

## بهبود امنیت طرح امضای کور لی، هوانگ و یانگ

حمید مرادی موفق

دانشگاه امام حسین (ع)

h.m.movahagh@gmail.com

علی ناصری

دانشگاه امام حسین (ع)

a\_naseri@ict.gov.ir

**چکیده:** در سال ۲۰۰۵، سه نفر به اسمی لی، هوانگ و یانگ یک طرح امضای کور بر پایه لگاریتم گستته ارائه کردند. این امضای خصوصیات غیر قابل ردگیر بودن<sup>۱</sup> و عدم ارتباطپذیر بودن<sup>۲</sup> را برآورده می‌کند. در این مقاله یک حمله به این طرح طراحی می‌شود به طوریکه در این حمله متقارضی امضا، تنها با اجرای یک بار پروتکل امضا با امضا کننده، می‌تواند بیش از یک امضا معتبر بدست آورد و این یک خاصیت مهم امنیتی امضا کور را نقض می‌کند. بنابراین اثبات می‌گردد امضا کور امن نیست. در نهایت با ارائه یک راهکار مناسب امنیت امضا کور را تأمین می‌گردد.

**واژه های کلیدی:** لگاریتم گستته، امضا کور، غیر قابل ردگیر بودن، عدم ارتباطپذیر بودن

### ۱- مقدمه

بطور وسیعی بکار برده می‌شوند. اخیراً طرح‌های متعددی از امضای کور بر پایه مسئله لگاریتم گستته ارائه و درباره آنها بحث شده است [۵,6,7,8]. در سال ۱۹۹۴ [۹] Carmenish و همکارانش یک طرح امضای کور بر پایه لگاریتم گستته ارائه کردند [۱۰]. در سال ۱۹۹۵ Harn طی مقاله‌ای ادعا نمود که طرح Carmenish خاصیت غیر قابل ردگیر بودن را برآورده نمی‌کند [۱۱]. و همانطور که در مرجع [۱۲] آمده است Harn و همکارانش ادعا نمودند که تجزیه تحلیل Horster صحیح نبوده است. در نهایت در سال ۲۰۰۵ Lee و Horster همکارانش در مقاله مرجع [۱۳] نشان دادند که مقاله درباره حمله Harn اشتباه بوده است و سپس آنها یک طرح

در سال ۱۹۸۲ D.Chuam یک ایده طرح امضای کور ارائه کرد که به صورت تئوری اطلاعاتی نظری، بدست آوردن یک لینک بین امضا و مثلاً عمل امضا کردن – که کوری را برای یک امضا تولید می‌کند – را از امضا کننده سلب می‌کرد [۱]. این موضوع معمولاً به خاصیت عدم ارتباطپذیر بودن یا غیر قابل ردگیر بودن، ارجاع داده می‌شود. به علت خاصیت عدم ارتباطپذیری امضاها، امضاهای کور در پروتکل‌های پرداخت -الکترونیکی غیر قابل ردگیری [۲,1] و سیستمهای رأی‌گیری الکترونیکی بدون افشاگری هویت [۴,3]

<sup>1</sup> untraceability  
<sup>2</sup> unlinkability

## ۲-کور کردن پیام

وقتی متقارضی  $(\tilde{r}_1, \tilde{r}_2, b_1, b_2)$  را دریافت کرد متقارضی ۵ مقدار تصادفی  $(a, b, c, d, e)$  را انتخاب می‌کند و آنها را نزد خود نگه می‌دارد پس متقارضی مقادیر زیر را محاسبه می‌کند.

$$r_1 \equiv \tilde{r}_1^{ab_1} g^c \pmod{p} \quad (3)$$

$$r_2 \equiv \tilde{r}_2^{bb_2} g^e \pmod{p} \quad (4)$$

$$r \equiv (r_1 r_2)^d \pmod{p} \quad (5)$$

سپس متقارضی پیام  $m$  را با محاسبه:

$$\tilde{m}_1 \equiv m \tilde{r}_1^{-1} ad \pmod{q} \quad (6)$$

$$\tilde{m}_2 \equiv m \tilde{r}_2^{-1} bd \pmod{q} \quad (7)$$

کور می‌کند و  $(\tilde{m}_1, \tilde{m}_2)$  را جهت امضا به امضاکننده تحويل می‌دهد.

امضای کور بهبود یافته در مرجع [8] ارائه دادند تا امنیت طرح Carmenish را برای مقاومت در برابر حمله مطرح شده در مرجع [5] بالا ببرند.

در یک طرح امضا کور امن، این موضوع بیش از هر چیزی می‌باشد ضمانت شود که هر متقارضی امضا در صورت انجام  $X$  (عدد صحیح) بار پرتوکل امضا با امضا کننده، حداقل  $X$  امضا معتبر بدست آورد [1, 2, 3]. این مقاله وجود نقص امنیتی در طرح مرجع [8] را نشان می‌دهد به طوریکه متقارضی با اجرای تنها یکبار پرتوکل امضا با امضاکننده می‌تواند دو امضا موجود را برای دو پیام مجزا بدست آورد. در اذame در بخش ۲ طرح لی، هوانگ و یانگ از مرجع [8] بیان می‌گردد. در بخش ۳ حمله به این طرح ارائه می‌شود و در بخش ۴ بهبود و مقاوم‌سازی طرح مذکور در برابر حمله ارائه می‌گردد. در بخش ۵ به نتیجه گیری پرداخته می‌شود و در نهایت در بخش ۶ مراجع ذکر خواهد شد.

## ۳-امضا کردن

پس از رسیدن  $(\tilde{m}_1, \tilde{m}_2)$  به امضاکننده، امضاکننده به صورت زیر امضا می‌کند.

$$\tilde{s}_1 \equiv x \tilde{r}_1 + \tilde{k}_1 b_1 \tilde{m}_1 \pmod{q} \quad (8)$$

$$\tilde{s}_2 \equiv x \tilde{r}_2 + \tilde{k}_2 b_2 \tilde{m}_2 \pmod{q} \quad (9)$$

و  $(\tilde{s}_1, \tilde{s}_2)$  را به متقارضی تحويل می‌دهد.

## ۴-بازگشایی کوری

سرانجام متقارضی برای یافتن امضا معتبر عمل بازگشایی کوری انجام می‌دهد و محاسبه می‌کند.

$$s_1 \equiv \tilde{s}_1 \tilde{r}_1^{-1} \frac{r}{2} + cdm \pmod{q} \quad (10)$$

$$s_2 \equiv \tilde{s}_2 \tilde{r}_2^{-1} \frac{r}{2} + edm \pmod{q} \quad (11)$$

متقارضی سپس  $s \equiv (s_1 + s_2)(\text{mod } q)$  را محاسبه می‌کند و سه تایی  $(m, r, s)$  را منتشر می‌کند.

## ۲-طرح امضا کور لی هوانگ یانگ

در این بخش طرح لی، هوانگ و یانگ را از [8] بیان می‌گردد. دو نقش اصلی این طرح را امضاکننده و متقارضی امضا — که از امضاکننده تقاضای امضا دارد — بر عهده دارند.

## ۱-راه اندازی

امضاکننده دو عدد بزرگ اول  $p$  و  $q$  را انتخاب می‌کند به طوری که  $q|p-1$  و  $g$  یک مولد با مرتبه  $p$  از  $Z^*$  باشد. امضا کننده یک عدد صحیح  $X$  را عنوان کلید خصوصی اش انتخاب می‌کند و  $y \equiv g^x \pmod{p}$  و  $(p, q, g, y)$  را به عنوان کلید عمومی منتشر می‌کند.

امضاکننده به صورت تصادفی  $\tilde{k}_1, \tilde{k}_2, b_1, b_2$  را در  $Zq$  انتخاب می‌کند و مقادیر زیر را محاسبه می‌کند.

$$\tilde{r}_1 \equiv g^{\tilde{k}_1} \pmod{p} \quad (1)$$

$$\tilde{r}_2 \equiv g^{\tilde{k}_2} \pmod{p} \quad (2)$$

و باید  $GCD(\tilde{r}_1, q)=1$  و  $GCD(\tilde{r}_2, q)=1$  باشند آنگاه

امضاکننده  $(\tilde{r}_1, \tilde{r}_2, b_1, b_2)$  را برای متقارضی می‌فرستد.



Archive of SID

# چهارمین کنفرانس آنجمن رمز ایران

۲۶ الی ۲۷ مهر ماه ۱۳۸۶ دانشگاه علم و صنعت ایران



دانشگاه علم و صنعت ایران

## ۳-۳-امضا کردن

امضاکننده هم  $(\tilde{s}_1, \tilde{s}_2)$  را به صورت قبل محاسبه می‌کند.

$$\tilde{s}_1 \equiv x\tilde{r}_1 + \tilde{k}_1 b_1 \tilde{m}_1 \pmod{q} \quad (17)$$

$$\tilde{s}_2 \equiv x\tilde{r}_2 + \tilde{k}_2 b_2 \tilde{m}_2 \pmod{q} \quad (18)$$

و  $(\tilde{s}_1, \tilde{s}_2)$  را برای متقاضی (حمله کننده) می‌فرستد.

## ۴-۴-بازگشایی کوری

متقاضی (حمله کننده)

$$s_1 \equiv \tilde{s}_1 \tilde{r}_1^{-1} r_1 + cdm_\alpha \pmod{q} \quad (19)$$

$$s_2 \equiv \tilde{s}_2 \tilde{r}_2^{-1} r_2 + edm_\beta \pmod{q} \quad (20)$$

را محاسبه می‌کند و مقادیر زیر را منتشر می‌کند.

$$(m_\beta, r_2, s_2) \quad \text{و} \quad (m_\alpha, r_1, s_1)$$

## ۵-۳-تصدیق کردن

$$g^{s_1} \equiv y^{r_1} r^{m_\alpha} \pmod{p} \quad (21)$$

$$g^{s_2} \equiv y^{r_2} r^{m_\beta} \pmod{p} \quad (22)$$

این دو امضای معتربر برای دو پیام مجزا تنها با اجرای یکبار پروتکل بدست می‌آیند.

حال ثابت می‌کنیم این دو امضا  $(s_1, s_2)$  برای دو پیام  $(m_\alpha, m_\beta)$  معتربرند.

اثبات:

$$\begin{aligned} g^{s_1} &\equiv g^{\tilde{s}_1 \tilde{r}_1^{-1} r_1 + cdm_\alpha} \\ &\equiv g^{(x\tilde{r}_1 + \tilde{k}_1 b_1 \tilde{m}_1) \tilde{r}_1^{-1} r_1 + cdm_\alpha} \\ &\equiv g^{x\tilde{r}_1 \tilde{r}_1^{-1} r_1 + \tilde{k}_1 \tilde{m}_1 b_1 \tilde{r}_1^{-1} r_1 + cdm_\alpha} \\ &\equiv g^{xr_1 + \tilde{k}_1 b_1 m_\alpha \tilde{r}_1 r_1^{-1} ad \tilde{r}_1^{-1} r_1 + cdm_\alpha} \\ &\equiv g^{xr_1} g^{\tilde{k}_1 b_1 m_\alpha ad + cdm_\alpha} \\ &\equiv y^{r_1} g^{(\tilde{k}_1 ab_1 d + cd)m_\alpha} \\ &\equiv y^{r_1} r_1^{m_\alpha} \end{aligned}$$

و بهمین ترتیب برای  $(m_\beta, r_2, s_2)$  نیز اثبات می‌شود.

## ۵-۴-تصدیق کردن

تصدیق کننده با بررسی کردن تساوی زیر پی به معتربر بودن یا جعلی بودن امضا می‌برد.

(12)

$$g^s \equiv y^r r^m \pmod{p}$$

## ۳-حمله به طرح امضای کور لی، هوانگ و یانگ

در پروتکل که در بخش دوم توضیح داده شد اگر متقاضی درستکار نباشد می‌تواند دو امضای معتربر برای دو پیام جداگانه  $m_\beta$  و  $m_\alpha$  به ترتیب، تنها با اجرای یکبار پروتکل با امضای کننده بدست آورد.

حمله ارائه شده در زیر شرح داده می‌شود.

## ۱-۱-راه اندازی

مرحله راه اندازی مانند قبیل انجام می‌شود با این تفاوت که متقاضی بجای محاسبه

$$r_1 \equiv \tilde{r}_1^{ab_1} g^c \pmod{p}$$

$$r_2 \equiv \tilde{r}_2^{bb_2} g^e \pmod{p}$$

$$r \equiv (r_1 r_2)^d \pmod{p}$$

مقادیر زیر را محاسبه می‌کند.

$$r_1 \equiv (\tilde{r}_1^{ab_1} g^c)^d \pmod{p} \quad (13)$$

و

$$r_2 \equiv (\tilde{r}_2^{bb_2} g^e)^d \pmod{p} \quad (14)$$

و در این حمله نیازی به محاسبه  $I$  نیست.

## ۲-۳-کور کردن پیام

متقاضی سپس  $(\tilde{m}_1, \tilde{m}_2)$  را به صورت زیر تشکیل می‌دهد:

$$\tilde{m}_1 \equiv m_\alpha \tilde{r}_1 r_1^{-1} ab \pmod{q} \quad (15)$$

و

$$\tilde{m}_2 \equiv m_\alpha \tilde{r}_2 r_2^{-1} ab \pmod{q} \quad (16)$$

و  $(\tilde{m}_1, \tilde{m}_2)$  را برای امضای کننده می‌فرستد.

## ۴-۳- امضای کردن

امضاکننده پس از دریافت  $(\tilde{m}_1, \tilde{m}_2)$  به صورت زیر عمل می‌کند.

$$\tilde{s}_1 \equiv x\tilde{r}_1 + \tilde{k}_1 b_1 \tilde{m}_1 \pmod{q} \quad (30)$$

$$\tilde{s}_2 \equiv x\tilde{r}_2 + \tilde{k}_2 b_2 \tilde{m}_2 \pmod{q} \quad (31)$$

و  $(\tilde{s}_1, \tilde{s}_2)$  را برای متقاضی می‌فرستد.

## ۴-۴- بازگشایی کوئی

پس از رسیدن  $(\tilde{s}_1, \tilde{s}_2)$  به متقاضی، متقاضی امضای معترض  $S$  را برای پیام  $m$  به صورت زیر بدست می‌آورد.

$$s_1 \equiv \tilde{s}_1 \tilde{r}_1^{-1} \frac{r}{2} + cdm \pmod{q} \quad (32)$$

$$s_2 \equiv \tilde{s}_2 \tilde{r}_2^{-1} \frac{r}{2} + efm \pmod{q} \quad (33)$$

$$s \equiv (s_1 + s_2) \pmod{q} \quad (34)$$

سپس متقاضی  $(m, r, s)$  را منتشر می‌کند.

## ۴-۵- تصدیق کردن

تصدیق کننده بررسی می‌کند که:

$$g^s \equiv y^r r^m \pmod{p} \quad (35)$$

## ۴-۶- اثبات موجودیت امضای

با توجه به طرح بهبود ارائه شده این حمله دیگر کارساز نخواهد بود چون دیگر نمی‌توان فاکتور  $r$  را از معادلات حذف کرد.

$$\begin{aligned} g^s &\equiv g^{s_1+s_2} \\ &\equiv g^{(\tilde{s}_1\tilde{r}_1^{-1}\frac{r}{2}+cdm)+(\tilde{s}_2\tilde{r}_2^{-1}\frac{r}{2}+efm)} \\ &\equiv g^{((x\tilde{r}_1+\tilde{k}_1b_1\tilde{m}_1)\tilde{r}_1^{-1}\frac{r}{2}+cdm)+((x\tilde{r}_2+\tilde{k}_2b_2\tilde{m}_2)\tilde{r}_2^{-1}\frac{r}{2}+efm)} \\ &\equiv g^{((x\tilde{r}_1+\tilde{k}_1b_1(m\tilde{r}_12r^{-1}ad))\tilde{r}_1^{-1}\frac{r}{2}+cdm)+((x\tilde{r}_2+\tilde{k}_2b_2(m\tilde{r}_22r^{-1}bf))\tilde{r}_2^{-1}\frac{r}{2}+efm)} \\ &\equiv g^{x^r g^{((\tilde{k}_1b_1a+c)d+(\tilde{k}_2b_2b+e)f)m}} \equiv y^r r^m \end{aligned}$$

## ۴- مقاوم سازی در برابر حمله و ارائه طرح بهبود

یافته

ما برای بهبود این طرح بهتر است این طرح را ساده‌تر کنیم یعنی پیام را در یک مرحله کور کنیم یعنی به جای محاسبه  $(\tilde{m}_1, \tilde{m}_2)$ ، تنها  $(\tilde{m}_1, \tilde{m}_2)$  را محاسبه و با آن کار کنیم و یا اینکه آنجایی که متقاضی پنج مقدار  $(a, b, c, d, e)$  را جهت کوری پیام انتخاب می‌کند به این پنج فاکتور یک مقدار  $f$  دیگر بیفزاییم و به صورت زیر عمل کنیم.

## ۴-۱- راه اندازی

مرحله راه اندازی مانند قبل انجام می‌شود یعنی امضاینده  $\tilde{r}_1, \tilde{r}_2, b_1, b_2$  را در  $Zq$  انتخاب می‌کند و مقادیر زیر را محاسبه می‌کند.

$$\tilde{r}_1 \equiv g^{\tilde{k}_1} \pmod{p} \quad (23)$$

$$\tilde{r}_2 \equiv g^{\tilde{k}_2} \pmod{p} \quad (24)$$

به طوری که  $GCD(\tilde{r}_1, q) = 1$  و  $GCD(\tilde{r}_2, q) = 1$  باشند آنگاه  $(\tilde{r}_1, \tilde{r}_2, b_1, b_2)$  را برای متقاضی می‌فرستد.

## ۴-۲- کور کردن پیام

متقاضی بعد از دریافت  $(\tilde{r}_1, \tilde{r}_2, b_1, b_2)$  شش مقدار  $(a, b, c, d, e, f)$  را انتخاب می‌کند و خصوصی نزد خود نگه می‌دارد و مقادیر زیر را محاسبه می‌کند

$$r_1 \equiv \tilde{r}_1^{ab_1} g^c \pmod{p} \quad (25)$$

$$r_2 \equiv \tilde{r}_2^{bb_2} g^e \pmod{p} \quad (26)$$

$$r \equiv (r^d r_1^f r_2^e) \pmod{p} \quad (27)$$

سپس پیام  $m$  را به ترتیب زیر کور می‌کند.

$$\tilde{m}_1 \equiv m \tilde{r}_1 2r^{-1} ad \pmod{q} \quad (28)$$

$$\tilde{m}_2 \equiv m \tilde{r}_2 2r^{-1} bf \pmod{q} \quad (29)$$

و  $(\tilde{m}_1, \tilde{m}_2)$  را به امضاینده می‌دهد.

# چهارمین کنفرانس انجمن رمز ایران

۲۶ الی ۲۴ مهر ماه ۱۳۸۶ دانشگاه علم و صنعت ایران



دانشگاه علم و صنعت ایران

elections”, Journal of Network and Computer Applications ,vol.25,no.2,pp.93-107,2002.

- [4] P.Horster ,M.Michels and H.Petersen, ”Comment: cryptanalysis of the blind signatures based on the discrete logarithm problem” , Electronics Letters ,vol.31,no.21,pp.1827,1995.
- [5] J.Carmenisch, J.Piveteau and M.Stadler ,”Blind signatures based on the discrete logarithm problem” ,Advances in Cryptology-EUROCRYPT’94,pp.428-432,1994.
- [6] L.Harn, ”Cryptanalysis of the blind signatures based on the discrete logarithm problem”, Electronics Letters,vol.31,no.14,pp.1136-1137,1995.
- [7] H.Nurmi ,A.SalomaaandL .Santean ,”Secret ballot elections in computer networks” , Computers&Security,vol.10,no.6,pp.553-560,1991.
- [8] C.C.Lee ,M.S.Hwang and W.P.Yang,” A new blind signature based on the discrete logarithm problem for untraceability” , Applied Mathematics and Computation,vol.164,no.3,pp.837-841,2005.

## ۵- نتیجه‌گیری

با حمله‌ای که روی طرح لی، هوانگ و یانگ انجام شد، امنیت آن نقض گردید زیرا با انجام یکبار پروتکل امضا بین متقاضی و امضا کننده دو امضای معتبر برای دو پیام مجزا بدست آمد. بنابراین اگر این طرح را برای یک سیستم پرداخت الکترونیکی غیر قابل ردگیری بکار گیرند، یک مشتری (همان متقاضی امضا) پس از اجرای یک فرآیند برای گرفتن یک پول الکترونیکی با بانک ، می‌تواند دو پول الکترونیکی معتبر بدست آورد که این باعث ورشکستگی بانک می‌شود و یا اینکه به طور مشابه‌ی اگر طرح لی، هوانگ و یانگ برای ساخت یک سیستم رأی‌گیری الکترونیکی بی‌هویت استفاده شود، یک رأی‌دهنده (متقاضی) می‌تواند دو رأی الکترونیکی معتبر را بدست آورد و در نتیجه دو رأی ثبت کند. لذا نتایج محاسبه رأی‌گیری نادرست خواهد بود، با بهبود صورت گرفته این مقاله ، مشکلات طرح مذکور از بین خواهد رفت و امنیت آن تضمین می‌گردد. ضعف الگوریتم ارائه شده از انجا ناشی می‌شود که الگوریتم کوری آسیب پذیراست؛ چون  $r$  را با توان رساندن  $(r_1, r_2)$  با یک توان یعنی  $(r_1 r_2)^d \pmod{p}$  محاسبه کرده و حمله کننده می‌تواند  $r$  را محاسبه نکند و هر کدام از  $(r_1, r_2)$  را جدا گانه با به توان  $d$  رساندن در معادلات جایگزین  $r$  کند و حمله را انجام دهد. اما در الگوریتم بهبود یافته جدید برای رفع این مشکل فاکتور  $f$  را وارد می‌کنیم و  $r$  را به صورت  $r \equiv (r^d_1 r_2^f) \pmod{p}$  محاسبه می‌کنیم و مشکل برطرف می‌شود.

## سپاسگزاری

از حمایت‌های مالی و علمی مرکز تحقیقات مخابرات تقدیر و تشکر می‌شود.

## ۴- مراجع

- [1] D.Chaum, ”Blind signatures for untraceable payments”, Advances in Cryptology CRYPTO’ 82,pp.199-203,1983.
- [2] C.I.Fan ,”Ownership-attached unblinding of blind signatures for untraceable electronic cash” , Information Sciences,vol.176,no.3,pp.263-284,2006.
- [3] C.I.Fanand C.L.Lei,”An unlinkably divisible and intention attachable ticket scheme for runoff

