



بررسی چارچوب‌های ریسک نامطلوب در ارتباط با مدیریت پرتفوی در بازارهای سهام با نوسان قیمت

امین نزشتی^۱

۱- دانشجوی کارشناسی ارشد، مهندسی مالی، دانشگاه خوارزمی، تهران. ایران

چکیده

مدت‌های طولانی است که رابطه بازده ریسک به عنوان ستون فقرات مدیریت پرتفوی محسوب می‌شود. واحدهای اقتصادی برای مصونیت در برابر ریسک نامطلوب پرتفوی‌ها را به عنوان بخشی از استراتژی کاهش ریسک ایجاد کرده و پوشش داده‌اند. با وجود این، معیارهای ریسک به کار رفته در مقالات فعلی بدون اتفاق نظر برای انتخاب معیار ریسک به طور گسترده بحث شده‌اند. در گذشته در چارچوب میانگین و واریانس (MV)، مورد آخر به عنوان عاملی برای ریسک به کار می‌رود، اینطور فرض می‌شد که سرمایه گذار در ریسک‌های صعودی و نزولی دارای وزن‌های یکسان است. از طرف دیگر، چارچوب ریسک نامطلوب (DR) اساساً به نگرانی سرمایه گذار برای مصونیت در برابر نرخ فاجعه بار بستگی دارد. تحلیل اقتصادسنجی با استفاده از نرم افزار EVIEWS پرداخته شد. در نهایت به عنوان نتیجه گیری از تجزیه و تحلیل اقتصادسنجی، کلیه فرضیه‌های مورد بررسی تایید گردیدند. و نشان داده شد که: چارچوب ریسک نامطلوب بهتر از چارچوب میانگین واریانس مارکویتز عمل می‌کند. هرگاه بازده‌های دارای چولگی زیاد باشد آن گاه میزان اختلاف معنی دار خواهد بود. استفاده از ریسک نامطلوب به جای واریانس به عنوان معیار ریسک در تصمیمات سرمایه گذاری مناسب است.

واژگان کلیدی: ریسک نامطلوب، مدیریت پرتفوی، چارچوب میانگین و واریانس



۱. مقدمه

مدت‌های طولانی است که رابطه بازده ریسک به عنوان ستون فقرات مدیریت پرتفوی محسوب می‌شود. واحدهای اقتصادی برای مصونیت در برابر ریسک نامطلوب پرتفوی‌ها را به عنوان بخشی از استراتژی کاهش ریسک ایجاد کرده و پوشش داده‌اند. با وجود این، معیارهای ریسک به کار رفته در مقالات فعلی بدون اتفاق نظر برای انتخاب معیار ریسک به طور گسترده بحث شده‌اند. در گذشته در چارچوب میانگین و واریانس (MV)، مورد آخر به عنوان عاملی برای ریسک به کار می‌رود، اینطور فرض می‌شد که سرمایه گذار در ریسک‌های صعودی و نزولی دارای وزن‌های یکسان است. از طرف دیگر، چارچوب ریسک نامطلوب (DR) اساساً به نگرانی سرمایه گذار برای مصونیت در برابر نرخ فاجعه بار بستگی دارد. انگیزه بررسی این دو چارچوب در بازار نوسان دار از این موضوع نشأت گرفته است که معیارهای مناسب ریسک در بازارهایی که دارای عدم قطعیت زیاد هستند برای افراد و سازمان‌ها بسیار حیاتی است. بسیاری از سرمایه گذاران در زمان وقوع نوسان قیمت دچار نگرانی می‌شوند و استراتژی‌های سرمایه گذاری آن‌ها بر حسب تخصیص دارایی زیر سؤال می‌رود. علاوه بر این در مطالعات قوی باید مسائل مختلف در ارتباط با بهینه سازی پرتفوی در هر دو چارچوب مد نظر قرار داده شود، مطالعات قبلی فاقد این ویژگی هستند. این راه حل‌ها در مقالات متفاوت پیشنهاد شده‌اند با این حال به یک مطالعه جامع مانند مدل سازی مالی برای سرمایه گذاران، نهادهای سرمایه گذاری و محققان نیاز است. اصولاً تخصیص دارایی در بازارهای مالی باعث می‌شود که سرمایه داران صاحب ارزش شوند. این مطالعه به پیش بینی ریسک پرتفوی برای سرمایه گذاران، توضیح رفتار بازار و ماهیت سرمایه گذاری کمک می‌کند و برای تقاضای سهام‌های عادی سازمانی بسیار مؤثر است. هاگو و همکاران (۲۰۰۴) نشان داده‌اند که هدف قانون اول ایمنی به حداقل رساندن احتمال بازده سرمایه منفی و بزرگ است. این قانون برای بازارهای نوظهور مناسب است زیرا توزیع‌های برابر تحت تأثیر بازده‌های اکستریم قرار دارند. در انتها از یک شاخص برای ارزیابی اختلاف بین چارچوب‌های MV و DR استفاده کرده‌ایم. این شاخص به ارزیابی بزرگی اختلاف در ایجاد پرتفوی با اعمال مدل‌های جایگزین کمک می‌کند. برای ایجاد مرزهای کارآمد در بهینه سازی محدب باید الگوریتم مناسب انتخاب شود. یک الگوریتم مناسب می‌تواند حساس، محدود، مرکب، ناپایدار باشد و ممکن است به اثر پروانه‌ای که موجب ناهمخوانی مرزهای کارآمد می‌شود حساس باشد. چهار نوع الگوریتم وجود دارد که برای ایجاد مرز کارآمد در بهینه سازی محدب به کار می‌رود. در میان سه نوع اول الگوریتم‌های بهینه سازی معادلات همزمان-کمینه سازی حساب دیفرانسیل، الگوریتم‌های کلی بهینه سازی برنامه نویسی غیرخطی و الگوریتم‌های فرانک و ولف (۱۹۵۶) قرار دارند. الگوریتم‌های بهینه سازی معادلات همزمان-کمینه سازی و الگوریتم‌های کلی بهینه سازی برنامه نویسی غیرخطی هر دو به اثر پروانه‌ای حساس هستند. اگر الگوریتم فرانک و ولف (۱۹۵۶) به یک نقطه مینیمم محدب شود آن گاه سرعتش به طور قابل توجهی کند می‌شود. این الگوریتم در مورد همگرایی زیرخطی، عملکرد بدتری ارائه می‌دهد و



اغلب راه حل تقریبی ارائه می دهد. الگوریتم چهارم که توسط مارکوویتز (۱۹۵۹) ارائه شده است یک الگوریتم بهینه سازی خط بحرانی است که در مقایسه با سه الگوریتم دیگر انتخاب بهتری است. این الگوریتم برای اضافه کردن محدودیتها به بهینه ساز بهترین الگوریتم محسوب می شود و به اثر پروانه ای حساسیت کمتری دارد. مارکوویتز (۱۹۸۷) الگوریتم بهینه ساز خط بحرانی را به شدت توصیه کرده است زیرا در رتبه بندی های خطای ماتریس بسیار قوی عمل می کند، بنابراین می تواند سهام های بیشتری را به کار ببرد.

مارکوویتز (۱۹۹۵) اینطور فرض کرد که تصمیمات سرمایه گذاری بر اساس پارامترهای بازده و ریسک اتخاذ می شوند. بازده سهام کاملاً نرمال فرض شده است تا در نظر گرفتن واریانس به عنوان عاملی برای ریسک توجه شود. معیاری که باید کاملاً نرمال باشد این است که بازده های سهام نیز باید تک به تک نرمال در نظر گرفته شوند، در حالی که عکس این موضوع صادق نیست. بر عکس شرط نرمال بودن، می بینیم که بازده های سهام دارای چولگی و پخی هستند. یافته ها واریانس را به عنوان عاملی از ریسک مشکوک در نظر می گیرند، به خصوص زمانی که کاملاً از حالت نرمال خارج شده و پراکندگی شدیداً نامتقارن باشد. روی (۱۹۵۲) به طور مشابه اینطور استدلال کرده است که سرمایه گذاران نگران پیشامدهای فاجعه باری هستند که از پیروی قانون اول ایمنی حاصل می شود. علاوه بر این، شواهدی ارائه شده است که نشان می دهند سرمایه گذاران وزن های مختلفی را به ریسک صعودی و نزولی اختصاص می دهند. علت این است که سرمایه گذاران ترجیح می دهند از پیشامدهای فاجعه بار مصون بمانند، علاوه بر این، بازده سهام نشان دهنده پراکندگی نرمال نیست؛ معیار DR نسبت به واریانس انتخاب بهتری برای عامل ریسک است. چانگ و والورتون (۲۰۰۱) چارچوب های MV و DR را با هم مقایسه کرده و نشان داده اند که مورد آخر در مقایسه با مورد اول جایگزین مطمئن تری است. بروگان و استیدهام (۲۰۰۵) نشان داده اند که DR با نحوه بینش سرمایه گذاران درباره ریسک سازگارتر است. علاوه بر این، شیندلر (۲۰۰۹) شرکت جنبش ها را بین بازده های مختلف دارایی بررسی و کاربرد بهینه سازی MV را مطرح کرده است. کرانکی و شیندلر (۲۰۱۰)، کوزمینا (۲۰۱۱) و سوی (۲۰۱۳) امکان پذیری عملی چارچوب DR را در بهینه سازی پرتفوی بیان کرده اند. با توجه به تحلیل جامع دو معیار ریسک جایگزین یعنی واریانس و ریسک نامطلوب می بینیم که این دو عامل با استفاده از بهینه سازی محذب باعث ساخت مرزهای کارآمد می شوند. مارکوویتز (۱۹۵۲، ۱۹۵۹) اساساً تأکید کرده اند که واریانس تنها معیار ریسک است. بعلاوه در مورد این که تمام معیارها غیر از ریسک سیستماتیک می توانند متنوع شوند اعتراض دارد. با فرض تنوع کارآمد و بدون قرض گرفتن و قرض دادن نامحدود و پیروی از یافته های هارلو (۱۹۹۱)، فو و انگ (۲۰۰۰)، بوآسون و همکاران (۲۰۱۱) و راسیاه (۲۰۱۲) می توان مرز کارآمد مارکوویتز (۱۹۵۲) را ایجاد کرد. محققانی مانند هارلو (۱۹۹۱)، فو و انگ (۲۰۰۰)، بوآسون و همکاران (۲۰۱۱) و راسیاه (۲۰۱۲) مرزهای کارآمد را با استفاده از معادلات ارائه داده اند. تخصیص های نامناسب، استفاده از دارایی های نامناسب و یکتا نبودن راه حل های بهینه ساز مسأله های رایج در بهینه سازی



پرتفوی هستند که به خاطر نبود اندازه پرتفوی مناسب به وجود می آیند. دستیابی به اندازه پرتفوی عملی و مناسب مستقیماً به مزایای تنوع سازی بستگی دارد. اوانس و آرچر (۱۹۶۸) پیشنهاد داده اند که برای دستیابی به مزایای تنوع سازی تقریباً ۱۰ سهم باید الگوگیری شوند. التون و گرابر (۱۹۷۷) نیز به همین ترتیب از پرتفوی هایی با وزن برابر استفاده کرده و نشان داده اند که ۱۰-۱۵ سهم در یک پرتفوی دارای شکل نامناسب هستند. استاتمن (۱۹۸۷) اینطور نتیجه گیری کرده است که برای پرتفویی که به خوبی متنوع شده ۳۰-۴۰ سهام کافی است. فاما و فرنچ (۱۹۹۲) از کاربرد ۴۰-۲۰ سهام در یک پرتفوی برای سرمایه گذاران مبتدی به منظور متنوع کردن مناسب پرتفوی حمایت کرده اند.

کامل و همکاران (۲۰۰۱) با محققان قبلی هم عقیده نیستند، و به کاربرد ۵۰ سهام تصادفی به منظور ایجاد تنوع کامل اعتراض کرده اند. تانگ و سستسیاشوی (۲۰۰۴) پیشنهاد داده اند که ۲۰ سهم در یک پرتفوی باعث از بین رفتن ۹۵٪ ریسک تنوع پذیر می شوند در حالی که زولکیفی و همکاران (۲۰۱۰) نشان داده اند پرتفوی کاملاً تنوع پذیر شامل ۱۵ سهام است. فراهم و ویچرز (۲۰۱۱) نشان داده اند که ۶۰٪ ریسک کل پرتفوی با استفاده از ۴۰ پرتفوی سهام تنوع پذیر می شود. الکنویسین و همکاران (۲۰۱۲) به تازگی ۲۲ پرتفوی سهام را پیشنهاد داده و چانگ و فیلیس (۲۰۱۳) نشان داده اند که کاربرد ۲۰-۳۰ پرتفوی سهام برای ایجاد تنوع کارآمد کافی است. با ایجاد تنوع بسیار در اندازه پرتفوی پیشنهادی که اندازه آن بین ۱۰ تا ۵۰ سهام متغیر است، فرآیند بهینه سازی پرتفوی بسیار دشوار خواهد بود. برای جلوگیری از تخصیص های نامناسب، مد نظر قرار دادن دارایی های نامناسب و راه حل های بهینه ساز غیر یکتا باید از اندازه پرتفوی مناسب استفاده کرد. یکی دیگر از عواملی که بهینه سازی پرتفوی را تحت تأثیر قرار می دهد پروسه مرتب سازی پرتفوی است. مرتب سازی پرتفوی روند جدیدی در حوزه مالی نیست و می تواند به شکل مرتب سازی تک مرتبه ای یا بیشتر باشد. جاگادیش و تیمان (۱۹۹۳، ۲۰۰۱)، کوراجزیک و سادکا (۲۰۰۴) و سادکا (۲۰۰۶) از پروسه مرتب سازی ترکی استفاده کرده اند. دی بان و تالر (۱۹۸۷)، فاما و فرنچ (۱۹۹۲، ۲۰۰۴)، لاکونیشوک و همکاران (۱۹۹۴) و انگ و همکاران (۲۰۰۶) پرتفوی دوبار مرتب شده را ارائه داده اند در حالی که دانیل و تیمان (۱۹۹۷) و واسالو و زینگ (۲۰۰۴) پرتفوی سه بار مرتب شده را ارائه داده اند. مرتب سازی پرتفوی یک فرآیند اولویت بهینه سازی است که در آن تأثیر عوامل بدون محدودیت هستند. در این فرایند کنترل اثر عامل و نامحدود بودن اثر همبستگی زیاد در میان بارهای عاملی مختلف بسیار اهمیت دارد. سه عامل بار اصلی مربوط به این مطالعه وجود دارد: چولگی، ریسک نامطلوب و واریانس که موجب بهینه سازی پرتفوی بایاس دار می شوند. چولگی معیار مهمی برای مرتب سازی است زیرا بازده های سهام نشانگر توزیع غیرعادی هستند. لازم است که پرتفوی ها را در چولگی مرتب کنیم تا اثر چولگی در بازده های سهام به وضوح کنترل شوند. علاوه بر این، بارهای عاملی دیگر برای مرتب سازی پرتفوی عبارتند از واریانس و ریسک نامطلوب. این عوامل در میان خود دارای همبستگی زیاد هستند که مستلزم نامحدود کردن این اثر است. برای ایجاد مرزهای کارآمد در بهینه سازی محذب باید الگوریتم مناسب



انتخاب شود. یک الگوریتم مناسب می تواند حساس، محدود، مرکب، ناپایدار باشد و ممکن است به اثر پروانه ای که موجب ناهمخوانی مرزهای کارآمد می شود حساس باشد. چهار نوع الگوریتم وجود دارد که برای ایجاد مرز کارآمد در بهینه سازی محدب به کار می رود. در میان سه نوع اول الگوریتم های بهینه سازی معادلات همزمان - کمینه سازی حساب دیفرانسیل، الگوریتم های کلی بهینه سازی برنامه نویسی غیرخطی و الگوریتم های فرانک و ولف (۱۹۵۶) قرار دارند. الگوریتم های بهینه سازی معادلات همزمان - کمینه سازی و الگوریتم های کلی بهینه سازی برنامه نویسی غیرخطی هر دو به اثر پروانه ای حساس هستند.

اگر الگوریتم فرانک و ولف (۱۹۵۶) به یک نقطه مینیمم محدب شود آن گاه سرعتش به طور قابل توجهی کند می شود. این الگوریتم در مورد همگرایی زیرخطی، عملکرد بدتری ارائه می دهد و اغلب راه حل تقریبی ارائه می دهد. الگوریتم چهارم که توسط مارکوویتز (۱۹۵۹) ارائه شده است یک الگوریتم بهینه سازی خط بحرانی است که در مقایسه با سه الگوریتم دیگر انتخاب بهتری است. این الگوریتم برای اضافه کردن محدودیت ها به بهینه ساز بهترین الگوریتم محسوب می شود و به اثر پروانه ای حساسیت کمتری دارد. مارکوویتز (۱۹۸۷) الگوریتم بهینه ساز خط بحرانی را به شدت توصیه کرده است زیرا در رتبه بندی های خطای ماتریس بسیار قوی عمل می کند، بنابراین می تواند سهام های بیشتری را به کار برد. این مطالعه به ارزیابی معیارهای مختلف ریسک؛ واریانس و ریسک نامطلوب در تخصیص دارایی در یک بازار سهام نوسان دار اقتصاد نوظهور کمک می کند. این حوزه یکی از حوزه های مورد توجه سهام داران مختلف است. با تخصیص دارایی کارآمد سهام داران در بازارهای مالی صاحب ارزش می شوند. مدل های مبتنی بر چارچوب های MV و DR با استفاده از بهینه سازی پرتفوی تست می شوند. عواملی که بهینه سازی پرتفوی را تحت تأثیر قرار می دهند با احتیاط مطرح می شوند. در این مطالعه مرزهای کارآمد با استفاده از پرتفوی های مرتب شده سه گانه توسط مدل های جایگزین حل و رسم خواهد شد. علاوه بر این، برای ارزیابی اختلاف بین چارچوب های جایگزین از $RMSDI$ استفاده خواهد شد. هارلو (۱۹۹۱) و فو و انگ (۲۰۰۰) چارچوب های MV و DR را با هم مقایسه کرده اند، با این حال اثر چولگی و وابستگی زیاد را بین واریانس و ریسک نامطلوب نادیده گرفته اند. نقش ما در میان مجموعه مقالات بررسی مدل های جایگزین بر اساس پرتفوی های مرتب در چولگی و معیارهای ریسک؛ واریانس و ریسک نامطلوب است که قبلاً نادیده گرفته شده اند. دوم این که، در این جا مسائل اصلی را مانند اندازه مناسب پرتفوی، پروسه های مرتب سازی، اثر پروانه ای در انتخاب الگوریتم های مناسب و مسأله درون زایی در نظر گرفته ایم. این مسائل در یک مطالعه تکی بررسی نشده اند و از این رو باعث به وجود آمدن نتایج متناقض در مطالعات تجربی می شوند. سوم این که، با ارائه شواهد تجربی در چارچوب های MV و DR در یک بازار نوظهور نوسان دار مانند بازار سهام تهران به مقالات مربوطه کمک می کنیم.



روش تحقیق

در این مطالعه چارچوب‌های MV و DR با ایجاد مرزهای کارآمد تست و با چارچوب‌های جایگزین مقایسه خواهند شد. برای قوی شدن این مطالعه، عواملی که بهینه سازی پرتفوی را تحت تأثیر قرار می‌دهند بررسی می‌شود و از راه حل‌های عملی استفاده خواهد شد. نگرانی‌های اصلی عبارتند از اندازه پرتفوی مناسب، پروسه‌های مرتب سازی پرتفوی، اثر پروانه‌ای در انتخاب الگوریتم‌های مناسب و مسأله درون زادی که در این مطالعه به آن‌ها پرداخته خواهد شد. در انتها، مسأله معناداری اختلاف بین چارچوب‌های جایگزین بررسی می‌شود. در این مطالعه از روش‌های بیشماری برای عواملی که بهینه سازی پرتفوی را تحت تأثیر می‌گذارند استفاده می‌شود که از این پس در مورد آن‌ها صحبت خواهیم کرد.

در این پژوهش نیمه واریانس و نیز انحراف معیار زیر نرخ میانگین بازدهی (نامطلوب) محاسبه می‌شود. بنابراین تمام معیارها بر اساس انحراف از میانگین بازدهی محاسبه و تعریف میشوند و برای تخمین فرضیه‌ها از روش رگرسیونهای مقطعی و بین بازدهی و معیارهای ریسک پرداخته خواهد شد. در این مطالعه داده‌ها به طور تصادفی از ۱۰ شرکت لیست شده تهران از سال ۲۰۰۵ تا ۲۰۱۵ انتخاب خواهند شد. با پیروی از یافته‌های جاوید و احمد (۲۰۰۸)، در این مطالعه فقط شرکت‌هایی انتخاب شده‌اند که در کل دوره نمونه در لیست قرار دارند. این شرکت‌ها به طور تصادفی از بین تمام حوزه‌ها انتخاب خواهند شد. با استفاده از نرم افزارهای تجزیه و تحلیلی مربوطه (EViews) در این مطالعه با پیروی از یافته‌های بلک و همکاران (۱۹۷۲)، فاما و مک بث (۱۹۷۳)، فاما و فرنچ (۱۹۹۲) و انگ و همکاران (۲۰۰۶) پرتفوی‌هایی با افق سرمایه گذاری یک ساله مبتنی بر ۱۰ سال از داده‌های عملی در هر ماه ایجاد خواهیم کرد. پس از هر سال، پرتفوی‌ها مجدداً با استفاده از داده‌های تاریخی ۵ سال بازسازی می‌شوند تا یک تحلیلی از نوع پنجره غلطان دست آید.

یافته های تحقیق

مدل سه عاملی فاما و فرنچ:

$$(۵) R_i - R_F = b_i \cdot (E(R_M) - R_F) + s_i \cdot E(SMB) + h_i \cdot E(HML)$$

مدل چهار عاملی کارهارت:

$$(۶) R_i - R_F = b_i \cdot (E(R_M) - R_F) + s_i \cdot E(SMB) + h_i \cdot E(HML) + w_i \cdot E(WML)$$



مدل شرطی CAPM:

$$R_i - R_f = \alpha + \beta_1 * D * E(RM - R_f) + \beta_2 * (1 - D) * E(RM - R_f) + \varepsilon$$

برای تشخیص اینکه استفاده از روش پانل ۱ در برآورد مدل کارآمدتر است یا روش پول ۲، از آزمون چاو (F مقید) استفاده شده است؛ در این آزمون، فرض صفر بیانگر یکسان بودن عرض از مبدأها بوده و در صورت پذیرفته شدن آن (بیشتر از ۰/۰۵ بودن سطح معناداری آزمون چاو)، استفاده از مدل پول ارجحیت دارد و در صورت رد آن (کمتر از ۰/۰۵ بودن سطح معناداری آزمون چاو)، استفاده از مدل پانل ارجحیت دارد. همچنین توسط آزمون هاسمن ۴ استفاده از مدل اثرات ثابت را در مقابل استفاده از مدل اثرات تصادفی آزمون می‌نماییم تا روش مناسب جهت برآورد مدل را معین نماییم. در این آزمون، فرض صفر بیانگر وجود اثرات تصادفی بوده و در صورت پذیرفته شدن آن (بیشتر از ۰/۰۵ بودن سطح معناداری آزمون هاسمن)، استفاده از مدل اثرات ثابت ارجحیت دارد و در صورت رد آن (کمتر از ۰/۰۵ بودن سطح معناداری آزمون هاسمن)، استفاده از مدل اثرات تصادفی ارجحیت دارد. پس از اجرای آزمون‌های اخیر و مشخص شدن مسیر تخمین مدل‌های رگرسیونی، فرضیه‌های پژوهش توسط برآورد مدل‌های مذکور، مورد ارزیابی قرار می‌گیرند. آزمون فرضیه‌های پژوهش از طریق تخمین مدل‌های رگرسیونی انجام می‌شود. در ادامه مدل‌های رگرسیونی مورد برازش قرار می‌گیرد و سپس فرضیه‌ها مورد بررسی قرار خواهند گرفت. مدل‌های رگرسیونی در ابتدای فصل معرفی گردیدند. برای تشخیص اینکه استفاده از روش پانل در برآورد مدل کارآمدتر است یا روش داده‌های تلفیقی، از آزمون چاو استفاده می‌شود.

جدول ۱- نتایج آزمون چاو برای مدل‌های رگرسیونی

نتیجه	سطح معناداری	درجه آزادی	آماره آزمون	مدل رگرسیونی (۱)
استفاده از مدل پانل	۰/۰۰۰	(۱۶۷ و ۶۶۹)	۴/۳۶	
استفاده از مدل پانل	۰/۰۰۰	(۱۶۷ و ۶۶۸)	۴/۷۱	مدل رگرسیونی (۲)
استفاده از مدل پانل	۰/۰۰۰	(۱۶۷ و ۶۷۰)	۳/۷۵	مدل شرطی

¹ -Panel

² -Pool

³ -Chaw

⁴ -Hausman



همانطور که در جدول بالا ملاحظه می شود سطح معناداری آزمون چاو در هر سه معادله مورد بررسی کمتر از $\alpha=0/05$ محاسبه شده لذا با اطمینان ۹۵٪ امکان برآورد مدلها با استفاده از روش پانل تأیید می شود. با توجه به اینکه فرض صفر آزمون چاو مبنی بر برابری عرض از مبدأها رد شد، در ادامه به منظور تشخیص وجود اثرات ثابت یا وجود اثرات تصادفی از آزمون هاسمن استفاده می شود.

جدول ۲- نتایج آزمون هاسمن مدل رگرسیونی

نتیجه	سطح معناداری	درجه آزادی	آماره آزمون	مدل رگرسیونی (۱)
استفاده از اثرات ثابت	۱/۰۰۰	۳	۰/۰۰۰	مدل رگرسیونی (۲)
استفاده از اثرات ثابت	۱/۰۰۰	۴	۰/۰۰۰	
استفاده از اثرات ثابت	۱/۰۰۰	۲	۰/۰۰۰	مدل شرطی

همانطور که در جدول بالا ملاحظه می شود سطح معناداری آزمون هاسمن بزرگتر از $\text{prob}=0/05$ محاسبه شده لذا آزمون هاسمن توانایی در هر سه تخمین رای به استفاده از اثرات ثابت می دهد. نتایج تخمین مدل رگرسیونی اول به روش پانل و با استفاده از اثرات ثابت در جدول زیر ارائه شده است.

جدول ۳- نتایج برازش مدل رگرسیونی (۱)

متغیر پاسخ $R_i - R_f$				
متغیرهای مستقل	ضرایب	انحراف معیار	آماره آزمون	سطح معناداری
	رگرسیونی		t	
ثابت معادله (α)	۲۱/۹۳	۶/۹۱	۳/۱۷	۰/۰۰۱
$E(R_M - R_f)$	-۰/۰۰۰۴	$1/93 * e^{-5}$	۱۳/۱۰	۰/۰۰۰
$E(\text{SMB})$	-۰/۶۳	۰/۲۶	-۲/۴۴	۰/۰۱
$E(\text{HML})$	۰/۴۷	۰/۱۱	۴/۳۰	۰/۰۰۰
آماره آزمون $F = ۴/۳۱$				سطح معناداری = ۰/۰۰۰



آماره $D.W = 2/42$

معیار توان تبیین مدل = $0/40$

جدول ۴- نتیجه آزمون دوربین واتسون برای معادله رگرسیونی اول مورد بررسی

معادله مورد نظر	آماره دوربین واتسون	نتیجه
مدل رگرسیونی (۱)	۲/۴۲	عدم احتمال خود همبستگی سریالی در مدل

دوربین واتسون آماره ای بین ۰ تا ۴ می باشد که هر چه این آماره به عدد ۲ نزدیک تر باشد، احتمال وجود خود همبستگی سریالی در مدل کمتر است، با توجه به آماره دوربین واتسون به دست آمده در این مدل و مقایسه آن با جدول دوربین واتسون، احتمال وجود خود همبستگی سریالی در مدل رگرسیونی مورد بررسی وجود ندارد.

جدول ۵- نتایج آزمون جاک بر

پسماند مدل رگرسیونی	آماره آزمون	سطح معناداری	نتیجه
(۱)	۴/۱۱	۰/۱۲	نرمال بودن توزیع پسماند مدل (۱)

همانطور که در جدول بالا ملاحظه می شود سطح معناداری آزمون جاک بر بیشتر از $\alpha = 0/05$ محاسبه شده، لذا با اطمینان ۹۵٪ توزیع پسماندها نرمال است. آماره جاک بر آماره ای با توزیع خی دو و درجه آزادی دو می باشد اگر این آماره از ۵/۷ کوچکتر باشد، میتوان نتیجه گرفت که توزیع آماری مورد نظر با توجه به جدول خی دو، نرمال می باشد. عامل تورم واریانس در مدل های رگرسیون خطی یکی از روش های تخمین پارامترهای مدل، روش حداقل مربعات می باشد. یکی از مسائل و مشکلاتی که می تواند این روش را به چالش بکشد، وجود پدیده ای به نام هم خطی ۱ می باشد. یکی از شیوه های تشخیص وجود هم خطی که کاربرد زیادی دارد، استفاده از عامل تورم واریانس ۲ می باشد. این عامل نشان می دهد که واریانس ضرایب تخمینی تا چه حد نسبت به حالتی که متغیرهای تخمینی، هم بستگی خطی ندارند، متورم شده است. در جدول زیر ضریب تورم واریانس برای مدل رگرسیونی مورد بررسی آورده شده است.

جدول ۶- نتیجه آزمون تورم واریانس برای معادله رگرسیونی مورد بررسی

معادله مورد نظر	آماره تورم واریانس	نتیجه
مدل رگرسیونی (۱)	۱/۵۶	تایید عدم همخطی در مدل رگرسیونی

¹-multicollinearity

²- Variance Inflation Factor



یکی دیگر از فروض رگرسیون عدم وجود همخطی بین متغیرهای مستقل در مدل رگرسیونی می باشد. در جدول بالا مشخص گردید که با توجه به آماره بدست آمده برای تورم واریانس مدل، همخطی در مدل رگرسیونی وجود ندارد.

جدول ۷- نتایج برازش مدل رگرسیونی (۲)

متغیر پاسخ = $R_i - R_f$					
سطح معناداری	آماره آزمون t	انحراف معیار	ضرایب رگرسیونی	متغیرهای مستقل	
۰/۰۰۴	۲/۸۴	۸/۳۲	۲۳/۶۸	ثابت معادله (α)	
۰/۰۰۰	۹/۰۲	۰/۰۱	۰/۱۶	$E(R_M - R_f)$	
۰/۰۱	-۲/۵۲	۰/۳۳	-۰/۸۵	$E(SMB)$	
۰/۰۰۰	۳/۴۴	۰/۱۹	۰/۶۶	$E(HML)$	
۰/۰۰۰	-۶/۳۹	۱/۳۶	-۸/۷۱	$E(WML)$	
سطح معناداری = ۰/۰۰۰			آماره آزمون $F = ۴/۰۲$		
آماره $D.W = ۲/۳۷$			ضریب تعیین تعدیل شده = ۰/۳۸		

برای بررسی فرضیه های رگرسیونی، در ابتدا آماره دوربین واتسون بررسی می شود.

جدول ۸- نتیجه آزمون دوربین واتسون برای معادله رگرسیونی دوم مورد بررسی

نتیجه	آماره دوربین واتسون	معادله مورد نظر
عدم احتمال خود همبستگی سریالی در مدل	۲/۳۷	مدل رگرسیونی (۲)

دوربین واتسون آماره ای بین ۰ تا ۴ می باشد که هر چه این آماره به عدد ۲ نزدیک تر باشد، احتمال وجود خود همبستگی سریالی در مدل کمتر است، با توجه به آماره دوربین واتسون به دست آمده در این مدل و مقایسه آن با جدول دوربین واتسون، احتمال



جدول ۹- نتایج آزمون جارک برا

پسماند مدل رگرسیونی (۲)	آماره آزمون	سطح معناداری	نتیجه
	۴/۲۵	۰/۱۱	نرمال بودن توزیع پسماند مدل (۲)

همانطور که در جدول بالا ملاحظه می شود سطح معناداری آزمون جارک برا بیشتر از $\alpha=0/05$ محاسبه شده لذا با اطمینان ۹۵٪ توزیع پسماندها نرمال است.

در جدول زیر ضریب تورم واریانس برای مدل رگرسیونی دوم مورد بررسی آورده شده است.

جدول ۱۰- نتیجه آزمون تورم واریانس برای معادله رگرسیونی دوم مورد بررسی

معادله مورد نظر	آماره تورم واریانس	نتیجه
مدل رگرسیونی (۲)	۱/۶۰	تایید عدم همخطی در مدل رگرسیونی

یکی دیگر از فروض رگرسیون عدم وجود همخطی بین متغیرهای مستقل در مدل رگرسیونی می باشد. در جدول بالامشخص گردید که با توجه به آماره بدست آمده برای تورم واریانس مدل، همخطی در مدل رگرسیونی دوم وجود ندارد.

مقایسه با مدل شرطی قیمت گذاری دارایی ها

مدل شرطی قیمت گذاری دارایی ها در ذیل معرفی شده است:

$$R_i - R_f = \alpha + \beta_1 * D * E(R_M - R_f) + \beta_2 * (1 - D) * E(R_M - R_f) + \varepsilon$$

که در آن D متغیر مجازی است که اگر $(R_M - R_f)$ بزرگتر از صفر باشد برابر با یک می باشد و در غیر اینصورت صفر است. تخمین مدل شرطی در جدول ذیل خلاصه شده است:

جدول ۱۰- نتایج برازش مدل رگرسیونی شرطی

متغیر پاسخ $R_i - R_f$				
متغیرهای مستقل	ضرایب	انحراف معیار	آماره آزمون	سطح
			t	



معناداری			رگرسیون	
۰/۰۰۰	-۶/۸۹	۰/۸۴	-۵/۸۴	ثابت معادله (α)
۰/۰۰۰	۱۴/۲۰	۰/۰۱	۰/۲۸	$D * E(R_M - R_f)$
۰/۲۰	۱/۲۸	۰/۰۲	۰/۰۳	$(1-D) * E(R_M - R_f)$
سطح معناداری = ۰/۰۰۰				آماره آزمون $F = ۳/۷۰$
آماره $D.W = ۲/۴۲$				ضریب تعیین تعدیل شده = ۰/۴۱

برای بررسی فرضیه های رگرسیونی، در ابتدا آماره دوربین واتسون بررسی می شود.

جدول ۱۱- نتیجه آزمون دوربین واتسون برای معادله رگرسیونی سوم (شرطی) مورد بررسی

معادله مورد نظر	آماره دوربین واتسون	نتیجه
مدل رگرسیونی (۳)	۲/۴۲	عدم احتمال خود همبستگی سریالی در مدل

دوربین واتسون آماره ای بین ۰ تا ۴ می باشد که هر چه این آماره به عدد ۲ نزدیک تر باشد، احتمال وجود خود همبستگی سریالی در مدل کمتر است، با توجه به آماره دوربین واتسون به دست آمده در این مدل و مقایسه آن با جدول دوربین واتسون، احتمال وجود خود همبستگی سریالی در مدل رگرسیونی مورد بررسی وجود ندارد.

جدول ۱۲- نتایج آزمون جارک برا

پسماند مدل رگرسیونی (۳)	آماره آزمون	سطح معناداری	نتیجه
	۳/۷۸	۰/۱۵	نرمال بودن توزیع پسماند مدل (۳)

جدول ۱۳- نتیجه آزمون تورم واریانس برای معادله رگرسیونی مورد بررسی

معادله مورد نظر	آماره تورم واریانس	نتیجه
مدل رگرسیونی (۳)	۱/۳۳	تایید عدم همخطی در مدل رگرسیونی

یکی دیگر از فروض رگرسیون عدم وجود همخطی بین متغیرهای مستقل در مدل رگرسیونی میباشد. در جدول بالامشخص گردید که با توجه به آماره بدست آمده برای تورم واریانس مدل، همخطی در مدل رگرسیونی شرطی وجود ندارد.



بررسی فرضیه ها و مقایسه توان تبیین

برای بررسی مقایسه توان تبیین به مقایسه ضریب تعیین تعدیل شده در معادلات رگرسیونی پرداخته می شود:

جدول ۱۴- مقایسه ضریب تعیین تعدیل شده مدلها

مدل مورد نظر	ضریب تعیین تعدیل شده	رتبه
سه عاملی	۰/۳۴	۳
چهار عاملی کاهارت	۰/۳۸	۲
شرطی	۰/۴۱	۱

همچنین در جدول ذیل آزمون کریستوفرسون برای مقایسه مدلها آورده شده است:

جدول ۱۵- آزمون کریستوفرسون برای مدل های مورد بررسی

مدل مورد نظر	سطح اطمینان	تعداد پیروزی	تعداد شکست	تعداد کل
مدل شرطی	۹۹ درصد	۲۰	۰	۲۰
	۹۵ درصد	۱۸	۲	۲۰
	۹۰ درصد	۱۵	۵	۲۰
مدل کاهارت (چهار عاملی)	۹۹ درصد	۱۸	۲	۲۰
	۹۵ درصد	۱۶	۴	۲۰
	۹۰ درصد	۱۳	۷	۲۰
مدل سه عاملی (فاما و فرنچ)	۹۹ درصد	۱۷	۳	۲۰
	۹۵ درصد	۱۴	۶	۲۰
	۹۰ درصد	۱۰	۱۰	۲۰

همچنین در جدول ذیل درصد موفقیت و شکست در آزمون کریستوفرسون برای مقایسه مدلها آورده شده است:



جدول ۱۶- درصد موفقیت در آزمون کریستوفرسون برای مدل های مورد بررسی

مدل مورد نظر	سطح اطمینان	درصد پیروزی	درصد شکست	درصد کل
مدل شرطی	۹۹ درصد	۱۰۰	۰	۱۰۰
	۹۵ درصد	۹۰	۱۰	۱۰۰
	۹۰ درصد	۷۵	۲۵	۱۰۰
مدل کاهارت (چهار عاملی)	۹۹ درصد	۹۰	۱۰	۱۰۰
	۹۵ درصد	۸۰	۲۰	۱۰۰
	۹۰ درصد	۶۵	۳۵	۱۰۰
مدل سه عاملی (فاما و فرنچ)	۹۹ درصد	۸۵	۱۵	۱۰۰
	۹۵ درصد	۷۰	۳۰	۱۰۰
	۹۰ درصد	۵۰	۵۰	۱۰۰

در تمام موارد مورد بررسی مدل شرطی بهتر از مدل های دیگر و مدل چهار عاملی کاهارت بهتر از مدل سه عاملی می باشد. با توجه به رتبه بندی انجام شده می توان به بررسی فرضیه پژوهش پرداخت.

نتیجه گیری

مدت های طولانی است که رابطه بازده ریسک به عنوان ستون فقرات مدیریت پرتفوی محسوب می شود. واحدهای اقتصادی برای مصونیت در برابر ریسک نامطلوب پرتفوی ها را به عنوان بخشی از استراتژی کاهش ریسک ایجاد کرده و پوشش داده اند. با وجود این، معیارهای ریسک به کار رفته در مقالات فعلی بدون اتفاق نظر برای انتخاب معیار ریسک به طور گسترده بحث شده اند. در گذشته در چارچوب میانگین و واریانس (MV)، مورد آخر به عنوان عاملی برای ریسک به کار می رود، اینطور فرض می شد که سرمایه گذار در ریسک های صعودی و نزولی دارای وزن های یکسان است. از طرف دیگر، چارچوب ریسک نامطلوب (DR) اساساً به نگرانی سرمایه گذار برای مصونیت در برابر نرخ فاجعه بار بستگی دارد. انگیزه بررسی این دو چارچوب در بازار نوسان دار از این موضوع نشأت گرفته است که معیارهای مناسب ریسک در بازارهایی که دارای عدم قطعیت زیاد هستند برای افراد و سازمان ها بسیار حیاتی است. بسیاری از سرمایه گذاران در زمان وقوع نوسان قیمت دچار نگرانی می شوند و استراتژی های سرمایه گذاری آنها بر حسب تخصیص دارایی زیر سؤال می رود.



علاوه بر این در مطالعات قوی باید مسائل مختلف در ارتباط با بهینه سازی پرتفوی در هر دو چارچوب مد نظر قرار داده شود، مطالعات قبلی فاقد این ویژگی هستند. این راه حل ها در مقالات متفاوت پیشنهاد شده اند با این حال به یک مطالعه جامع مانند مدل سازی مالی برای سرمایه گذاران، نهادهای سرمایه گذاری و محققان نیاز است. اصولاً تخصیص دارایی در بازارهای مالی باعث می شود که سرمایه داران صاحب ارزش شوند. این مطالعه به پیش بینی ریسک پرتفوی برای سرمایه گذاران، توضیح رفتار بازار و ماهیت سرمایه گذاری کمک می کند و برای تقاضای سهام های عادی سازمانی بسیار مؤثر است.

در این پژوهش با استفاده از داده های جمع آوری شده از آمار های ارائه شده توسط سازمان بورس اوراق بهادار و نرم افزار هایی همچون ره آورد نوین برای شاخص های مختلف مورد بررسی در دوره زمانی ۱۳۹۴ الی ۱۳۹۸، به بررسی فرضیه ها پرداخته شده است. روش آزمون فرضیه های این تحقیق به روش اقتصادسنجی پانل دیتا^۱ و با بهره گیری از نرم افزار Eviews 9 می باشد. بدین منظور ابتدا آماره های توصیفی متغیرهای پژوهش که شامل پارامترهای مرکزی و پراکندگی می شود بیان شدند. پس از انجام آزمون همبستگی برای بررسی احتمال وجود همخطی در مدل رگرسیونی، برای تعیین نوع تخمین آزمونهای چاو (اف لیمر) و هاسمن انجام شدند که در نهایت این آزمونها در هر سه مدل رگرسیونی از اثرات ثابت استفاده شد. در نهایت به عنوان نتیجه گیری از تجزیه و تحلیل اقتصادسنجی، کلیه فرضیه های مورد بررسی تایید گردیدند. و نشان داده شد که:

- چارچوب ریسک نامطلوب بهتر از چارچوب میانگین واریانس مارکوفیتز عمل می کند
- هر گاه بازده های دارایی چولگی زیاد باشد آن گاه میزان اختلاف معنی دار خواهد بود
- استفاده از ریسک نامطلوب به جای واریانس به عنوان معیار ریسک در تصمیمات سرمایه گذاری مناسب است.

این مطالعه به ارزیابی معیارهای مختلف ریسک؛ واریانس و ریسک نامطلوب در تخصیص دارایی در یک بازار سهام نوسان دار اقتصاد نوظهور کمک می کند. این حوزه یکی از حوزه های مورد توجه سهام داران مختلف است. با تخصیص دارایی کارآمد سهام داران در بازارهای مالی صاحب ارزش می شوند. مدل های مبتنی بر چارچوب های MV و DR با استفاده از بهینه سازی پرتفوی تست می شوند. عواملی که بهینه سازی پرتفوی را تحت تأثیر قرار می دهند با احتیاط مطرح شده اند. در این مطالعه مرزهای کارآمد با استفاده از پرتفوی های مرتب شده سه گانه توسط مدل های جایگزین حل و رسم شده اند. علاوه بر این، برای ارزیابی اختلاف بین چارچوب های جایگزین از RMSDI استفاده شده است. نتایج نشان می دهند که چارچوب DR در تمام پرتفوی های مرتب شده بهتر از چارچوب MV عمل می کند. این نتایج با نتایج هارلو (۱۹۹۱) و فو و انگک (۲۰۰۰) که برتری مورد اول را نسبت به مورد دوم با استفاده از مرزهای کارآمد نشان داده اند سازگار است،

¹- Panel Data



بنابراین سوالی که مطرح می‌شود عبارت است از: «آیا ریسک نامطلوب در مقایسه با واریانس در تخصیص دارایی معیار بهتری است؟» نتایج نشان می‌دهند که پرتفویی با ۲۰ سهم می‌تواند ۵۷٪ ریسک را متنوع کند. بدین ترتیب راه حل بهینه سازی باید دارای مقدار کمتری باشد در غیر این صورت نباید بیشتر از ۲۰ اوراق بهادار باشد. علاوه بر این نشان داده‌ایم که هرگاه چولگی زیاد باشد آن گاه چارچوب DR ۱۱٪ کارآمدتر از چارچوب MV خواهد بود. از طرف دیگر، هرگاه چولگی در سمت کمتر رخ دهد آن گاه مورد اول ۴٪ کارآمدتر از مورد آخر خواهد بود. این نتایج بر اساس روش‌های مختلف مرتب سازی پرتفوی ارائه شده‌اند. به طور کلی، چارچوب DR برای سطح یکسانی از بازده‌های پیش بینی شده به طور متوسط ۷٪ کارآمدتر از چارچوب MV مارکوویتز است. بنابراین با اطمینان این طور نتیجه می‌گیریم که ریسک نامطلوب به عنوان عاملی از ریسک در مقایسه با واریانس معیار بهتری است. علاوه بر این، اختلاف در ترکیب پرتفوی با استفاده از مدل‌های جایگزین به طور متوسط ۶۳۹٪ است. چنانچه مطالعات محققان مبتنی بر حوزه‌های مالی و غیر مالی باشد می‌توانند از مزیت‌های بیشتری برخوردار شوند. حوزه‌های مالی توسط استانداردهای گزارش دهی مالی بین‌المللی به صورت نمودارهای مختلف ریسک تنظیم می‌شوند. بنابراین در این مطالعه از تست کارایی برای پرتفوی بازار استفاده نشده است. بنابراین، برای تعیین کارایی پرتفوی بازار می‌توان از تست‌های مبتنی بر تسلط تصادفی استفاده کرد. در این مطالعه از مدل‌های شرطی و چندعاملی در چارچوب ریسک نامطلوب استفاده نشده است. این کار باعث افزایش کارایی چارچوب ریسک نامطلوب می‌شود. اگر خطای ردیابی وجود داشته باشد آن گاه مدل چند بُعدی شده و بیشتر مورد قبول نیروی بازار قرار می‌گیرد. در انتها، در این زمینه می‌توان از روش رفتاری استفاده کرد زیرا به طور پیوسته توجه محققان و کارورزان مشابه را به خود جلب می‌کند.

منابع:

- Abbas, Q., Ayub, U., Sargana, S., Saeed, S.K., 2011. From regular-beta CAPM to downside-beta CAPM. *Eur. J. Soc. Sci.* 21 (2), 189–203.
- Ahmad, E., Qasim, M.A., 2004. Stock market volatility in Pakistan: an empirical analysis. *Middle East Bus. Econ. Rev.* 16 (2), 1–19.
- Aleknevičienė, V., Aleknevičiūtė, E., Rinkevičienė, R., 2012. Portfolio size and diversification effect in Lithuanian stock exchange market. *Eng. Econ.* 23 (4), 338–347.
- Ang, J., 1975. A note on the E, SL portfolio selection model. *J. Financ. Quant. Anal.* 10 (5), 849–857 (December).
- Ang, J.S., Jess, H.C., 1979. Composite measures for the evaluation of investment performance. *J. Financ. Quant. Anal.* 14 (2), 361–384.
- Ang, A., Chen, J., Xing, Y., 2006. Downside risk. *Rev. Financ. Stud.* 19 (4), 1191–1239.
- Athayde, G.M., Flôres Jr., R.G., 2004. Finding a maximum skewness portfolio a general solution to three-moments portfolio choice. *J. Econ. Dyn. Control.* 28, 1335–1352.



- Atwood, J.A., Watts, M.J., Helmers, G.A., 1988. Chance-constrained financing as a response to financial risk. *Am. J. Agric. Econ.* 70 (1), 79–89.
- Bawa, Vijay S., 1975. Optimal rules for ordering uncertain prospects. *J. Financ. Econ.* 2 (1), 95–121.
- Bawa, Vijay, Lindenberg, Eric, 1977. Capital market equilibrium in a mean-lower partial moment framework. *J. Financ. Econ.* 5, 189–200.
- Bekaert, G., Harvey, C.R., 1997. Emerging equity market volatility. *J. Financ. Econ.* 43, 29–78.
- Black, F., Jensen, M., Scholes, M., 1972. The capital asset pricing model: some empirical tests. In: Jensen, M.C. (Ed.), *Studies in the Theory of Capital Markets*. Praeger, New York, NY, pp. 79–124.
- Boasson, V., Boasson, E., Zhou, Z., 2011. Portfolio optimization in a mean-semivariance framework. *Invest. Manag. Financ. Innov.* 8 (3), 58–68.
- Brogan, A.J., Stidham Jr., S., 2005. A note on separation in mean-lower-partial-moment portfolio optimization with fixed and moving targets. *IIE Trans.* 37 (10), 901–906.
- Brown, J.R., Farrell, A.M., Weisbenner, S.J., 2012. The Downside of Defaults (No. onb12-05). National Bureau of Economic Research.
- Byrne, P., Lee, S., 2000. Risk reduction in the United Kingdom property market. *J. Prop. Res.* 17 (1), 23–46.
- Campbell, J.Y., Lettau, M., Malkiel, B.G., Xu, V., 2001. Have individual stocks become more volatile? An empirical exploration of idiosyncratic risk. *J. Financ.* 56, 1–43.
- Cheng, P., Wolverton, M.L., 2001. MPT and the downside risk framework: a comment on two recent studies. *J. Real Estate Portf. Manag.* 7 (2), 125–131.
- Chong, J., Phillips, G.M., 2013. Portfolio size revisited. *J. Wealth Manag.* 15 (4), 49–60.
- Chunhachinda, P., Dandapani, K., Hamid, S., Prakash, A.J., 1997. Portfolio selection and skewness: evidence from international stockmarkets. *J. Bank. Financ.* 21 (2), 143–167.
- Cumova, D., Nawrocki, D., 2011. A symmetric LPM model for heuristic mean-semivariance analysis. *J. Econ. Bus.* 63 (3), 217–236.
- Cumova, D., Moreno, D., Nawrocki, D., 2006. The critical line algorithm for UPM-LPM parametric general asset allocation problem with allocation boundaries and linear constraints. *Asset Allocation and International Investments*. Palgrave Macmillan, London, pp. 80–95.
- Daniel, K., Titman, S., 1997. Evidence on the characteristics of cross sectional variation in stock returns. *J. Financ.* 52 (1), 1–33.
- De Bondt, W., Thaler, R., 1987. Further evidence of investor overreaction and stockmarket seasonality. *J. Financ.* 42, 557–581.
- Dufour, J.M., Khalaf, L., Beaulieu, M.C., 2003. Exact skewness-kurtosis tests for multivariate normality and goodness-of-fit in multivariate regressions with application to asset pricing models. *Oxf. Bull. Econ. Stat.* 65, 891–906.
- Eftekhari, B., Satchell, S., 1996. Non-normality of returns in emerging markets. *Res. Int. Bus. Financ.* 1, 267–277.
- Elton, E.J., Gruber, M.J., 1977. Risk reduction and portfolio size; an analytical solution. *J. Bus.* 50 (4), 415–437.
- Elton, E., Gruber, M., Brown, S., Goetzmann, W., 2003. *Modern Portfolio Theory and Investment Analysis*, 6th ed. Wiley.
- Estrada, J., 2000. The cost of equity in emerging markets: a downside risk approach. *Emerg. Mark. Q.* 4, 19–31.
- Estrada, J., 2002. Systematic risk in emerging markets: the D-CAPM. *Emerg. Mark. Rev.* 3 (4), 365–379.



- Estrada, J., 2007. Mean–semivariance behavior: downside risk and capital asset pricing. *Int. Rev. Econ. Financ.* 16 (2), 169–185.
- Estrada, J., 2008. Mean–semivariance optimization: a heuristic approach. *J. Appl. Financ.* 18 (1), 57–72.
- Evans, J.L., Archer, S.H., 1968. Diversification and the reduction of dispersion: an empirical analysis. *J. Financ.* 23, 761–767.
- Fama, E., 1998. Market efficiency, long-term returns, and behavioral finance. *J. Financ. Econ.* 49, 283–306.
- Fama, E., French, K., 2004. The capital asset pricing model: theory and evidence. *J. Econ. Perspect.* 18 (3), 25–46.
- Fama, E., MacBeth, J., 1973. Risk return and equilibrium: empirical tests. *J. Polit. Econ.* 81, 607–636.
- Fishburn, P., 1977. Mean-risk analysis with risk associated with below-target returns. *Am. Econ. Rev.* 67 (2), 116–126.
- Foo, T., Eng, S., 2000. Asset allocation in a downside risk framework. *J. Real Estate Portf. Manag.* 6 (3), 213–223.
- Frahm, G., Wiechers, C., 2011. On the diversification of portfolios of risky assets. Working Paper. University of Cologne.
- Frank, M., Wolfe, P., 1956. An algorithm for quadratic programming. *Nav. Res. Log. Quart.* 3, 95–110.
- Grootveld, H., Hallerbach, W., 1999. Variance vs downside risk: is there really that much difference? *Eur. J. Oper. Res.* 114, 304–319.
- Gul, F., 1991. A theory of disappointment aversion. *Econometrica* 59, 667–686.
- Haque, M., Kabir, H., Varela, O., 2004. Safety-first portfolio optimization for US investors in emerging global, Asian and Latin American markets. *Pac. Basin Financ. J.* 12 (1), 91–116.
- Harlow, W.V., 1991. Asset allocation in a downside-risk framework. *Financ. Anal. J.* 47 (5), 28–40.