حد اکثر کاهش می‌یابد.

**پروفیل‌های سطح آب**  
پروفیل‌های سطح آب با استفاده از تصاویر ثبت شده از سطح جریان پرش هیدرولیکی، برای همه آزمایش‌ها به دست آمد. با رسم مقادیر بی بعد  $\frac{y}{y_1} \cdot \frac{y_1}{y_2}$  در مقابل  $\frac{x}{L_j}$ ، پروفیل بی بعد سطح پرش هیدرولیکی به دست آمد. پروفیل بی بعد سطح آب برای همه بسترها زیر در شکل‌های (۱۱-الف)، (۱۱-ب) و (۱۱-ج) به ترتیب در شبی بستر افقی، معکوس یک و ۱/۵ درصد ترسیم و برای هریک، منحنی متوسطی برآذش داده شد.

**پروفیل‌های سرعت**  
پروفیل سرعت برای هر بستر زیر در دو عدد فرود در شبی صفر و شبی معکوس ۱ درصد در طول پرش هیدرولیکی، از محل اتصال زبری‌ها به بستر تا سطح آب، اندازه‌گیری گردید. در شکل



شکل ۱۱- پروفیل‌های بی بعد سطح آب برای همه بسترهای ذیر



شکل ۱۲- پروفیل‌های سرعت پوشیدنیکی بر روی بستر ذیر

بستر صاف و افقی در شرایط عمق اولیه و عدد فرود معین کاهش می‌یابد. افزایش فاصله بین زبری‌ها نسبت به افزایش ارتفاع زبری‌ها تاثیر کاهشی کمتری داشته به طوریکه با افزایش

### نتیجه‌گیری

- عمق مزدوج نسبی برای محدوده اعداد فرود اولیه ۴/۶ تا ۷/۴ در بستر ذیر بر روی شبکه افقی حداکثر ۵/۳۳ درصد و بر روی شبکه معکوس ۱/۵ درصد حداکثر ۴۴ درصد نسبت به پوش بر روی

- ۵- پروفیل سطح آب برای همه آزمایش‌های انجام شده در شیب‌های مختلف توسط منحنی متوسطی برازش داده شد.
- ۶- پروفیل‌های سرعت برای آزمایش‌های روی شیب صفر و معکوس یک درصد برای دو عدد فروض اندازه گیری گردید. تغییرات پروفیل‌های سرعت نشان داد که با افزایش فاصله از ابتدای پرش لایه مرزی رشد نموده و سرعت حداقل کاهش می‌یابد.

### سپاسگزاری

این مقاله مستخرج از گزارش نهایی پایان نامه کارشناسی ارشد به شماره ۱۳۹۰-۸ مورخ ۱۳۹۰/۶/۱۶ می‌باشد که از محل اعتبارات پژوهشی دانشگاه تبریز اجرا شده است. از حمایت مالی دانشگاه تبریز تشکر می‌گردد.

فاصله تنها به طور متوسط یک درصد و با افزایش ارتفاع هشت درصد تغییر می‌کند.

۲- افت انرژی پرش در بستر زبر بر روی شیب افقی و معکوس ۱/۵ درصد حداقل ۲۵ درصد و ۳/۷ درصد نسبت به پرش بر روی بستر صاف و افقی در شرایط عمق اولیه و عدد فروض معین افزایش می‌یابد.

۳- ضریب تنش برشی بستر در بستر زبر با افزایش شیب معکوس افزایش می‌یابد. در شیب افقی به طور متوسط ۱۳ برابر و در شیب معکوس ۱/۵ درصد ۱۶/۴ برابر بستر صاف و افقی به دست آمد.

۴- از جمله دلایل اصلی کاهش عمق ثانویه و افزایش افت انرژی در پرش‌های تشکیل شده روی بسترها زبر با شیب معکوس، تأثیر جهت عکس مؤلفه نیروی وزن و افزایش نیروی برشی ناشی از زبری‌ها در بستر پرش می‌یابد.

### منابع

- ابریشمی، ج. و س. م. حسینی. ۱۳۸۷. هیدرولیک کانال‌های روباز، انتشارات آستان قدس رضوی، چاپ نوزدهم، ۶۱۳ صفحه.
- شفاعی بجستان، م. و ک. نیسی. ۱۳۸۸. بررسی عمق مزدوج پرش هیدرولیکی تحت تأثیر اجزای زبر کف. مجله دانش آب و خاک، جلد نهم، شماره یک، صفحات: ۱۶۵-۱۷۶.
- Abbaspour, A., Hosseinzadeh Dalir, A., Farsadizadeh, D., and A. A. Sadraddini. 2009. Effect of sinusoidal corrugated bed on hydraulic jump characteristics. Journal of Hydro-environment Research, 3: 109-117.
- Abrishami, J. and M. Saneie. 1994. Hydraulic jump in adverse basin slopes. International Journal of Water Research Engineering, 21: 51-63.
- Beirami, M. K. and M. R. Chamani. 2006. Hydraulic jumps in sloping channels: Sequent depth ratio. Journal of Hydraulic Engineering, ASCE, 132(10): 1051-1068.
- Carollo, F. G., Ferro, V. and V. pampalone. 2007. Hydraulic jumps on rough beds. Journal of Hydraulic Engineering, ASCE, 133: 989-999.
- Ead, S. A. and N. Rajaratnam. 2002. Hydraulic jump on corrugated bed. Journal of Hydraulic Engineering, ASCE, 128(7): 656-663.
- Gohari, A. and J. Farhoudi. 2009. The characteristics of hydraulic jump on rough bed stilling basins. 33rd IAHR Congress, Water Engineering for a Sustainable Environment, Vancouver, British Columbia, August 9-14.
- Ibrahim, H. E., and S. Shazy. 2010. Formation of hydraulic properties over a rough bed. Journal of Civil and Environmental Engineering, IJCEE-IJENS, 1(10): 40-50.
- Izadjoo, F. and M. Shafai-Bejestan. 2007. Corrugated bed hydraulic jump stilling basin. Journal of Applied Science, 7: 1164-1169.
- Khadar, M. H. A., and S. Rajagopal. 1972. Hydraulic jump in adverse channel slopes. Journal of Irrigation. Pwr. India, 29: 77- 82.
- Mc Corquodale, J. A. and M. S. Mohamed. 1994. Hydraulic jump on adverse slopes. Journal of Hydraulic Research, 31(1): 119-130.

- 13- Mohammad Ali, H. S. 1991. Effect of roughened-bed stilling basin on length of rectangular hydraulic jumps. *Journal of Hydraulic Engineering, ASCE*, 117(1): 83-93.
- 14- Nikmehr, S. and A. Tabebordbar. 2009. Hydraulic jumps on adverse slope in two cases of rough and smooth bed. *Research Journal of Applied Sciences, Engineering and Technology*, 2(1): 19-22.
- 15- Tokyay, N. D. 2005. Effect of channel bed corrugations on hydraulic jumps. *Global Climate Change Conference, EWRI*, May 15-19, Anchorage, Alaska, USA, Doi: 1.1061/40792(173)408, pp.408-416.