

## شبیه‌سازی عددی سه بعدی پارامترهای هیدرودینامیکی اطراف پایه استوانه‌ای با استفاده از مدل‌های آشفتگی مختلف

نازیلا کاردان<sup>۱\*</sup>، حبیب حکیم زاده<sup>۲</sup> و یوسف حسن زاده<sup>۳</sup>

<sup>۱</sup>- نویسنده مسئول، دانشجوی دکتری مهندسی عمران، سازه‌های هیدرولیکی، دانشگاه تبریز، [n.kardan@azaruniv.edu](mailto:n.kardan@azaruniv.edu)

<sup>۲</sup>- دانشیار دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه صنعتی سهند

<sup>۳</sup>- استاد گروه مهندسی آب، دانشکده عمران، دانشگاه تبریز

تاریخ دریافت: ۹۱/۱۰/۲ تاریخ پذیرش: ۹۲/۱۰/۱۷

---

### چکیده

در پژوهش حاضر جریان در ناحیه دنباله پایه‌های پل با مقطع دایره‌ای به صورت عددی تحلیل گردیده است. برای شبیه‌سازی عددی از نرم افزار فلوئنت استفاده و نتایج به دست آمده با نتایج تجربی و عددی سایر پژوهشگران صحبت‌سنجدی شد. برای بررسی درستی نتایج عددی خطوط جریان پیرامون پایه، عدد استروهال و ضریب دراگ به دست آمده با مقادیر تجربی و عددی موجود مقایسه گردیدند. برای اعمال اثر آشفتگی جریان، سه مدل ویسکوزیته گردابی، تنش رینولدز و مدل شبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ استفاده و منحنی سرعت جریان قبل از پایه، ناحیه دنباله جریان، زاویه جدایش جریان، نحوه انتشار و استهلاک گردابه‌ها در ناحیه پایین دست پایه‌های استوانه‌ای و نیز توزیع تنش‌های برشی پیرامون پایه برای سه مدل فوق بررسی گردید. بررسی نتایج عددی نشان داد مدل تنش رینولدز در شبیه‌سازی و مدل نمودن آشفتگی‌های جریان از دقت بالایی برخوردار است.

**کلید واژه‌ها:** پایه پل، شبیه‌سازی عددی، مدل آشفتگی، گردابه‌های برخاستی، تنش برشی.

### 3D Numerical Simulation of Hydrodynamic Parameters around the Bridge Piers Using Various Turbulence Models

N. Kardan<sup>1</sup>, H. Hakim zadeh<sup>2</sup>, Y. Hassan zadeh<sup>3</sup>

1- PhD Student of Civil Engineering, Faculty of Civil Eng., University of Tabriz, Iran

2- Associate Prof., Faculty of Civil Eng, Sahand University of Technology, Tabriz Iran

3- Professors, Faculty of Civil Engineering, University of Tabriz, Iran

Received: 22 Dec. 2012 Accepted: 7 Jan. 2014

---

### Abstract

In present study, the near-wake flow around the bridge piers of a circular section has been numerically analyzed. Numerical simulation was carried out using Fluent, and the numerical results were verified by the different researchers' experimental and numerical data. In order to consider the accuracy of numerical results, the flow pattern around the pier, the Strouhal number and the drag coefficient, obtained with Fluent, have been compared with available numerical and experimental data. Also, three turbulent models,  $\kappa - \varepsilon$ , RSM, and LES, were used to apply the flow turbulence effects and the hydrodynamic parameters, the near-wake flow, the flow separation angle, shedding of the vortices at downstream of the cylindrical piers, and the distribution of the bed shear stress around the pier, have been investigated for three turbulent models. The numerical results show that RSM

turbulent model is an accurate model for simulating and modeling the turbulence effects of these kinds of the flows.

**Keywords:** Bridge piers, Numerical simulation, Turbulence model, Vortices shedding, Shear stress.

## مقدمه

تحقیق برای مدل سازی آشفتگی جریان از مدل شبیه سازی گردابه های بزرگ استفاده شده است. لین و همکاران<sup>۷</sup> (۱۹۹۵) به صورت تجربی و با LDV به مطالعه جریان ناحیه دنباله پایه های مربی با عدد رینولذ ۲۱۴۰۰ پرداخته و ویژگی های جدایشی جریان در این ناحیه را با ناحیه دنباله پایه های با مقطع دایره ای مقایسه نمودند. در این پژوهش، خطوط جریان، ویژگی های گردابه ها و نحوه رشد و انتشار آن ها مورد مطالعه قرار گرفته است. همچنین رودی<sup>۸</sup> (۱۹۹۷) به صورت سه بعدی به مطالعه جریان عبوری از اطراف پایه های مربی شکل پرداخته است. در پژوهشی دیگر جریان حول استوانه مربی در تونل باد و با استفاده از سنجش گرسیم داغ<sup>۹</sup> توسط سها و همکاران<sup>۹</sup> (۲۰۰۰) به صورت دو بعدی مورد بررسی قرار گرفته است. در این پژوهش منحنی سرعت متوسط و سرعت نوسانی در دو راستای جریان و عمود بر آن ارائه شده اند. گری گوریادس و همکاران<sup>۱۰</sup> (۲۰۰۳) بصورت عددی و با استفاده از مدل آشفتگی<sup>۱۱</sup> شبیه سازی گردابه های بزرگ، جریان پیرامون پایه استوانه ای با مقطع مربی در عدد رینولذ ۲۲۰۰۰ را بررسی و نتایج حاصله را با نتایج تجربی مقایسه نمودند. صلاح الدین و همکاران<sup>۱۲</sup> (۲۰۰۴) به صورت عددی و با استفاده از دو مدل آشفتگی ویسکوزیته گردابی<sup>۱۳</sup> و تنش رینولذ<sup>۱۴</sup>، منحنی سرعت در عمق جریان، تغییرات سطح آزاد آب، الگوی جریان و نیز توزیع تنش های برشی بحرانی را در پیرامون پایه به دست آورده و با نتایج آزمایشگاهی ملویل<sup>۱۵</sup> (۱۹۷۵) مقایسه نمودند. ایشان نشان دادند مدل تنش رینولذ در مقایسه با مدل ویسکوزیته گردابی توزیع دقیق تری از تنش های برشی ارائه می دهد. او کاجیما<sup>۱۶</sup> (۲۰۰۶) ناحیه دنباله پایه استوانه ای با مقطع مربی را در بازه وسیعی از اعداد رینولذ به طور تجربی بررسی نمود. شادآرام و همکاران<sup>۱۷</sup> (۱۳۸۶) به صورت دو بعدی و با استفاده از روش سرعت سنج سیم داغ به مطالعه ناحیه دنباله نزدیک در پایین دست پایه استوانه ای چهار گوش پرداختند. نتایج این

قرارگیری سازه هی پل ها در مسیر جریان های رودخانه ای، همواره مستلزم تعییه پایه هایی در این مناطق می باشد که عمل آین پایه ها در معرض انواع جریان های رودخانه ای و به دنبال آن آن آشیستگی قرار خواهد داشت. آشیستگی پتانسیل تهدید پایه های پل را دارا بوده و نهایتاً با نامعین کردن آن ها موجب شکست پل ها می گردد، از این رو طراحی آن ها از اهمیت خاصی برخوردار است. در سال های اخیر تلاش های بسیاری برای شبیه سازی عددی جریان اطراف پایه های پل انجام گرفته است که این مطالعات به خصوص بر روی الگوی جریان و تنش برشی بستر متتمرکز بوده است. عبور جریان از اطراف اجسام واقع شده در میدان جریان، موجب تغییر در الگوی جریان پیرامون آن ها می گردد. جدایش جریان از مز پایه ها موجب ایجاد گردابه هایی در پشت پایه می گردد که این گردابه ها در اعداد رینولذ بالا حالتی ناپایدار داشته و به تناب از وجہی به وجه دیگر پایه حرکت می کنند. این گردابه ها پس از آنکه به اندازه کافی رشد کردن دست پایین دست پایه حرکت کرده و در فاصله ای معین از پایه مستهلک می گردد.

ملویل<sup>۱۶</sup> (۱۹۷۵) به صورت تجربی ناحیه گستردگی تنش های برشی بحرانی را در پیرامون پایه های پل استوانه ای با مقطع دایره ای استخراج نمود. مراحل تشکیل، رشد و استهلاک این گردابه ها در اطراف پایه های پل، بصورت عددی و تجربی توسط محققین مختلفی انجام گرفته است. در پژوهشی که توسط کانتل و کول<sup>۱۷</sup> (۱۹۸۳) صورت پذیرفت جریان حول استوانه دایره ای در تونل باد و با استفاده از سنجش گرسیم داغ مورد بررسی قرار گرفته است. در این تحقیق نشان داده شده است که توبولوژی مقطع و درصد انتشار آشفتگی جریان با هم مرتبط می باشند. دوران و همکاران<sup>۱۸</sup> (۱۹۸۸) فرایند تولید گردابه ها در پایین دست پایه های استوانه ای با مقطع مربی را در کanal آب مطالعه نمودند. فرانک و همکاران<sup>۱۹</sup> (۱۹۹۳) انتشار گردابه در پشت پایه های مربی و دایره ای شکل را مورد بررسی قرار دادند. عدد رینولذ جریان در این بررسی در دو محدوده کوچک تر از ۵۰۰ و کوچک تر از ۳۰۰ انتخاب گردیده و برای صحبت سنجی نتایج، عدد استروهال و ضریب دراگ با مقادیر مذکور آزمایشگاهی مقایسه گردیده اند. رودی<sup>۲۰</sup> (۱۹۹۳) به بررسی تشکیل گردابه ها در ناحیه دنباله پایه های دایره ای، مربی و مثلثی شکل پرداخت. در این

6- Large Eddy Simulation (LES)

7- Lyn *et al.*

8- Hot Wire Anemometry

9- Saha *et al.*

10- Grigoriadis *et al.*

11- Turbulence Model

12- Salaheldin *et al.*

13-  $k - \epsilon$  Model

14- RSM Model

15- Okajima

1- Melville

2- Cantwell and Coles

3- Durao *et al.*

4- Frank *et al.*

5- Rodi

با جایگذاری کمیت‌های لحظه‌ای در معادله‌های (۱) و (۲) و متوسط‌گیری زمانی از طرفین معادله، روابط فوق به صورت زیر بازنویسی می‌شوند:

$$\begin{aligned} \frac{\partial \bar{\rho}}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x_i} (\bar{\rho} \bar{u}_i) &= 0 \\ \left( \frac{\partial \bar{u}_i}{\partial t} + \bar{u}_j \frac{\partial \bar{u}_i}{\partial x_j} + \right) &= \bar{B}_i - \frac{\partial \bar{p}}{\partial x_i} + \frac{\partial}{\partial x_j} \left( \mu \frac{\partial \bar{u}_i}{\partial x_j} - \rho \bar{u}_i' \bar{u}_j' \right) \end{aligned} \quad (۴)$$

به عبارتی برای جریان‌های آشفته تغییری در معادله پیوستگی ایجاد نمی‌گردد. تنها تفاوت معادله مومنتم حاصله با معادله مومنتم جریان‌های آرام، اضافه شدن  $\rho \bar{u}_i' \bar{u}_j'$  می‌باشد که اصطلاحاً تنش آشفتگی یا تنش رینولدز نامیده می‌گردد (لاندر و اسپالدینگ<sup>۱</sup>، ۱۹۷۴).

### مدل‌های آشفتگی

تاکنون مدل‌های آشفتگی مختلفی ارائه شده‌اند که هر یک برای رژیم‌های خاص جریان و در ناحیه‌ی خاص از میدان جریان معتبر و دقیق می‌باشند. هدف نهایی تمامی مدل‌های آشفتگی، محاسبه اندازه تنش رینولدز  $\rho \bar{u}_i' \bar{u}_j'$  در نقاط مختلف جریان می‌باشد. این مدل‌ها به طور عموم شامل مدل ویسکوزیته گردابی، مدل تنش رینولدز و مدل شبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ می‌باشند که در ادامه به اختصار به بیان ویژگی‌های هر کدام پرداخته می‌شود.

روابط اساسی حاکم بر ویسکوزیته گردابی، از یک پارامتر ویسکوزیته آشفتگی ( $\mu_t$ ) برای بیان ارتباط بین تنش‌های رینولدز موجود در معادله‌های RANS و گردابیان‌های موجود در میدان جریان متوسط استفاده می‌کند. از سویی دیگر این مدل‌ها نیاز به محاسبه ویسکوزیته گردابی دارند. به طور کلی می‌توان مدل‌های ویسکوزیته گردابی را به سه دسته مدل‌های صفر معادله‌ای، یک معادله‌ای و دو معادله‌ای تقسیم نمود. در میان سه مدل فوق، مدل‌های دو معادله‌ای کامل‌ترین مدل آشفتگی به شمار می‌روند (لاندر و اسپالدینگ، ۱۹۷۴). برخلاف مدل‌های ویسکوزیته گردابی، در مدل تنش رینولدز برای محاسبه هر یک از عبارت‌های تنش رینولدز از یک معادله انتقالی کمک گرفته می‌شود. همچنین برای تعیین طول مقیاس، علاوه بر معادله‌های فوق نیاز به حل یک معادله انتقالی اضافی دیگر نیز می‌باشد که این موضوع بر پیچیدگی مدل تنش رینولدز می‌افزاید.

تحقیق نشان داد شدت آشفتگی در دنباله جریان با افزایش سمت پهنا به ارتفاع استوانه کاهش یافته و نیز در اعداد رینولدز بالا، عدد استروهال تقریباً ثابت باقی می‌ماند.

با توجه به اهمیت نیروهای هیدرودینامیکی واردہ بر اجسام واقع در میدان جریان‌های نوسانی، در مقاله حاضر سعی گردیده است تا الگوی جریان پیرامون پایه‌های پل استوانه‌ای به صورت سه بعدی مورد بررسی قرار گیرد. در بخش اول از پژوهش، تغییرات سطح آزاد آب، منحنی‌های سرعت، ناحیه دنباله پایه و نوسانات متنابض گردابه‌ها، با استفاده از سه مدل آشفتگی، تحلیل و مقایسه گردیده است. همچنین نظر به اهمیت بررسی فرسایش بستر پیرامون پایه‌های پل، که متأثر از مقدار تنش برشی و نوسانات آن می‌باشد، در ادامه به بررسی نحوه تغییرات تنش برشی در فازهای مختلف نوسان پرداخته شده است. بدین منظور نرم افزار عددی فلوئنت با سه مدل آشفتگی ویسکوزیته گردابی، تنش رینولدز و شبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ برای شبیه‌سازی سه بعدی جریان مورد استفاده قرار گرفته است.

### معادله‌های حاکم بر جریان‌های آشفته

معادله‌های حاکم بر جریان‌های آرام، معادله‌های پیوستگی و سه معادله مومنتم در جهت محورهای سه گانه مختصات می‌باشند که به معادله‌های ناویراستوکس معروفند:

معادله پیوستگی

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x_i} (\rho u_i) = 0 \quad (۱)$$

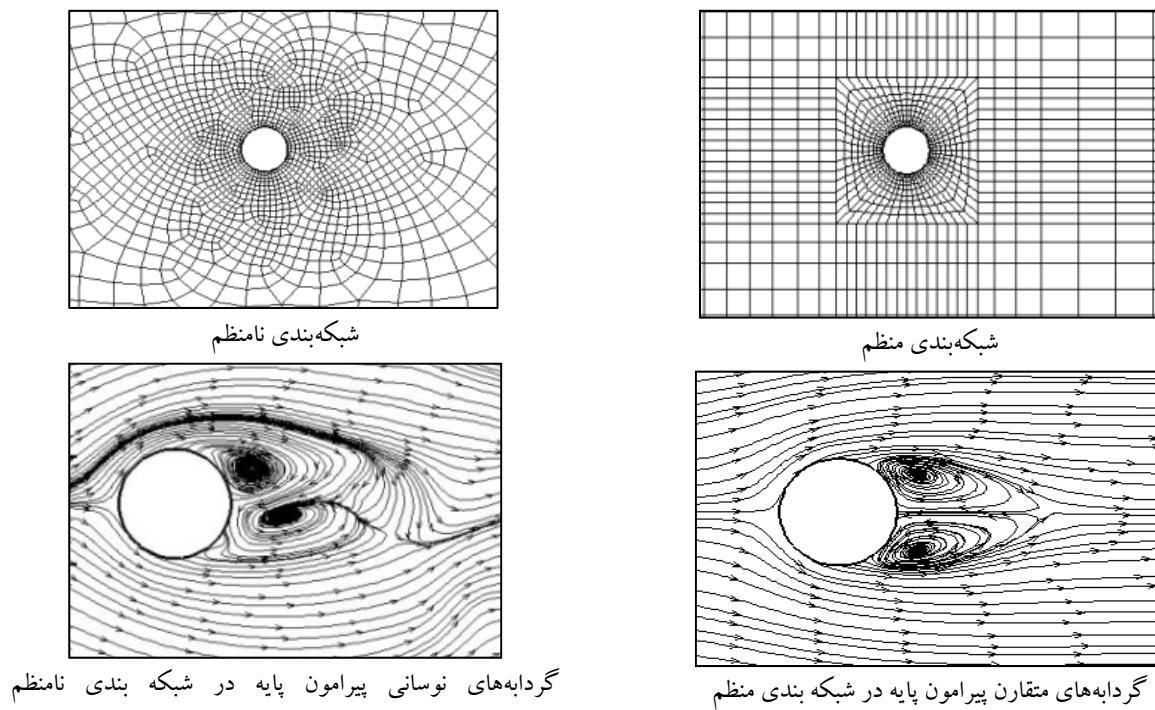
معادله مومنتم در راستای ۱

$$\rho \left( \frac{\partial u_i}{\partial t} + u_j \frac{\partial u_i}{\partial x_j} \right) = B_i - \frac{\partial p}{\partial x_i} + \mu \left( \frac{\partial^2 u_i}{\partial x_j \partial x_j} \right) \quad (۲)$$

در روابط فوق،  $\rho$ : چگالی سیال،  $u_i$ : مولفه سرعت جریان در راستای  $i$ ،  $B_i$ : نیروی حجمی واردہ در راستای  $i$ ،  $p$ : فشار کل و  $\mu$ : ویسکوزیته دینامیکی می‌باشد. روابط فوق برای جریان‌های آشفته نیز معتبر می‌باشند لیکن نوسانات لحظه‌ای کمیت‌های میدان جریان در هر لحظه باید مدل گردد. مقادیر لحظه‌ای کمیت‌های سرعت و فشار و یا هر کمیت دیگری مانند  $\phi$  به مقادیر متوسط و نوسانی تفکیک می‌گردد:

$$u_i = \bar{u}_i + u_i', \quad p_i = \bar{p}_i + p_i', \quad \phi_i = \bar{\phi}_i + \phi_i' \quad (۳)$$

1- Launder and Spalding



**شکل ۱- بررسی تأثیر نوع شبکه های میدان محاسباتی در تشکیل گردابه های ناحیه نزدیک پایه**

### صحت سنجی نتایج عددی مدل تجربی ملولی

در بررسی حاضر صحت سنجی نتایج عددی در دو بخش انجام گرفته است. در بخش اول از مطالعه تجربی ملولی (۱۹۷۵) برای بررسی و مقایسه مختصی های سرعت، تغییرات سطح آب، گسترش گردابه های پیرامون پایه و نیز جدایش جریان بهره گرفته شده است. با توجه به این مهم که در پژوهش تجربی ملولی به تغییرات تنفسی برشی بستر و نیز ناحیه گستردگی آن پرداخته نشده است، به منظور بسط و تکمیل مقایسه مدل های آشفتگی، مدل تجربی لین و همکاران (۱۹۹۵) مورد استفاده قرار گرفته است.

ملولی (۱۹۷۵) پژوهش های خود را در کanalی به طول ۶ متر، عرض ۰/۴۵۶ متر و ارتفاع ۰/۲۲۵ متر به عمق جریان ۰/۱۵ متر انجام داده است. در این پژوهش میانگین سرعت جریان ۰/۲۵ متر بر ثانیه و پایه دایره ای به قطر ۵/۱ سانتی متر می باشد. در مطالعه عددی حاضر پایه دایره ای در فاصله ۲ متر از ورودی کanal تعییه شده است تا در این فاصله، جریان قبل از رسیدن به پایه به حالت توسعه یافته رسیده باشد. برای تامین عمق جریان ۱۵ سانتی متری، سریزی به ارتفاع ۸/۵ سانتی متر در بخش انتهایی کanal تعییه گردیده است. برای انجام مدل سازی عددی با نرم افزار فلوئنت، نخست شبکه بندی

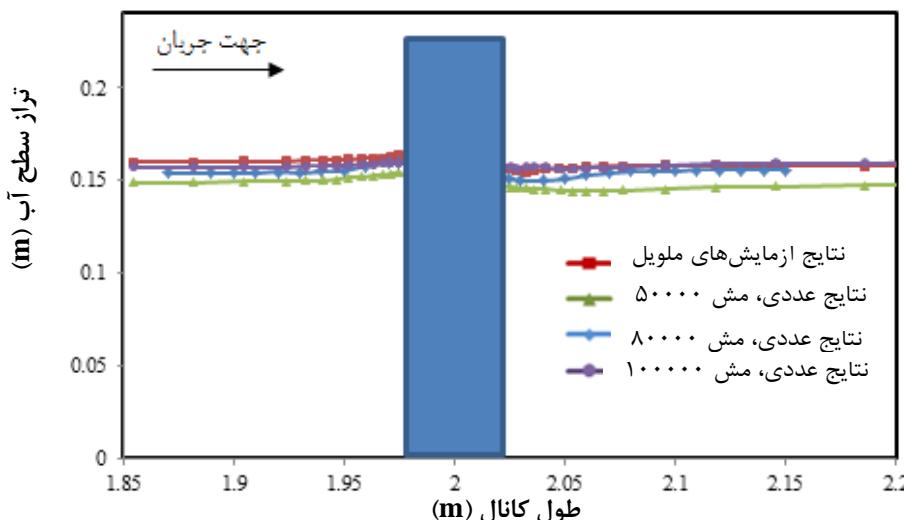
لیکن با وجود پیچیدگی، این مدل ها توصیف دقیق تری از آشفتگی را ارائه می دهند (لاندر و اسپالدینگ، ۱۹۷۴). در مدل آشفتگی شبیه سازی گردابه های بزرگ، معادله های ناویراستوکس سه بعدی متوضط گیری شده بصورت مکانی، توسط مدل عددی حل می گرددند. در جریان های آشفته با توجه به اندازه شبکه میدان محاسباتی، امکان شبیه سازی گردابه های کوچک وجود ندارد لذا تنها گردابه های بزرگ مدل سازی می گردند. برای اعمال اثر گردابه های کوچک، روش های مختلفی پیشنهاد گردیده است لیکن روش رایج استفاده از مدل مقیاس زیر شبکه<sup>۱</sup> می باشد.

### معرفی نرم افزار فلوئنت

نرم افزار فلوئنت یک مدل عددی مناسب برای حل مسائل پیچیده دینامیک سیالات می باشد و قادر است دامنه وسیعی از جریان سیالات را مدل کند. در این نرم افزار از روش عددی حجم سیال<sup>۲</sup> برای مدل سازی سطح آزاد استفاده شده و معادله های حاکم با استفاده از روش حجم محدود حل می گرددند.

1- Subgrid-Scale Model

2- Volume of Fraction (VOF)



شکل ۲- تغییرات سطح آزاد آب در اطراف پایه استوانه‌ای با مقطع دایره‌ای

جدول ۱- مقایسه تعداد شبکه میدان محاسباتی بر حسب مقادیر خطأ

تعداد شبکه	۱۰۰۰۰	۸۰۰۰۰	۵۰۰۰۰
کمترین خطای مربعات	۰/۰۱۷۱	۰/۰۱۷۳	۰/۰۲۱۶

سه راستای طول، عرض و ارتفاع کanal به ترتیب برابر  $۱۶ \times ۲۶ \times ۱۹۵$  خواهد بود.

## بحث و نتایج

### مقایسه منحنی‌های سرعت منحنی‌های سرعت جریان حاصله با استفاده از مدل آشفتگی ویسکوزیته گردابی

در مدل آشفتگی ویسکوزیته گردابی، با استفاده از سه مدل استاندارد، نرمال شده<sup>۳</sup> و صورت پذیر<sup>۴</sup> منحنی سرعت جریان در مقطع  $[x = -10r]$  از مرکز پایه بررسی شده است. در نرم افزار فلوئنت برای وابستگی بین سرعت و فشار، دو حل کننده مبتنی بر فشار و مبتنی بر چگالی مطرح است. در حل کننده مبتنی بر فشار، چهار روش متفاوت ترکیب سرعت-فشار در اختیار کاربر قرار داده می‌شود که این چهار روش عبارت از سیمپل<sup>۵</sup>، سیمپل<sup>۶</sup>، پیزو<sup>۷</sup> و کوپل<sup>۸</sup> می‌باشند. در پژوهش حاضر پس از بررسی‌های اولیه روش پیزو برای

میدان محاسباتی با استفاده از پیش پردازنده گامبیت<sup>۱</sup> انجام یافته و با توجه به تأثیر شبکه‌ها در نتایج خروجی، دو نوع شبکه‌بندی منظم و نامنظم مورد بررسی قرار گرفته است. مقایسه گردابه‌های پشت پایه در شکل (۱) نشان می‌دهد با توجه به آشفتگی زیاد جریان در عدد رینولدز ۸۰۰۰۰ شبکه‌بندی نامنظم نتایج مطلوب‌تری ارائه می‌دهد. در شبکه‌بندی نامنظم این گردابه‌ها نامتقارن بوده و حالتی نوسانی دارند. لذا شبکه‌بندی نامنظم برای سایر مدل‌ها نیز مورد استفاده قرار می‌گیرد.

برای بررسی تأثیر ابعاد شبکه، مدل سازی تغییرات سطح آزاد آب با استفاده از سه تعداد شبکه مختلف (۵۰۰۰۰، ۸۰۰۰۰ و ۱۰۰۰۰۰) انجام گرفته و نتایج حاصله با نتایج آزمایشگاهی مولیل (۱۹۷۵) مقایسه شده است. در شکل (۲) تأثیر تعداد شبکه بر تغییرات سطح آزاد آب نشان داده شده است. مقایسه نتایج بر حسب کمترین خطای مربعات<sup>۲</sup> در جدول (۱) ارائه شده است. نتایج نشان می‌دهد با ریزتر کردن شبکه تا یک اندازه مشخص، جواب‌ها تغییر یافته، اما پس از آن تغییر محسوسی حاصل نمی‌گردد. بنابراین تعداد شبکه مدل حدود ۸۰۰۰۰ انتخاب گردیده است. تعداد شبکه‌های میدان محاسباتی در

3- Renormalized Group (RNG)

4- Realizable

5- Simple

6- Simple c

7- PISO

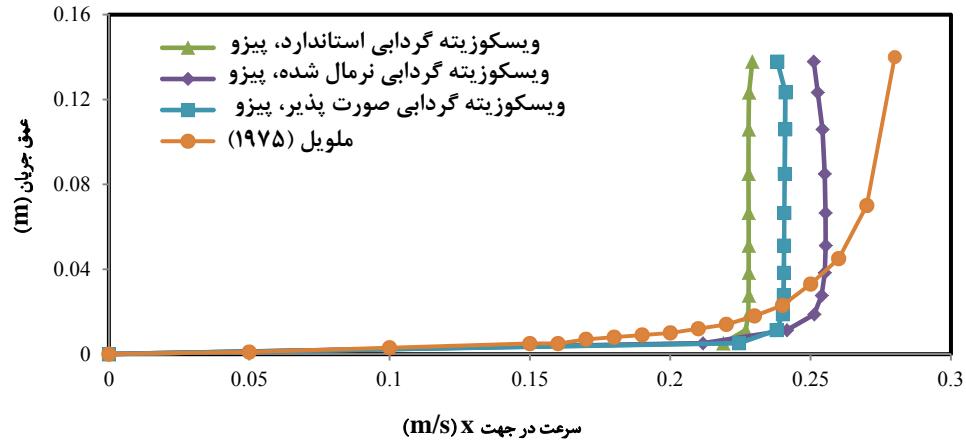
8- Coupled

1- Gambit

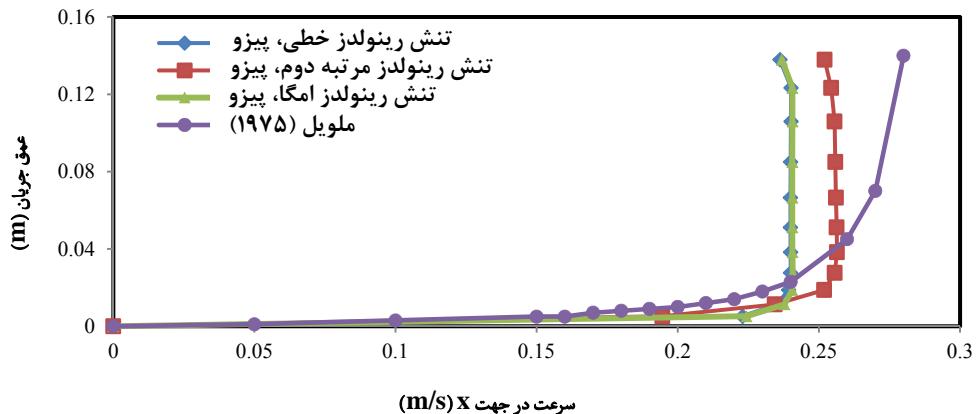
2- Root min square error (RMSE)

جدول ۲- مقایسه منحنی های سرعت با مدل آشفتگی ویسکوزیته گردابی بر حسب مقدار خطا

مدل آشفتگی	استاندارد	نرمال شده	صورت پذیر
کمترین خطای مربعات	۰/۱۰۵	۰/۰۶۵۱	۰/۰۷۷۱



شکل ۳- منحنی های سرعت جریان شبیه سازی شده با مدل آشفتگی ویسکوزیته گردابی و الگوریتم پیزو



شکل ۴- منحنی های سرعت جریان شبیه سازی شده با مدل آشفتگی تنش رینولذ و الگوریتم پیزو

مقایسه منحنی های سرعت با مدل آشفتگی تنش رینولذ برای مدل آشفتگی تنش رینولذ، سه مدل خطی<sup>۱</sup>، مرتبه دو<sup>۲</sup> و تنش رینولذ پایین امکا<sup>۳</sup> در ترکیب با پیزو مورد مطالعه قرار گرفته اند. شکل (۴) ترکیب سه مدل تنش رینولذی با الگوریتم پیزو را نشان می دهد.

ترکیب سرعت و فشار انتخاب گردیده و همراه با انواع مدل های آشفتگی مورد مطالعه قرار گرفته است. در شکل (۳) منحنی های سرعت، برای جریان شبیه سازی شده با مدل آشفتگی ویسکوزیته گردابی در ترکیب با الگوریتم پیزو ارائه شده است. جدول (۲) نیز مقایسه نتایج بر حسب کمترین خطای مربعات را نشان می دهد. مقایسه نتایج نشان می دهد مدل آشفتگی تنش رینولذ تطابق بیشتری با نتایج تجربی دارد.

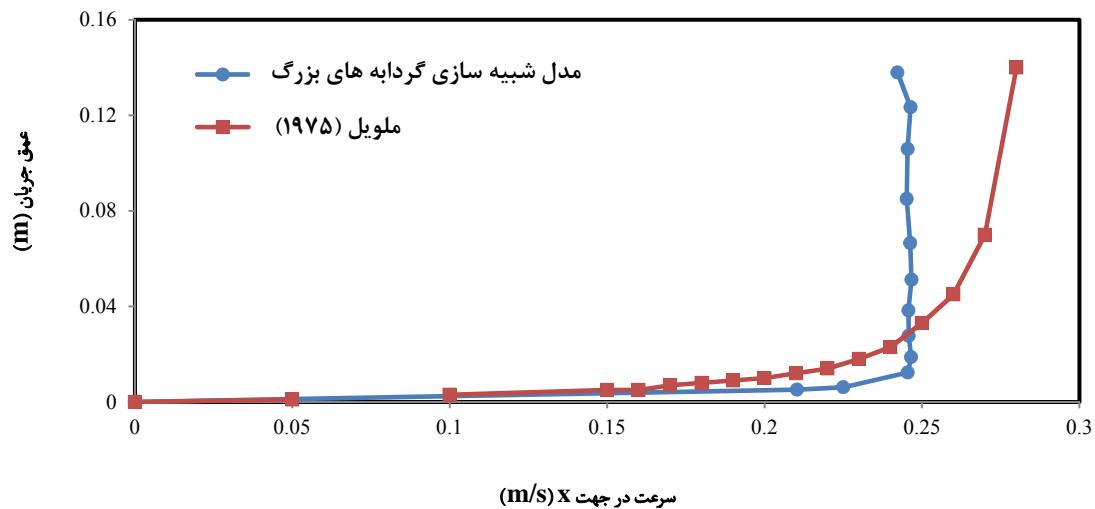
1- Linear  
2- Quadratic  
3- Low-Re Stress-Omega

**جدول ۳- مقایسه منحنی‌های سرعت با استفاده از مدل آشتفتگی تشن رینولدز**

مدل آشتفتگی	خطی	مرتبه دوم	تش رینولدز پایین امکا
کمترین خطای مربعات	۰/۰۷۸۳	۰/۰۴۲۶	۰/۰۷۸۱

**جدول ۴- نتایج تجربی و عددی پارامترهای St و  $C_d$  برای پایه‌های با مقطع مربعی**

پارامتر	مدل ویسکوزیته گردابی رینولدز	مدل شیبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ	مدل شیبیه‌سازی دورانو و همکاران	نتایج آزمایشگاهی لین و همکاران	نتایج آزمایشگاهی دورانو و همکاران	مدل حاضر (شیبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ)	مدل حاضر (شیبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ)
عدد استروهال	۰/۱۲۴	۰/۱۳۶	۰/۱۳۲	۰/۱۳۵	۰/۱۳۹	۰/۱۳۷	۰/۱۳۸
ضریب دراگ	۱/۷۹	۲/۱۵	۲/۱۰	۲/۰۵ ~ ۲/۲۳	۲/۰۵ ~ ۲/۲۳	۱/۵۹	۲/۲۲

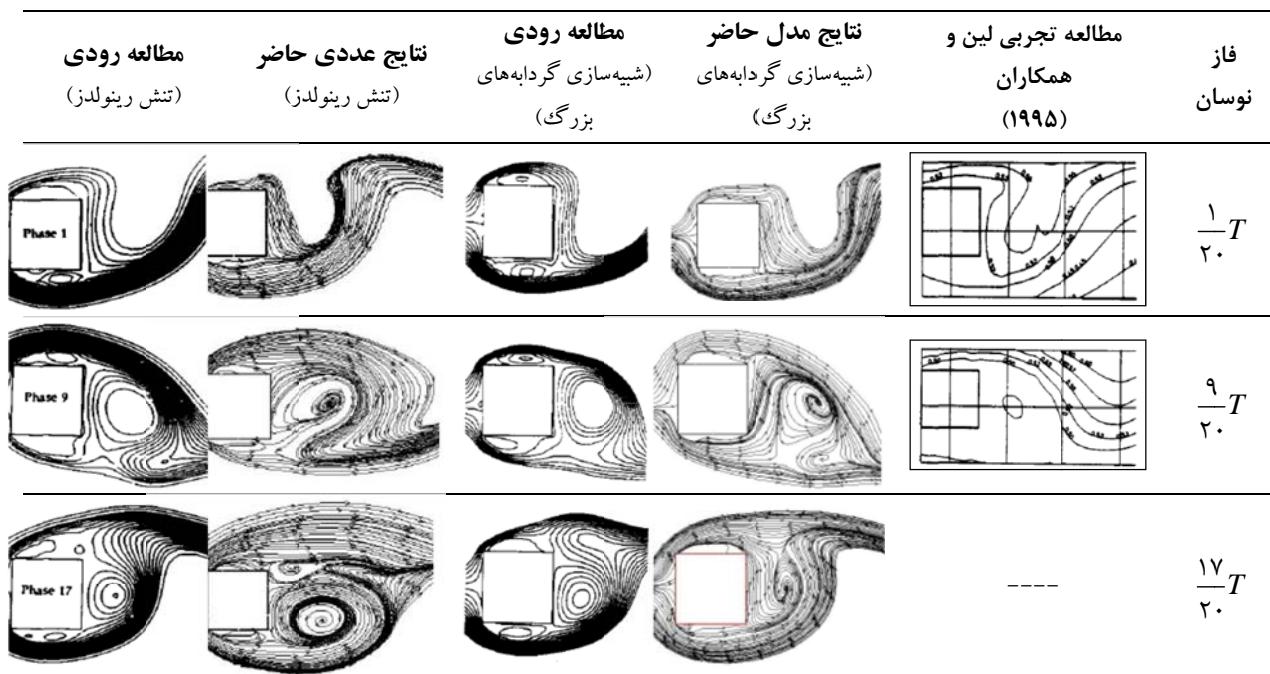
**شکل ۵- منحنی‌های سرعت جریان شبیه‌سازی شده با مدل آشتفتگی شبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ**

به منظور مطالعه دقیق‌تر مدل‌های آشتفتگی، در ادامه ناجیه دنباله پایه استوانه‌ای برای سه مدل آشتفتگی مورد بررسی و مقایسه قرار گرفته است.

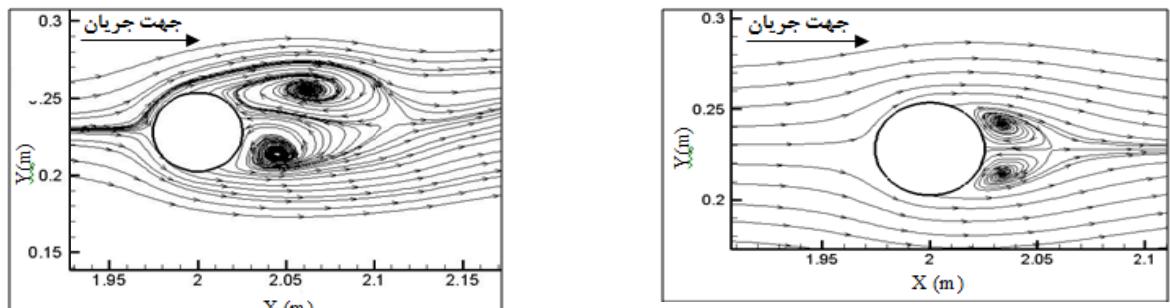
**مدل عددی لین و همکاران (۱۹۹۵)**  
لین و رودی (۱۹۹۵) آزمایش‌های خود را در کanalی به عرض  $0.4$  متر، طول  $0.56$  متر و عمق جریان  $0.16$  متر انجام دادند. میانگین سرعت جریان  $0.535$  متر بر ثانیه بوده و پایه مریعی به ابعاد  $4 \times 4$  سانتی‌متر با عدد رینولدز  $Re = 21400$  مورد آزمایش قرار گرفته است. تعداد شبکه‌های میدان محاسباتی در این مدل

#### مقایسه منحنی‌های سرعت با مدل آشتفتگی شبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ

مقایسه منحنی سرعت جریان شبیه‌سازی شده به کمک مدل آشتفتگی شبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ با منحنی سرعت حاصله از نتایج تجربی ملویل (۱۹۷۵) در شکل (۵) ارائه شده است. کمترین خطای مربعات برای این مدل مساوی  $0.0592$  می‌باشد. با توجه این که مقدار خطای مدل آشتفتگی تشن رینولدز کمتر از دو مدل دیگر می‌باشد می‌توان نتیجه گرفت منحنی سرعت حاصله با استفاده از این مدل، بیشترین تطابق را با مدل تجربی ملویل (۱۹۷۵) دارد.



شکل ۶- خطوط جریان اطراف پایه مربعی شکل در مطالعات عددی رودی (۱۹۹۷) و پژوهش حاضر



الف- مدل ویسکوزیته گردابی استاندارد

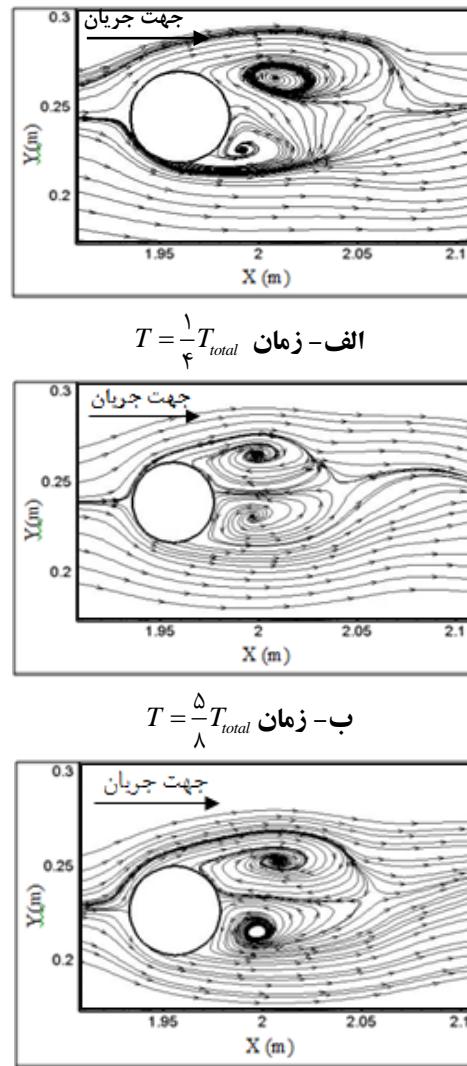
ب- مدل ویسکوزیته گردابی نرمال شده

شکل ۷- ناحیه دنباله جریان شبیه سازی شده با مدل آشفتگی ویسکوزیته گردابی

### بررسی ناحیه دنباله پایه استوانه ای مدل آشفتگی ویسکوزیته گردابی

در بررسی منحنی های سرعت با استفاده از سه زیر مجموعه استاندارد، نرمال شده و صورت پذیر، معلوم گردید نتایج حاصله از مدل ویسکوزیته گردابی صورت پذیر تفاوت قابل توجهی با دو مدل دیگر داشته و لذا مورد مطالعه بیشتر قرار نمی گیرد. در شکل (۷) گردابه های پیرامون پایه استوانه ای به ترتیب برای مدل های استاندارد و نرمال شده ارائه شده است. با توجه به شکل (۷-الف) مدل استاندارد، گردابه ها را نسبتا مقرون شبیه سازی می نماید که با توجه به عدد رینولدز جریان عبوری از پیرامون پایه ( $Re_p = 80000$ )، تشکیل گردابه های متقارن صحیح نمی باشد. لیکن در تحلیل جریان

گردیده و نوع شبکه بنده نیز نامنظم می باشد. خطوط جریان اطراف پایه در مطالعه تجربی لین و همکاران (۱۹۹۵) در دو فاز مختلف  $\frac{1}{20}T$  و  $\frac{9}{20}T$  و نتایج عددی رودی (۱۹۹۷) برای سه فاز مختلف  $\frac{1}{20}T$ ،  $\frac{9}{20}T$  و  $\frac{17}{20}T$  با دو مدل آشفتگی شبیه سازی گردابه های بزرگ و تشن رینولدز در شکل (۶) نشان داده شده و با نتایج عددی پژوهش حاضر مقایسه گردیده است. در جدول (۴) نیز نتایج حاصله برای عدد استروهال (St) و ضریب دراگ ( $C_d$ ) به دست آمده ارائه شده اند.

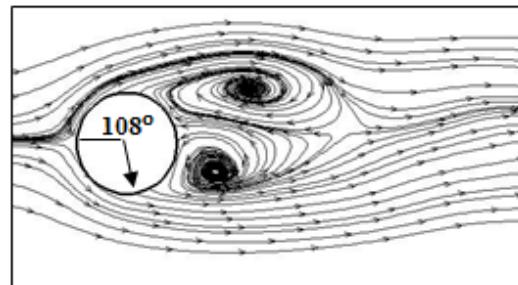


شکل ۸- شبیه سازی نوسان گردابه‌ها در ناحیه دنباله پایه با مدل آشفتگی نرمال شده در زمان‌های مختلف

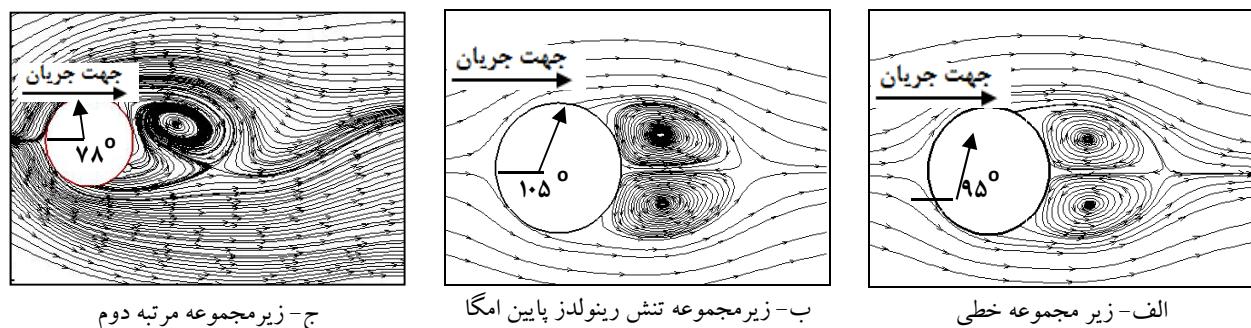
نیافته و نوسان آن‌ها تنها به ناحیه کوچکی در پشت پایه محدود می‌گردد. محل جدایش جریان از مرزهای پایه، در مقدار نیروی دینامیکی وارد از طرف جریان مؤثر بوده و باید مقدار آن تعیین گردد. برای هر دو مدل ویسکوزیته گردابی استاندارد و نرمال شده زاویه جدایش جریان از پایه در حدود ۱۰۸ درجه نسبت به محور اصلی جریان نزدیک شونده به پایه می‌باشد (شکل ۹).

با مدل نرمال شده حالت نامتقارن و نوسانی گردابه‌ها کاملاً مشهود است.

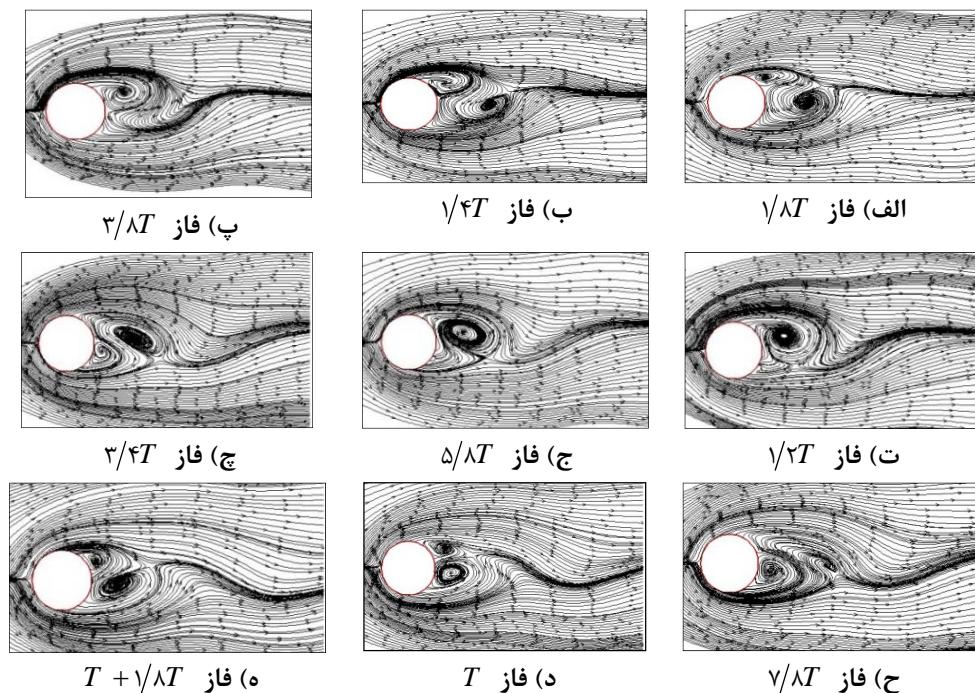
در تحلیل جریان با مدل ویسکوزیته گردابی نرمال شده، انتشار گردابه‌ها حالت نوسانی داشته و این نوسانات در دامنه زمانی معینی رخ می‌دهند. سپس گردابه‌ها حالتی پایا و یکنواخت پیدا کرده و نوسان آن‌ها از بین می‌رود (شکل ۸). در استفاده از مدل آشفتگی ویسکوزیته گردابی، گردابه‌های دنباله پایه به پایین دست آن انتشار



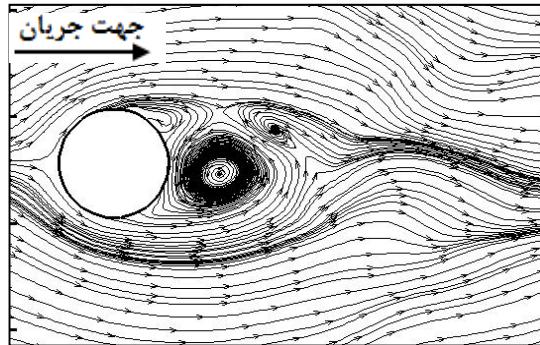
شکل ۹- زاویه جدایش جریان از موزهای پایه در مدل آشفتگی و بسکوژیته گردابی



شکل ۱۰- گردابهای ناحیه دنبله پایه در جریان شبیه سازی شده با مدل تنش رینولذ



شکل ۱۱- خطوط جریان پیرامون پایه در فازهای مختلف نوسان جریان با استفاده از مدل تنش رینولذ



شکل ۱۲- فرم نامتقارن گردابه‌های ناحیه نزدیک پایه در مدل آشفتگی شبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ

### بررسی ناحیه دنباله پایه با مدل آشفتگی شبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ

برای مدل آشفتگی شبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ حالت نامتقارن گردابه‌ها در ابتدای فرآیند شبیه‌سازی در شکل (۱۲) ارائه شده است. مشابه مدل تنش رینولز، مدل فوق نیز در شبیه‌سازی گردابه‌های تناظری و نوسانی از دقت بالایی برخوردار می‌باشد. همچنین در مدل شبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ دوره زمانی نوسان گردابه‌ها نیز ۸ ثانیه بوده که در شکل (۱۳) نحوه تغییرات زمانی آن‌ها در فازهای

$$\text{مختلف نوسان } \frac{7}{8}T, \frac{5}{8}T, \frac{3}{8}T, \frac{1}{4}T, \frac{1}{4}T, \frac{1}{2}T, \frac{5}{8}T, \frac{3}{8}T, \frac{1}{4}T \text{ و } T + \frac{1}{8}T \text{ ارائه گردیده است. تکرار گردابه فاز } \frac{1}{8}$$

(شکل ۱۳-الف) در شکل (۵-۱۳) فاز  $T + \frac{1}{8}T$  دیده می‌شود.

همچنین در پایین دست پایه، گردابه‌ها تا فاصله معینی از پایه انتشار یافته و نهایتاً مستهلک گردیده‌اند. محل جدایش جریان از مزهای پایه در زاویه‌ای حدود ۸۲ درجه نسبت به محور اصلی جریان نزدیک شونده می‌باشد.

طبق نتایج مطالعات شلتینگ و گرستن<sup>۱</sup> (۲۰۰۰) زاویه جدایش جریان با  $10^\circ < Re < 300$  از مزهای پایه استوانه‌ای با مقطع دایره‌ای،  $80^\circ$  درجه می‌باشد. لذا با مقایسه نقطه جدایش جریان حاصل شده از سه مدل آشفتگی می‌توان نتیجه گرفت مدل تنش رینولز با زاویه جدایش ۷۸ درجه و مدل شبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ با زاویه جدایش ۸۲ درجه (جدول ۵) تطابق خوبی با مدل شلتینگ و گرستن (۲۰۰۰) دارند.

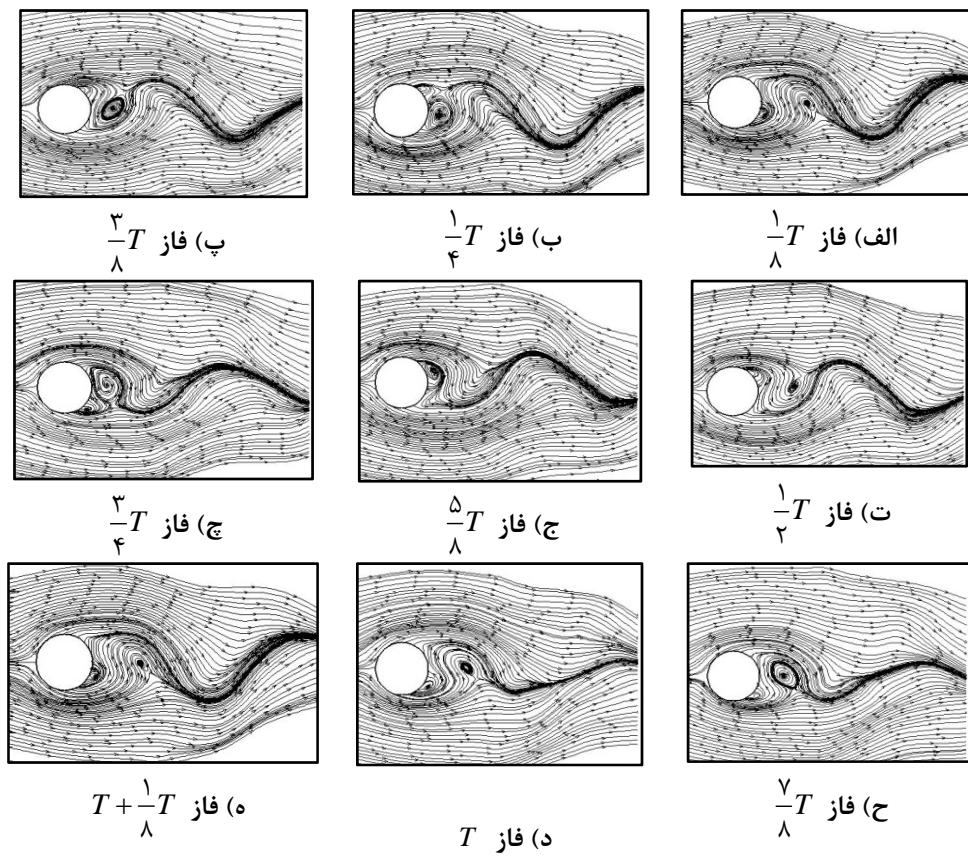
### بررسی ناحیه دنباله پایه با مدل آشفتگی تنش رینولز

برای مدل آشفتگی تنش رینولز سه زیر مجموعه خطی، مرتبه دوم و تنش رینولز امگا مورد بررسی قرار گرفته است. زیرمجموعه‌های فوق، ارتباط بین فشار و کرنش آشفتگی را به وجود آورده و مقدار انرژی جنبشی آشفتگی موجود در میان مؤلفه‌های نوسانی سرعت را با استفاده از نوسانات میدان فشار، باز توزیع می‌کند (لاندار و اسپالدینگ، ۱۹۷۴). برای دو زیرمجموعه خطی و تنش رینولز پایین امگا گردابه‌های پشت پایه حالت متقاضی دارند (شکل ۱۰-الف و ب). به عبارتی این دو زیرمجموعه نمی‌توانند طبیعت نوسانی گردابه‌های پشت پایه را به درستی شبیه‌سازی کنند اما زیرمجموعه مرتبه دوم در شبکه‌بندی نوع نامنظم حالت نوسانی گردابه‌ها را نشان می‌دهد که در شکل (۱۰-ج) این نوسانات ارائه شده است.

با توجه به شکل نامتقارن گردابه‌ها در زیرمجموعه مرتبه دوم، این زیر مجموعه از مدل آشفتگی تنش رینولز، برای سایر محاسبات مورد استفاده قرار می‌گیرد. جدایش جریان از مزهای پایه استوانه‌ای، در دو مدل خطی و تنش رینولز پایین امگا به ترتیب حدود ۹۵ و ۱۰۵ درجه نسبت به محور اصلی جریان رخ می‌دهد (شکل ۱۰-الف و ب) لیکن در مدل مرتبه دوم جدایش جریان در زاویه ۷۸ درجه اتفاق افتاده است. همچنین این مدل قادر است علاوه بر گردابه‌های نوسانی پریودیک، گردابه‌های نوسانی اتفاقی را نیز مدل‌سازی نماید. دوره تناوب نوسان این گردابه‌ها حدود ۸ ثانیه ( $T = 8 s$ ) و فرکانس آن‌ها  $0.785 / s$  هرتز می‌باشد. در شکل (۱۱) تغییرات گردابه‌ها برای دوره نوسان ۸ ثانیه‌ای در فازهای مختلف ارائه شده است.

لذا می‌توان نتیجه گرفت مدل مذکور رشد و استهلاک گردابه‌ها در ناحیه دنباله پایه را با دقت بالایی شبیه‌سازی نموده و گستردگی گردابه‌ها در پایین دست پایه به خوبی مشاهده می‌گردد. در شکل فوق، مطابقت زمانی شکل گردابه‌ها در دو فاز  $T + \frac{1}{8}T$  و  $\frac{1}{8}T$  کاملاً مشهود است.

1- Schlichting and Gersten



شکل ۱۳- خطوط جریان پیرامون پایه در فازهای مختلف نوسان برای مدل شبیه سازی گردابه های بزرگ

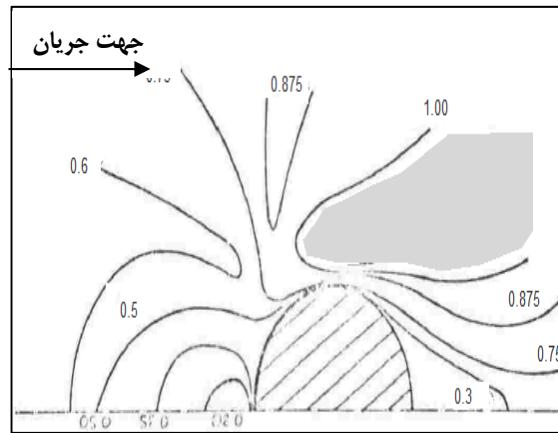
جدول ۵- زاویه جداش جریان از مرزهای پایه در مدل های آشفتگی مختلف

مدل آشفتگی	زاویه جداش جریان
ویسکوزیته گردابی	استاندارد
تنش رینولدز	نرمال شده
-	خطی
تنش رینولدز	مرتبه دوم
شبیه سازی گردابی- های بزرگ	تنش رینولدز پایین امکا
	انرژی جنبشی
	۸۲

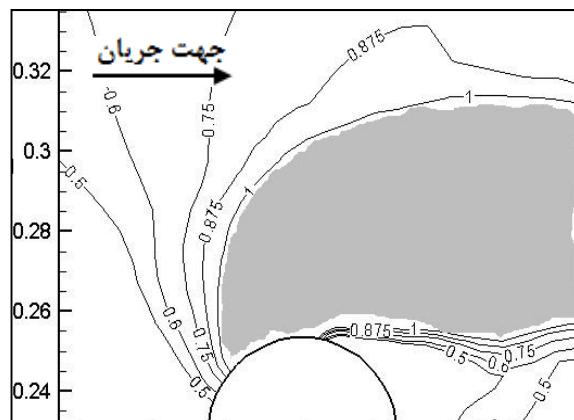
شدت آشفتگی آن می باشد. با توجه به اهمیت شبیه سازی دقیق تنش های برشی بحرانی در پیش بینی و قوع آب شستگی و نیز تغییرات زمانی آن، مدل های آشفتگی تنش رینولدز و شبیه سازی گردابه های بزرگ از این منظر نیز مورد بررسی قرار گرفته اند. برای صحت سنجی نتایج، مطالعه تجربی ملوبیل (۱۹۷۵) که در آن ناحیه و قوع تنش های برشی بحرانی تعیین گردیده، انتخاب شده است. شکل (۱۴) نشان دهنده نتایج تجربی ملوبیل می باشد.

#### بررسی ناحیه و قوع تنش های برشی بحرانی پیرامون پایه های استوانه ای

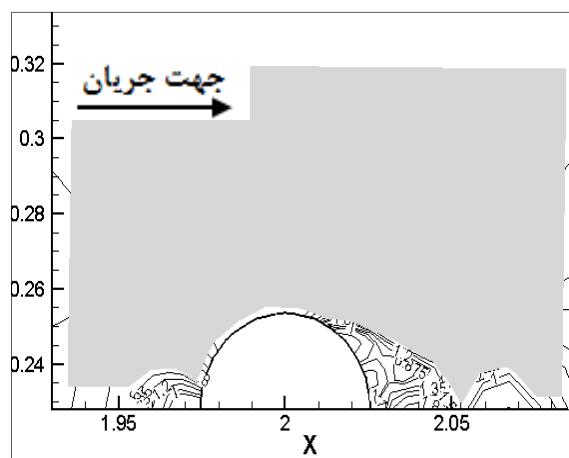
مواد رسوبی بستر های رودخانه ای تحت تأثیر جریان های آشفته، دچار جابجایی هایی می گردند که کاملاً تصادفی بوده و به صورت تابعی از زمان و مکان تغییر می یابند. این پدیده ناشی از نوسانات احتمالی نیروهای مؤثر بر ذرات رسوبی بستر می باشد. میزان جابجایی و جهت جابجایی ذرات رسوبی کاملاً وابسته به ویژگی های جریان و



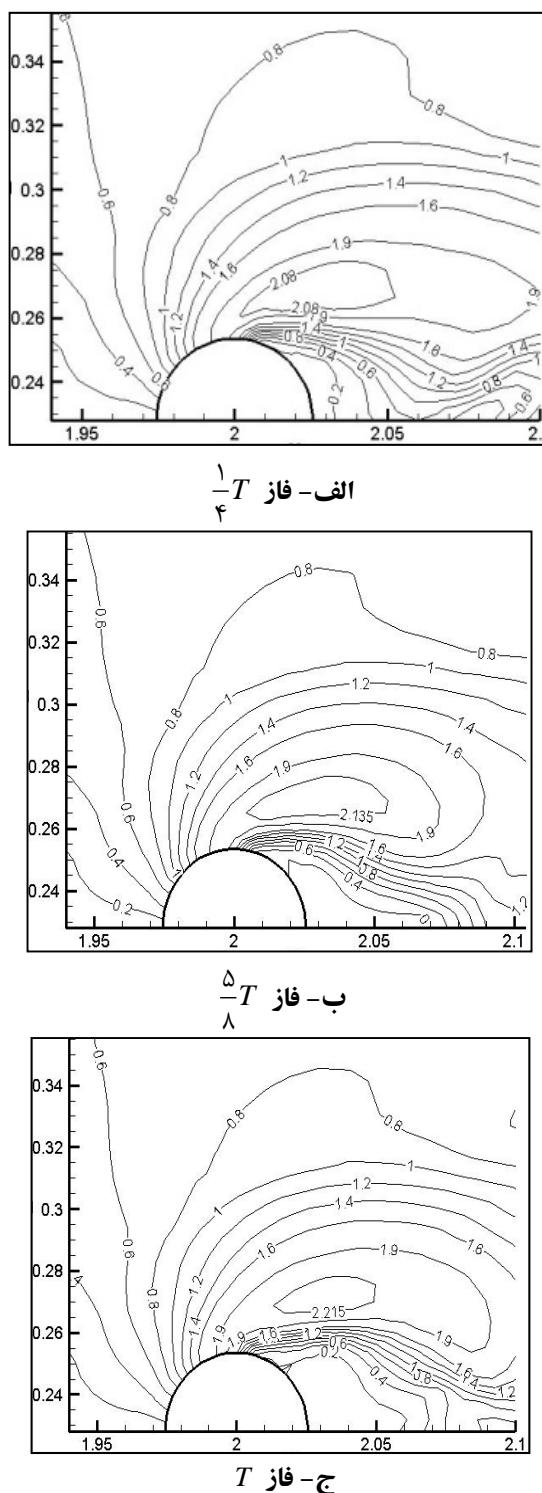
شکل ۱۴- ناحیه وقوع تنش‌های برشی بحرانی در مطالعه تجربی ملویل (۱۹۷۵)



شکل ۱۵- ناحیه گستردگی تنش‌های برشی بحرانی برای مدل تنش رینولدز



شکل ۱۶- ناحیه گستردگی تنش‌های برشی بحرانی برای مدل شبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ



شکل ۱۷- نوسانات تنش برشی در فازهای مختلف دوره تناوب گردابه‌ها برای مدل تنش رینولدز

علوم شد منحنی سرعت در مدل تنش رینولذ تطابق بیشتری با مقادیر آزمایشگاهی دارد. همچنین به منظور بررسی نیروهای هیدرودینامیکی وارد بر پایه‌های در معرض جریان‌های رودخانه‌ای، عدد استروهال و ضریب دراگ برای دو مدل فوق محاسبه گردید و با نتایج تجربی لین و همکاران (۱۹۹۵)، دورانو و همکاران (۱۹۸۸) و نیز مقادیر عددی روדי (۱۹۹۷) مقایسه گردیدند. مقدار عدد استروهال برای دو مدل تنش رینولذ و شبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ تقریباً مساوی بود اما در مدل تنش رینولذ ضریب دراگ تطابق بیشتری با نتایج موجود داشت و می‌توان چنین بیان داشت که این مدل در شبیه‌سازی ضرایب نیروهای هیدرودینامیکی دقیق‌تر از مدل شبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ عمل می‌کند. همچنین از منظر نوسان گردابه‌ها و انتشار آن‌ها به پایین دست، شبیه سازی دو مدل مذکور تا حدود بسیار زیادی یکسان بود و تفاوت قابل ملاحظه‌ای بین آن‌ها مشاهده نشد. در نهایت اگر دو مدل تنش رینولذ و شبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ از منظر مدل‌سازی تنش‌های بررسی بستر پیروامون پایه مورد مقایسه قرار گیرند معلوم می‌گردد مدل تنش‌های رینولذ در شبیه‌سازی تنش‌های بررسی بحرانی دقت بیشتری داشته و ناحیه گستردگی این تنش‌ها در مدل فوق تطابق بیشتری با نتایج آزمایشگاهی ملویل (۱۹۷۵) دارد. در مقابل مدل شبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ این ناحیه را بسیار بزرگ‌تر از مقادیر واقعی شبیه‌سازی می‌نماید. همچنین مدت زمان اجرای برنامه برای مدل شبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ بیشتر می‌باشد طوری که اگر زمان لازم برای اجرای مدل ویسکوزیته گردابی برابر یک مدت زمان معین باشد، برای مدل تنش رینولذ این مدت زمان دو برابر و برای مدل شبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ چهار برابر خواهد بود. مقایسه کلی دو مدل تنش رینولذ و شبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ از دیدگاه‌های زاویه جدایش جریان، منحنی سرعت، ضرایب نیروهای هیدرودینامیکی، زمان تناوب و انتشار گردابه‌ها، توزیع تنش‌های بررسی بحرانی و نیز مدت زمان شبیه‌سازی مدل‌ها، نشان داد نتایج حاصله از شبیه‌سازی جریان با مدل آشفتگی تنش رینولذ تطابق بیشتری با مقادیر تجربی داشته و این مدل می‌تواند به عنوان یک مدل دقیق برای شبیه‌سازی عددی جریان‌های آشفته در اطراف اجسام مورد توجه قرار گیرد.

ناحیه تنش‌های بررسی بحرانی به صورت میانگین گیری شده زمانی برای یک دوره تناوب نوسان گردابه‌ها، در شکل (۱۵) برای مدل تنش رینولذ و در شکل (۱۶) برای مدل شبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ ارائه شده است. مقایسه شکل‌ها نشان می‌دهد که مدل شبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ ناحیه تنش‌های بررسی بحرانی را بسیار بزرگ‌تر از مقادیر واقعی، شبیه‌سازی نموده لیکن نتایج مدل تنش رینولذ تطابق نسبتاً منطقی با نتایج تجربی ملویل نشان می‌دهد. لیکن مقدار بیشینه تنش بررسی بی بعد شده (نسبت به تنش بررسی بحرانی که مطابق آزمایش‌های ملویل (۱۹۷۵) مقدار آن برابر  $0.196$  پاسکال در نظر گرفته شده است) در این فازها متفاوت بوده و برای یک نقطه معلوم در این ناحیه ( $x = 207 m$ ,  $y = 0.27 m$ ) در فاز  $1/4T$  مساوی  $0.208$  در فاز  $5/8T$  مساوی  $0.2135$  و در فاز  $T$  برابر با  $0.215$  می‌باشد (شکل ۱۷). مقدار میانگین تنش بررسی در این نقطه مساوی  $0.2145$  می‌باشد. مقدار تنش بررسی تا فاز پنج نوسان کمتر از مقدار میانگین و پس از فاز پنجم مقدار آن بیشتر از میانگین می‌باشد.

### نتیجه گیری

در پژوهش حاضر جهت بررسی پارامترهای هیدرودینامیکی در اطراف پایه‌های استوانه‌ای، مدل‌های آشفتگی ویسکوزیته گردابی، تنش رینولذ و نیز شبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ مورد مطالعه قرار گرفتند. در این راستا پس از بررسی و مقایسه اولیه این مدل‌ها، چهار مدل ویسکوزیته گردابی استاندارد و نرمال شده، تنش رینولذی مرتبه دوم و نیز مدل شبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ انتخاب و نتایج نهایی آن‌ها برای انتخاب مدلی که جریان پیرامون پایه استوانه‌ای را با دقت بیشتری شبیه‌سازی نماید، مقایسه گردیدند. زاویه جدایش جریان برای مدل ویسکوزیته گردابی  $10.8^\circ$  درجه، برای مدل تنش رینولذ،  $78^\circ$  درجه و برای مدل شبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ حدود  $82^\circ$  درجه بود که با توجه به عدد رینولذ جریان  $8000$  و در مقایسه با نتایج تجربی، می‌توان نتیجه گرفت دو مدل تنش رینولذ و شبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ نقطه جدایش جریان را دقیق‌تر از مدل ویسکوزیته گردابی نشان می‌دهند و اختلاف اندکی با یکدیگر دارند. با مقایسه منحنی‌های سرعت برای دو مدل تنش رینولذ و شبیه‌سازی گردابه‌های بزرگ با منحنی سرعت در مدل تجربی ملویل

### منابع

- ۱- شادآرام، ع، عظیمی، م. و ن، رستمی. ۱۳۸۶. مطالعه تجربی مشخصه‌های جریان در دنباله نزدیک استوانه‌هایی با مقاطع چهارگوش. نشریه مکانیک و هوافضا، ۳(۳): ۲۳-۲۳.
- ۲- Cantwell, B. and D. Coles. 1983. An experimental study of entrainment and transport in the turbulent near wake of circular cylinder. Journal of Fluid Mechanic, 136:321-374.

- 3- Durao, D. F. G., Heitor, M.V. and J. C. F. Pereira. 1988. Measurements of turbulence and periodic flows around a square cross-section cylinder. *Journal of Experiments in Fluids*, 6(1): 298-304.
- 4- Frank, R., Rodi, W. and B. Schonung. 1993. Numerical calculation of laminar vortex shedding flow past cylinders. *Journal of Wind Engineering and Industrial Aerodynamics*, 35: 3-19.
- 5- Grigoriadis, D. G. E., Bartzis, J. G. and A. Goulas. 2003. LES of the flow past a rectangular cylinder, using the immersed boundary concept. *International Journal of Numeric Methods in Fluids*, 41(6): 615-632.
- 6- Launder, B. E. and D. B. Spalding. 1974. The numerical computation of turbulent flows. *Computer Methods in Applied Mechanics and Engineering*, 3: 269-289.
- 7- Lyn, D. A., Einav, S., Rodi, W. and J. H. Park. 1995. A laser-Doppler Velocimetry study of ensemble – averaged characteristics of the turbulent near wake of square cylinders. *Journal of Fluid Mechanics*, 304(3): 285-319.
- 8- Melville, B. W. 1975. Local scour at bridge sites. Rep. No. 117, Dept. of Civil Engineering, School of Engineering, Univ. of Auckland, Auckland, New Zealand.
- 9- Okajima, A. 2006. Strouhal numbers of rectangular cylinders. *Journal of Fluid Mechanics*, 123(2): 379-398.
- 10- Rodi, W. 1993. On the simulation of turbulent flow past bluff bodies. *Journal of Wind Engineering and Industrial Aerodynamics*, 46-47: 3-19.
- 11- Rodi, W. 1997. Comparisons of LES and RANS calculations of the flow around bluff bodies. *Journal of Wind Engineering and Industrial Aerodynamics*, 69-71: 55-75.
- 12- Saha, A. K., Muralidhar, K. and G. Biswas. 2000. Experimental study of flow past a square cylinder at high reynolds numbers. *Journal of Experiments in Fluids*, 29(4): 553-563.
- 13- Salaheldin, T. M., Imran, J. and M. H. Chaudhry. 2004. Numerical modeling of three-dimensional flow field around circular piers. *Journal of Hydraulic Engineering*, 130(2): 91-100.
- 14- Schlichting, H. and K. Gersten. 2000. Boundary layer theory. 8th Revised and Enlarged Edition, Springer, Berlin.