

بینه‌سازی سایز چلیکها و گنبدهای دولایه در برابر زلزله با استفاده از الگوریتم‌های اجتماع ذرات و خفash

سعید قلیزاده

استادیار، گروه مهندسی عمران، دانشگاه ارومیه، ایران

s.gholizadeh@urmia.ac.ir

چکیده

هدف اساسی تحقیق حاضر بینه‌سازی چلیکها و گنبدهای دولایه در برابر زلزله با استفاده از الگوریتم‌های اجتماع ذرات و خفash می‌باشد. تابع هدف وزن سازه و متغیرهای طراحی سطح مقطع اعضا سازه می‌باشند. همچنین قیود طراحی شامل محدودیتهای تنش و تغییرمکان بیشینه گره‌هاست. در این تحقیق، از روش تحلیل دینامیکی لحظه به لحظه برای محاسبه پاسخهای سازه در برابر زلزله استفاده شده است. جهت انجام فرآیند بینه‌سازی از الگوریتم شناخته شده اجتماع ذرات و الگوریتم جدید خفash که کارایی مناسب خود را در حل برخی مسائل شناخته شده بینه‌سازی نشان داده استفاده شده است. نتایج بدست آمده در این تحقیق نشان دهنده عملکرد محاسباتی مناسب الگوریتم خفash در برابر الگوریتم شناخته شده اجتماع ذرات می‌باشد.

واژه‌های کلیدی: بینه‌سازی، زلزله، چلیک، گنبد، الگوریتم اجتماع ذرات، الگوریتم خفash

۱. مقدمه

امروزه پوشش فضاهای بزرگ بدون حضور ستون‌های میانی یکی از مهمترین چالش‌های مهندسین و طراحان سازه بشمار می‌آید و سازه‌های فضاسکار از بهترین گزینه‌ها برای پاسخ‌گویی به این نیاز پر امروزه‌یست. در مقایسه با سازه‌های تخت فرم قوسی چلیک‌ها و گنبدها مزیت این سازه‌ها را دو چندان کرده است، و این سازه‌ها را به اقتصادی ترین گزینه برای پوشش دهانه‌های بزرگ تبدیل کرده است. یک چلیک از تبدیل یک شبکه تک لایه، دولایه یا چندلایه به فرم قوسی در یک جهت ایجاد میگردد و حاصل آن تشکیل تاشه چلیکی یک، دو یا چندلایه خواهد بود. مقطع عمومی یک سازه چلیکی ممکن است بخشی از دایره، بیضی یا سهمی باشد. این سازه‌ها بیشتر برای پوشش سطوح مستطیلی دالان مانند استفاده شده و بعضًا قادر ساختن می‌باشند. روی لبه‌های چلیک که به تکیه گاه متصل است، فرار می‌گیرند. گنبد مشبك، یک سیستم سازهٔ فضاسکار است که شامل یک یا چند لایه (از اجزا) می‌باشد که در تمامی جهات به فرم قوسی در آمده‌اند. برخی از گنبدها دارای رویه ای ظاهری

هستند که بخشی از یک سطح منفرد و واحد همانند کره را تشکیل می‌دهد و برخی دیگر متتشکل از مجموعه‌ای از سطوح گبدهی شکل متفاوت می‌باشند.

در دهه گذشته الگوریتم‌های متفاوتی برای بهینه‌سازی سازه‌ها استفاده شده است. انواع بهینه‌سازی سازه‌ها در سه دسته اصلی طبقه‌بندی می‌شوند: الف) بهینه‌سازی سایز (که در آن سطح مقطع اعضا به عنوان متغیرهای طراحی شناخته می‌شوند)، ب) بهینه‌سازی شکل (که در آن سطح مقطع اعضا و مختصات گره‌ها به عنوان متغیرهای طراحی شناخته می‌شوند). ج) بهینه‌سازی توبولوژی (که در آن پارامترهای مربوط به توبولوژی، متغیرهای طراحی می‌باشند). طرح بهینه‌سازه‌ها عموماً از انتخاب متغیرهای طراحی به گونه‌ای به دست می‌آید که در حالی که تابع هدف مینیمم می‌شود قیود معینی نیز ارضا شوند. در سال‌های اخیر الگوریتم‌های فراکاوشی پیشرفته زیادی برای بهینه‌سازی سازه‌ها به صورت گسترده مورد استفاده قرار گرفته‌اند. که از آن جمله می‌توان به الگوریتم زنیک (GA)، الگوریتم اجتماع ذرات (PSO)، الگوریتم جستجوی هارمونی (HS) و الگوریتم کولونی مورچه‌ها (ACO) اشاره نمود. الگوریتم خفاش (BA) الگوریتم فراکاوشی جدیدی است که در سال 2010 معرفی شده است و بر مبنای رفتار مکان یابی صوتی میکروخفاش‌ها قرار دارد. در این تحقیق به بهینه‌سازی لرزه‌ای سایز چلیک و گنبدهای فضاسکار با استفاده از الگوریتم شناخته شده PSO و الگوریتم جدید BA پرداخته خواهد شد. با توجه به رابطه‌ی مستقیم وزن سازه با هزینه تمام شده، کاهش وزن سازه منجر به کاهش هزینه‌های تمام شده سازه نیز می‌گردد.

2. الگوریتم اجتماع ذرات (PSO)

این الگوریتم با الهام از رفتار اجتماعی حیواناتی چون ماهی‌ها و پرندگان که در گروه‌هایی کوچک و بزرگ کنار هم زندگی می‌کنند، طراحی شده است. جهت پیاده سازی این الگوریتم می‌بایستی ابتداً یک مقدار برای اندازه‌ی ازدحام، N در نظر گرفته شود. اولین جمعیت X را در محدوده بین $X^{(1)}$ و $X^{(u)}$ به صورت اتفاقی بعنوان X_1, X_2, \dots و X_N انتخاب می‌شود. و ارزیابی از مقادیر تابع هدف متناظر با ذرات صورت می‌گیرد. گام بعدی تعیین سرعت ذرات می‌باشد. در ابتداء، سرعت تمام ذرات صفر فرض خواهد شد و شماره تکرار با $i=1$ آغاز می‌شود. رابطه‌ی (1) بیانگر سرعت ذرات در تکرار i می‌باشد.

$$V_j(i) = \theta V_j(i-1) + c_1 r_1 [P_{best,j} - X_j(i-1)] + c_2 r_2 [G_{best} - X_j(i-1)] \quad (1)$$

که در آن θ اینرسی سرعت بوده و مقدار آن از $0/4$ تا $0/9$ بصورت خطی تغییر می‌کند. c_1 نرخ شناخت فردی و c_2 ضریب آموزش اجتماعی است. r_1 و r_2 اعداد دلخواه در بازه‌ی صفر تا یک می‌باشد. $P_{best,j}$ بهترین مقدار تابع هدف برای ذره‌ی j ام و G_{best} بهترین مقدار تابع هدف برای تمام ذرات در تکرارهای گذشته است. با افزودن بردار سرعت به مختصات یا موقعیت ذره‌ی j در تکرار $i-1$ مختصات جدید آن ذره بدست می‌آید.

$$X_j(i) = X_j(i-1) + V_j(i) \quad ; \quad j = 1, 2, 3, \dots, N \quad (2)$$

و این روند تا همگرایی مسئله ادامه می یابد [1].

3. الگوریتم خفash (BA)

در این الگوریتم، ویژگی های مکان یابی صوتی میکروخفash ها که ایده آل سازی شده اند به شرح زیر است [2]:

1. همه خفash ها از ویژگی مکان یابی صوتی خود برای اندازه گیری فاصله استفاده میکنند. آنها همچنین تفاوت بین غذا و مواد را تشخیص میدهند.

2. خفash ها به صورت تصادفی با سرعت v در مکان X با فرکانس ثابت f و طول موج متغیر λ با بلندی A^0 به جستجوی غذا میپردازن. آنها فرکانس یا طول موج امواج ارسالی را با دوری یا نزدیکی به هدف تنظیم میکنند.

3. هر چند بلندی می تواند به طرق مختلفی تغییر کند فرض می شود بلندی صدا از یک مقدار بلند حداکثر به مقدار ثابت حداقل تغییر کند.

برای هر خفash مکان X_i و سرعت v_i در فضایی با d بعد باید تعریف شده و باید به طریق مناسبی در تکرارها به روز شود. سرعت v_i^t و حل جدید X_i^t در گام زمانی t از روابط زیر استفاده می شود:

$$f_i = f_{\min} + (f_{\max} - f_{\min})\beta \quad (3)$$

$$v_i^t = v_i^{t-1} + (x_i^{t-1} - x^*)f_i \quad (4)$$

$$x_i^t = x_i^{t-1} + v_i^t \quad (5)$$

در حالی که β عدد تصادفی است که در فاصله بین 0 و 1 اختیار می شود. در اینجا x^* بهترین حل کلی حاضر است. که بعد از مقایسه مکان همه n خفash در هر تکرار به دست می آید.

برای بخش جستجوی محلی، هنگامی که حل های موجود انتخاب شد، یک جستجوی محلی در اطراف آن مطابق فرمول زیر صورت می گیرد:

$$x_{\text{new}} = x_{\text{old}} + \epsilon A^t \quad (6)$$

که در اینجا عدد تصادفی ϵ از بازه [0, 1] انتخاب می شود. همچنین A^t میانگین بلندی صدای همه خفash ها در هر گام زمانی است.

وقتی که خفash شکار خود را پیدا کرد، بلندی معمولاً کاهش و نرخ امواج ارسالی افزایش می یابد. برای سادگی معمولاً $A^t = 1$ و $A_{\min} = 0$ در نظر میگیرند. A_{\min} بیانگر این حالت است که خفash همین حالا شکار خود را یافته است. کاهش بلندی و افزایش نرخ انتشار امواج تا رسیدن به نرخ ثابت r^0 با استفاده از روابط زیر صورت میگیرد:

$$A_i^{t+1} = \alpha A_i^t \quad (7)$$

$$r_i^{t+1} = r_i^0 [1 - \exp(-\gamma t)] \quad (8)$$

۴. فرمولیندی مسئله بهینه‌سازی

چلیکها و گنبدهای دولایه‌ی فضاکار دارای اعضای با رفتار خرپایی می‌باشند و لذا تنش اعضا منحصر به تنش های نرمال می‌باشند که باید در کشش و فشار به مقادیر خاصی طبق آئین‌نامه‌های طراحی محدود شوند. در این تحقیق محدودیت تنش برای اعضای کششی برابر $0.6F_y$ در نظر گرفته شده و برای محاسبه تنش حد کمانش اعضا فشاری از آئین‌نامه AISC-ASD [3] استفاده خواهد شد:

(الف) در اعضای تحت اثر فشار محوری، اگر لاغری حداکثر هر قسمت آزاد آن کمتر از مقدار C_c باشد تنش مجاز با استفاده از رابطه زیر تعیین می‌شود.

$$C_c = \sqrt{\frac{2\pi^2 E}{F_y}} \quad (9)$$

$$F_a = \frac{\left[1 - \frac{(KL/r)^2}{2C_c^2}\right]F_y}{\frac{5}{3} + \frac{3}{8} \frac{KL/r}{C_c} - \frac{1}{8} \left(\frac{KL/r}{C_c}\right)^3} \quad (10)$$

(ب) اگر لاغری حداکثر بزرگتر از C_c باشد، تنش فشاری مجاز بر مقطع کلی عضو تحت اثر فشار محوری از رابطه زیر تعیین می‌شود.

$$F_a = \frac{12\pi^2 E}{23\left(\frac{KL}{r}\right)^2} \quad (11)$$

در روابط فوق، E و F_y بترتیب مدول الاستیستیه و تنش تسليم مصالح می‌باشند. همچنین L ، K ، F_a و r بترتیب تنش مجاز فشاری، ضریب طول موثر، طول و شعاع ژیراسیون اعضا می‌باشند. همچنین خیز مجاز سازه‌ها در این تحقیق برابر $1/360$ طول دهانه محدود می‌باشد [4].

در این تحقیق منظور از بهینه‌سازی سازه‌های فضاکار، محاسبه مقدار حداقل تابع وزن سازه همزمان با ارضاء قیود طراحی می‌باشد. فرمولیندی مسئله بهینه‌سازی را در مجموع میتوان به صورت زیر نوشت:

$$\text{Minimize } w = \sum_{i=1}^m \rho L_i X_i \\ \text{Subject to} \quad (12)$$

$$\frac{\sigma_i}{F_{a,i}} - 1 \leq 0 \\ \frac{\delta}{\delta_{\text{all}}} - 1 \leq 0$$

در روابط فوق، w بترتیب وزن سازه، وزن واحد حجم و متغیر طراحی نام میباشد. همچنین σ_i تنش در عضو نام و δ و δ_{all} بترتیب برابر خیز و خیز مجاز میباشند.

از آنجایی که مقاطع اعضا از جدول پروفیلهای فولادی استاندارد انتخاب شده و این مقاطع جزو مقاطع فشرده محسوب میشوند، لذا کنترل کمانش موضعی آنها لازم نیست. بنابراین قیود حاکم مشتمل بر سه نوع قید میشوند که عبارتند از قید تنش مثبت، قید تنش منفی (کمانش کلی) و قید تغییر مکان.

در این تحقیق با استفاده از روش تابع جریمه خارجی مجموعه تابع هدف و قیود حاکم بر آن را به تابع آزاد معادل یا تابع شبه هدف تبدیل مینماییم. این روش تابع هدف و قیود حاکم بر آن را به صورتی که در رابطه (13) نشان داده شده است، به تابع آزاد معادل تبدیل میکند.

$$\Phi = w + r_p \cdot \sum_{j=1}^{nc} \left[\max \left(\frac{g_j}{\bar{g}_j} - 1, 0 \right) \right]^2 \quad (13)$$

در رابطه فوق Φ تابع الحقیقی یا تابع آزاد معادل، w تابع هدف اولیه و r_p ضریب عددی جریمه است. در میباشند.

5. بارگذاری

بارگذاری سازه ها بر اساس آین نامه ی سازه های فضاسکار (نشریه شماره ۴۰۰) صورت گرفته است. در این تحقیق، برای بارهای مرده نظیر وزن سازه ی فضاسکار شامل اعضا و اجزای سیستم باربر، سقف ها، پوشانه ها و تمامی تجهیزات و وسایلی که در نقطه ای ثابتی در نظر گرفته میشوند، مقدار $100 kg/m^2$ در نظر گرفته شده است. با توجه به مبحث ششم مقررات ملی ساختمان، بار زنده ای برای بام های شبیب دار با پوشش سبک با شبیب بیشتر از ۱۰ درجه در نظر گرفته نشده است، لذا بار زنده ای برای سازه های نمونه در نظر گرفته نشده است. ولی با توجه به اهمیت بار برف در مناطق سردسیر و همچنین نسبت بالای آن در مقایسه با بار مرده ی سازه های فضاسکار در ترکیبات بارگذاری به جای بار زنده از بار برف استفاده شده است [4].

فرم آبرودینامیک چلیک ها و گبدهای فضاسکار باعث کاهش تاثیر بار باد در این نوع از سازه ها گردیده، بطوری که در رویه های گبدهای بار باد در سطح وسیعی از رویه بصورت مکشی می باشد. ولذا نیروی زلزله اثر بحرانی تری را در این سازه ها ایجاد می کند.

وزن سبک سازه های فضاسکار منجر به ارزیابی غیر واقعی نیروی زلزله در آنالیز استاتیکی می گردد، لذا برای ارزیابی لرزه ای این سازه ها استفاده از روش های دینامیکی اجتناب ناپذیر خواهد بود. همچنین با توجه به اینکه بار برف در مناطق سردسیر بیشتر از بار مرده ای سازه های فضاسکار می باشد، لذا برای طراحی این سازه ها می باستی درصدی از بار برف در طراحی لرزه ای سازه لحظه گردد یا تدبیری جهت ذوب کردن برف پوشانه ها اتخاذ گردد. در این تحقیق، مبنای انتخاب شتاب نگاشتها بر اساس نسبت شتاب حداکثر زمین بر سرعت حداقل زمین که نسبت a/v نامیده می شود، می باشد. این نسبت خصوصیات بسیار مهمی از منبع لرزه، مسیر حرکت امواج، شرایط موقعیت قرار گیری سازه و مولفه های پاسخ سازه ای در برابر می گیرد. مقادیر نسبت a/v بالا، برای سازه های سخت تر که پریود کوتاهی دارند، بحرانی تر است. در حالی که سازه های شکل پذیر با پریود اصلی بلند، در زلزله های با نسبت a/v کمتر دچار لرزش بیشتری می شوند. بازه ای تقسیم بندی نسبت a/v بصورت تقریبی در زیر ارائه شده:

| | | |
|-------------------|----------|------|
| $1.2 < a/v$ | (high) | (14) |
| $0.8 < a/v < 1.2$ | (normal) | |
| $a/v < 0.8$ | (low) | |

در این مقاله، سعی شده است که شتاب نگاشت های انتخابی بازه ای وسیعی از نسبت a/v را تحت پوشش قرار دهند. لذا مطابق جدول (1) برای نسبت a/v بالا زلزله ای طبس، برای نسبت a/v نرمال زلزله ای کوبه و برای نسبت a/v پایین زلزله ای نورث ریچ انتخاب شده اند.

جدول (1): مشخصات شتاب نگاشت های انتخابی

| a/v | PGV(m/s) | PGA(g) | نام زلزله |
|-------|----------|--------|-----------|
| 1.53 | 0.265 | 0.406 | طبس |
| 1.01 | 0.813 | 0.821 | کوبه |
| 0.6 | 0.993 | 0.593 | نورث ریچ |

در مقالات ضرایب رفتار بسیار متفاوتی برای چلیک ها و گبدهای فضاسکار در نظر گرفته شده که در بازه ای ۱ تا ۶ متغیر می باشند. در این مقاله ضریب رفتار چلیک دو لایه با توجه به مرجع [5] برای نسبت ارتفاع به دهانه ۰/۳ در جهت افقی برابر ۳ و در جهت قائم برابر ۳ در نظر گرفته شده است. این مقدار برای گبدهای فضاسکار

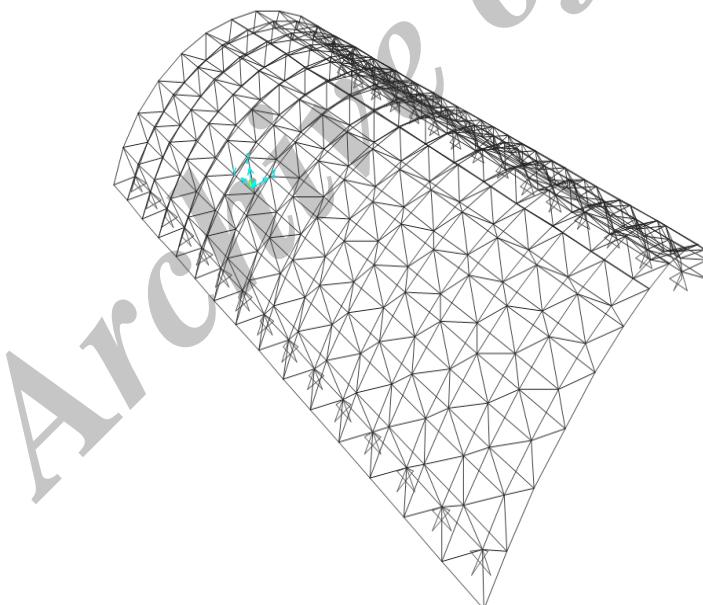
دولایه با نسبت ارتفاع به دهانه $0.28/2$ در جهت افقی برابر $2/92$ و در جهت قائم برابر $2/25$ در نظر گرفته شده است. از این مقادیر جهت به مقیاس در آوردن شتاب نگاشت ها استفاده شده است.

6. مثالهای عددی

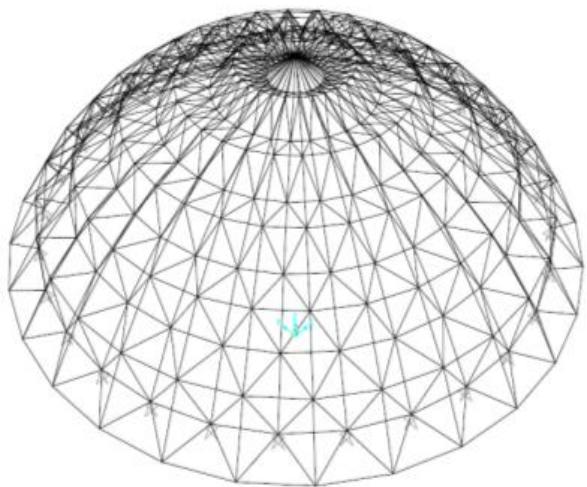
در این تحقیق، تنش تسلیم و مدول الاستیسیته بترتیب برابر 2400 و 2100000 کیلوگرم بر سانتیمتر مریع، ضربی پواسون 0.3 و چگالی $7850 kg/m^3$ در نظر گرفته شدند. یک چلیک 1440 عضوی و یک گبد 1380 عضوی طراحی بهینه شدند که مشخصات آنها در جدول (2) و هندسه آنها در اشکال (1) و (2) نشان داده شده اند.

جدول(2): مشخصات سازه های چلیک

| چلیک | طول دهانه (m) | ارتفاع سازه (m) | ضخامت (m) | تعداد المان ها | تعداد گره ها | تعداد گروه |
|--------|---------------|-----------------|-----------|----------------|--------------|------------|
| مثال 1 | 40 | 12 | 1.5 | 1440 | 388 | 13 |
| مثال 2 | 60 | 17 | 2.0 | 1380 | 361 | 4 |

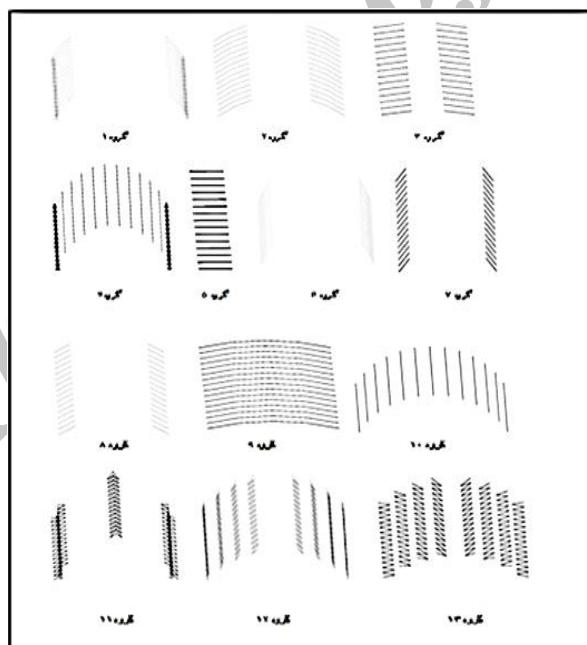


شکل(1): چلیک 1440 عضوی

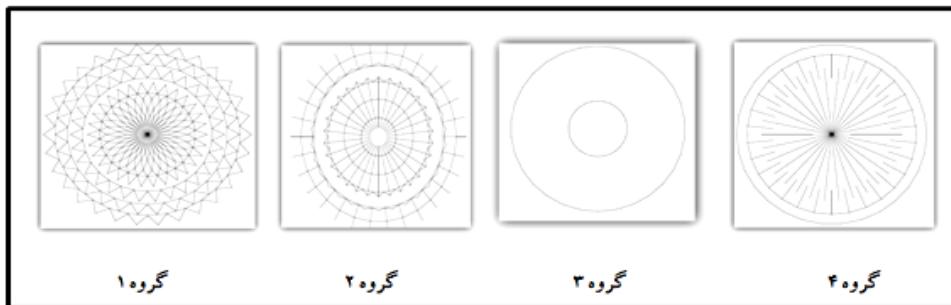


شکل(2): گنبد 1380 عضوی

جهت گروه بندی، اعضای نیروهای محوری نزدیک به هم در یک گروه جای گرفته اند. گروه بندی اعضا برای چلیک و گنبد در اشکال (3) و (4) نشان داده شده است.



شکل (3): گروه بندی چلیک 1440 عضوی



شکل (4) گروه‌بندی گند 1380 عضوی

نتایج بهینه‌سازی چلیک 1440 عضوی با استفاده از الگوریتم‌های PSO و BA در جدول 3 ارایه شده است. در این مثال تعداد ذرات برابر 30 و تعداد تکرارها برابر 150 در نظر گرفته شده است. نحوه‌ی نامگذاری مقاطع به این صورت بوده که عدد اول بعد از عبارت P نشانگر قطر خارجی لوله و عدد دوم ضخامت لوله را برحسب mm نشان می‌دهد.

جدول (3): نتایج بهینه سازی چلیک 1440 عضوی

| Design Variable No. | PSO | BA |
|----------------------|------------|-----------|
| 1 | P101.6-6.3 | P101.6-5 |
| 2 | P101.6-4 | P101.6-4 |
| 3 | P76.1-5 | P76.1-5 |
| 4 | P42.4-2.6 | P33.7-4 |
| 5 | P48.3-4 | P48.3-4 |
| 6 | P76.1-3.2 | P60.3-5 |
| 7 | P88.9-3.2 | P88.9-3.2 |
| 8 | P88.9-4 | P88.9-5 |
| 9 | P88.9-6.3 | P88.9-5 |
| 10 | P42.4-3.2 | P42.4-3.2 |
| 11 | P48.3-4 | P60.3-3.2 |
| 12 | P60.3-3.2 | P60.3-4 |
| 13 | P48.3-3.2 | P48.3-3.2 |
| (kg) وزن | 37625 | 36416 |
| تعداد تکرار | 100 | 86 |
| ماکریم نسبت تنفس | 0.975 | 0.992 |
| نسبت خیز به خیز مجاز | 0.280 | 0.288 |

همانطور که ملاحظه میشود الگوریتم BA نسبت به PSO دارای عملکرد محاسباتی بهتری میباشد. مقادیر ماکریم نسبت تنش و نسبت خیز به خیز مجاز که در جدول ۴ ارائه شده اند بیانگر این نکته هستند که ماکریم نسبت تنش قید فعال بهینه سازی می باشد.

نتایج بهینه سازی گنبد ۱۳۸۰ عضوی با استفاده از الگوریتمهای PSO و BA در جدول ۴ ارایه شده است.

جدول (۴): نتایج بهینه سازی و طراحی مهندسی گنبد ۱۳۸۰ عضوی

| Design Variable No. | PSO | BA |
|----------------------|------------|------------|
| 1 | P114.3-4 | P101.6-4 |
| 2 | P139.7-6.3 | P114.3-8 |
| 3 | P114.3-5 | P139.7-4 |
| 4 | P139.7-6.3 | P139.7-6.3 |
| (kg) وزن | 86168 | 82844 |
| تعداد تکرار | 100 | 82 |
| ماکریم نسبت تنش | 0.96 | 0.99 |
| نسبت خیز به خیز مجاز | 0.119 | 0.125 |

نتایج عددی بیانگر عملکرد محاسباتی بهتر الگوریتم BA نسبت به PSO از منظر وزن و حجم محاسبات می باشد. همچنین ملاحظه شد که ماکریم نسبت تنش قید فعال بهینه سازی می باشد.

7. خلاصه و نتیجه گیری

در این تحقیق، طرح بهینه یک چلیک و یک گنبد دو لایه در برابر زلزله با استفاده از الگوریتمهای PSO و BA انجام گرفت و نتایج مقایسه گردید. نتایج بهینه سازی بدست آمده نشان دادند که الگوریتم BA نسبت به الگوریتم PSO با نیاز به تعداد آنالیزهای دینامیکی کمتر به سازه سبکتری همگرا میشود. در چلیک دولایه نسبت کاهش وزن سازه بهینه و تعداد تحلیلهای دینامیکی لحظه به لحظه بدست آمده با الگوریتم BA نسبت به PSO بترتیب برابر ۳.21% و ۱4% میباشد همچنین این مقادیر در گنبد دولایه بترتیب برابر ۳.86% و ۱8% میباشند. نتایج همچنین بیانگر این نکته بودند که در هر دو مثال، ماکریم نسبت تنش قید فعال بهینه سازی می باشد. لذا میتوان نتیجه گرفت که الگوریتم BA میتواند بطور موثر برای بهینه سازی سازه های دو لایه فضا کار مورد استفاده قرار گیرد.

8. مراجع

- [1] RAO S. Engineering Optimization Theory & Practice, forth edition, JOHN WILEY & SONS INC, Hoboken, New Jersey, Chapter 13, pp 708-714, 2009.

- [2] Gandomi A, Yang X, Alavi A, Talatahari S, Bat algorithm for constrained optimization tasks, *Neural Computing & Applications*, **10.1007**, 2012.
- [3] ASD-AISC (Allowable Stress Design), Manual of Steel Construction. (9th edn). AISC, American Institutes of Steel Construction, Inc.: Chicago, Illinois, USA, 1989.
- [4] نشریه شماره‌ی ۴۰۰، آین نامه‌ی سازه‌های فضاسکار، معاونت برنامه‌ریزی و نظارت راهبردی رئیس جمهور - دفتر نظام فنی اجرایی، ۱۳۸۹.
- [5] جعفریوند، ع، کاووه، ع، نبوی رضوی، ح، بررسی نسبت ارتفاع به دهانه در ضربی رفتار سازه های فضاسکار انحصار دار دولایه، دومین کنفرانس ملی سازه های فضاسکار، ۱۳۹۰.