



## سناریونویسی به روش درخت احتمالات

احمد برومند<sup>۱\*</sup>، علی اصغر عباسی<sup>۲،۳</sup>، محسن بهرامی<sup>۳</sup>

مشخصات نویسنده اول

تهران، تهران، دانشگاه صنعتی امیرکبیر، aborumanandk70@yahoo.com

مشخصات نویسنده دوم

فارس، شیراز، دانشگاه صنعتی امیرکبیر، aa.abbasii@ymail.com

مشخصات نویسنده سوم

تهران، تهران، دانشگاه صنعتی امیرکبیر، mbahrami@aut.ac.ir

### چکیده

یکی از روش‌های سناریونویسی برای آینده، درخت احتمالات (درخت سناریو) می‌باشد که زیر مجموعه خانواده بزرگتری از روش‌های سناریونویسی به نام توالی رویدادهاست. منطق توالی رویدادها در برقراری ارتباط با سناریوها در این است که همان‌طور که رویدادهایی از گذشته به صورت زنجیره وار اتفاق افتد و به لحظه کنونی ( نقطه کنونی ) رسیده است برای شکل‌گیری آینده نیازمند به توالی رویدادهای (احتمالی) بعدی خواهیم بود. از همین طریق برای رسیدن به تصورات و وضعیت آینده، درختی با شاخ و برگ‌های مبتنی بر مسیر رویدادی شکل می‌گیرد که هر مسیر از نقطه وضع کنونی تا آخرین شاخه (به اصطلاح برگ)، یک سناریو را تعریف می‌کند. این روش بیشتر در حوزه مدیریت، ارزیابی ریسک و مدیریت استراتژیک خود را نشان داده و استفاده آن در حوزه آینده‌پژوهی امری نسبتاً جدیدتر با مزايا و معایب خاص خود است. ممتازترین ویژگی این روش آن است که یک تصویر کلی همراه با درجه‌های احتمال وقوع در یک طرح کلی به مدیران و کارشناسان ارایه می‌کند. در این مقاله سعی شده است که به مفاهیم اولیه و روش شکل‌گیری یک درخت احتمالی به صورت کیفی و کمی برای کمک به سناریونویسی آینده پرداخته شود.

واژه‌های کلیدی: درخت احتمالات، درخت سناریو، سناریونویسی، آینده‌پژوهی

۱- دانشجوی کارشناسی ارشد مهندسی آینده پژوهی، دانشکده مدیریت، علم و فناوری، دانشگاه صنعتی امیرکبیر

۲ و \*- نویسنده مسئول: دانشجوی کارشناسی ارشد مهندسی آینده پژوهی، دانشکده مدیریت، علم و فناوری، دانشگاه صنعتی امیرکبیر

۳- دانشگاه صنعتی امیرکبیر، پژوهشکده مطالعات آینده



## - ۱- مقدمه

سناریونویسی پر کاربردترین ابزار آینده‌پژوهی است، برای نوشتمن یک سناریو روش‌های گوناگون و متعددی وجود دارد، بیشاب و همکارانش در سال ۲۰۰۷ مقاله‌ای در باب سناریونویسی نگاشته اند، آنها در این مقاله پر ارجاع، انواع روش‌های سناریونویسی را به هشت گروه تقسیم کرده‌اند: ۱. قضاوتی<sup>۱</sup> ۲. پایه‌ای<sup>۲</sup> ۳. بسط سناریوهای ثابت<sup>۳</sup> ۴. توالی رویدادها<sup>۴</sup> ۵. پس‌نگری<sup>۵</sup> ۶. بعد عدم قطعیت<sup>۶</sup> ۷. تحلیل اثر متقاضان<sup>۷</sup> ۸. مدلسازی سیستم‌ها<sup>۸</sup>. توالی رویدادها شامل روش‌های درخت احتمالات<sup>۹</sup>، دیدگاه اجتماعی<sup>۱۰</sup> و نگاشت واگرایی<sup>۱۱</sup> می‌باشد. در این مقاله مراحل انجام روش درخت احتمالات شرح داده می‌شود.

اغلب مردم به گذشته مانند یک سری از وقایع نگاه می‌کنند، بنابراین می‌توانیم به آینده هم این چنین بنگریم، تنها تفاوت این خواهد بود که نمی‌دانیم کدام وقایع اتفاق خواهد افتاد و کدام یک حادث نخواهد شد. بنابراین هر رویداد یک احتمال رخداد خواهد داشت. اگر یک رویداد بالقوه اتفاق بیفتد، آینده به یک سمت مشخص خواهد رفت، اگر نه به سمتی دیگر. شاخه‌های آینده در هر یک از آن نقاط به این بستگی خواهد داشت که آن رویداد اتفاق خواهد افتاد یا خیر. اگر تعدادی از آن شاخه‌ها را با هم یکی کنیم، یک درخت احتمال خواهیم داشت. دو نوع تغییرات در درخت احتمالات کشف شده اند: نوع اول از ظاهری شبیه درخت تصمیم دارد با این تفاوت که شاخه‌ها در درخت تصمیم نمایانگر چیزی که می‌تواند اتفاق بیفتد نیستند، آنها نمایانگر تصمیماتی هستند که در هر شاخه خواهیم گرفت. درخت بسته به مسیر به آینده‌های مختلفی منتهی خواهد شد. و اگر احتمال هر شاخه را بدانیم، می‌توانیم احتمال رسیدن به وضعیت نهایی را با ضرب احتمالات شاخه‌هایی که در مسیر اتفاق افتادند حساب کنیم. از آنجایی که حداقل یکی از آن احتمالات اتفاق خواهد افتاد، مجموع آن احتمالات صد درصد خواهد شد (کوالیو و الیور، ۱۹۹۵، بكلی و دولی، ۱۹۹۹، بیشاب و همکاران، ۲۰۰۷).

جدول (۱) ویژگی‌های کلی روش درخت احتمالات (بیشاب و همکاران، ۲۰۰۷)

روش درخت احتمالات	
نقشه شروع	شاخه کردن عدم قطعیت یا نقاط انتخاب
فرایند	ترتیبی، اختصاص دادن احتمالات
محصول	احتمال وضعیت‌های نهایی
پایه	کمی
چشم انداز	رو به جلو
قابلیت استفاده گروهی	اختیاری
استفاده از رایانه	اختیاری
مزایا	هنگامی که احتمالات هر شاخه شناخته شده باشند، داستان را مانند یک سری از رویدادها و به روش معمول بیان می‌کند، همچنین قابلیت محاسبه احتمال وضعیت نهایی را دارد
معایب	درخت احتمالات، دیدگاه اجتماعی - وقایع / نقاط شاخه معمولاً یکدیگر را با ترتیب ثابتی دنبال نمی‌کنند

<sup>1</sup> Judgment

<sup>2</sup> Baseline

<sup>3</sup> Elaboration of Fixed Scenarios

<sup>4</sup> Event Sequences

<sup>5</sup> Backcasting

<sup>6</sup> Dimensions of Uncertainty

<sup>7</sup> Cross-Impact Analysis

<sup>8</sup> Systems Modeling

<sup>9</sup> Probability Trees

<sup>10</sup> Sociovision

<sup>11</sup> Divergence Mapping



## ۲- سناریونویسی به روش درخت احتمالات

در ابتدا برای شروع سناریو نویسی و سیر تکاملی آن باید هدف از سناریو نویسی مشخص شود (شاید به صورت سوال) تا موضوع آینده مورد بررسی و تحقیق مبرهن باشد. بعد از مشخص شدن سوال تحقیق در مورد آینده، نیازمند به تبیین افق زمانی برای سناریونویسی می‌باشیم تا در طی این افق، متغیرها و فاکتورهای کلیدی موثر در موضوع، برای تکمیل سیر سناریو طبق نظریه خبرگان و کارشناسان و مطالعات میدانی از نوع پرسشنامه‌ها گرفته تا تحقیق‌های حرفه‌ای و آزمایشگاهی به دست آیند. فضا باید به گونه‌ای باشد که از هر طریق علمی فاکتورهای کلیدی به متغیرهایی از نوع صفر و یک یا بازه‌ای تبدیل شوند تا بتوانند به انشاعاب شاخه‌ها کمک کنند و حالات مختلفی را از یک وضعیت نشان دهند. بعد از مشخص شدن متغیرها و همچنین اولویت‌های آنان در شکل‌گیری توالی درخت سناریو مرحله محاسبات احتمالی جهت مشخص شدن درصد احتمالات وقوع هر سناریو انجام خواهد پذیرفت.

در آغاز باید شاخه‌های انسعابی از گره یا نقطه<sup>۱</sup> ریشه ای (گره ابتدایی یا وضع کنونی) را مشخص کنیم. گره‌ها و شاخه‌های جدید توسط دو رویکرد ساخته می‌شوند: پنهان‌های تخصصی<sup>۲</sup> شامل نظرات، مطالعات، پرسشنامه، مصاحبه و غیره (آنها همچنین ماهیت و کیفیت شاخه‌ها را مشخص می‌کنند)، رویکرد دوم مشابه روش کمی برای محاسبه متغیرهای است. در این رویکرد، شاخه می‌تواند توسط یک یا چند متغیر تصادفی ایجاد گردد.

برای رویکرد دوم، ابتدا مفاهیم احتمال مرور می‌شود:

هنگامی که با توجه به چشم اندازها نیاز به سناریونویسی و تکمیل سیر آنان هستیم، چهار قضیه احتمالی پایه وجود خواهند داشت:

### I قضیه ضرب

$$P(A \cap B) = P(A) \times P(B|A) \quad (1)$$

$$P(A \cap B \cap C \cap D) = P(A) \times P(B) \times P(C) \times P(D) \quad (2)$$

احتمال اینکه دو نتیجه به ترتیب اتفاق بیفتدند، یا احتمال اینکه وقایع غیر وابسته گوناگونی هم زمان اتفاق بیفتدند، برابر است با ضرب احتمال تک تک آنها.

### II قضیه جمع

$$P = P(A) + P(B) \quad (3)$$

$$P = P(A) + P(B) - P(A \cap B) \quad (4)$$

با داشتن رخداد رویدادهای دو به دو متمایز، احتمال رخداد حداقل یک رویداد برابر است با جمع احتمال هر رویداد، و احتمال اینکه خروجی الف و یا خروجی ب اتفاق بیفتد برابر است با احتمال الف به علاوه احتمال ب منهای احتمال الف و ب با

<sup>۵</sup>

### III قضیه ترکیب

$$(1 - P) = [1 - P(A)] \times [1 - P(B)] \quad (5)$$

احتمال یک یا چندین رویداد مستقل می‌تواند توسط محاسبه ریسکی که هیچ یک از رویدادها اتفاق نیافتدن تخمین زده شود. این قضیه زمانی استفاده می‌شود که وابستگی میان رویدادها و حوزه‌ها وجود داشته باشد.

<sup>1</sup> Node  
<sup>2</sup> Expert Panels



$$P(B|A) = \frac{P(B,A)}{P(A)} = \frac{P(A|B)P(B)}{P(A)} \quad (6)$$

قضیه بیز احتمالات شرطی و مرزی رویدادهای الف و ب را توضیح می‌دهد. احتمال شرطی که رویداد ب با فرض معلوم بودن رخداد رویداد الف، برابر است با اشتراک احتمال رخداد الف و ب، تقسیم بر احتمال مرزی رخداد الف.

$$P(B_i|A) = \frac{P(A|B_i)P(B_i)}{\sum_{j=1}^n P(A|B_j)P(B_j)} \quad (7)$$

به شرط  $i; S = B_1 \cup B_2 \cup \dots \cup B_n; B_1 \cap B_j$ ، جایی که دانسته پیشین ما از شرایط بر مقدار احتمال تاثیر می‌گذارد.  $y$  به یک رویداد تخصیص داده می‌شود. از فرمول برای اصلاح احتمالات بر پایه اطلاعات اضافی اگر موجود باشد استفاده می‌شود.

تاكيد مي شود که به منظور محاسبه صحيح احتمالات، در نخستین گام مستقل يا وابسته بودن شاخه نسبت به يكديگر را در نظر داشته باشيد (صالح و همكاران، ۲۰۰۷).

## ۲- استفاده از متغیرهای مستقل

برای روش وابسته، متغیرهای زیر را تعریف می‌کنیم:

$T$ : تعداد مراحل (با  $t, t', t''$  نشان داده می‌شود)

$S$ : تعداد سناریوها (با  $S$  نشان داده می‌شود)

$P_S$ : احتمال رخداد بی قید و شرط سناریو  $S$  ام

$\zeta_t$ : رویداد تصادفی در مرحله  $t$  ام

$N_t$ : تعداد گره‌ها در مرحله  $t$  ام درخت سناریو (با  $n$  نشان داده می‌شود)

$\text{node}(t,n)$ : گره  $n$  ام در مرحله  $t$  ام

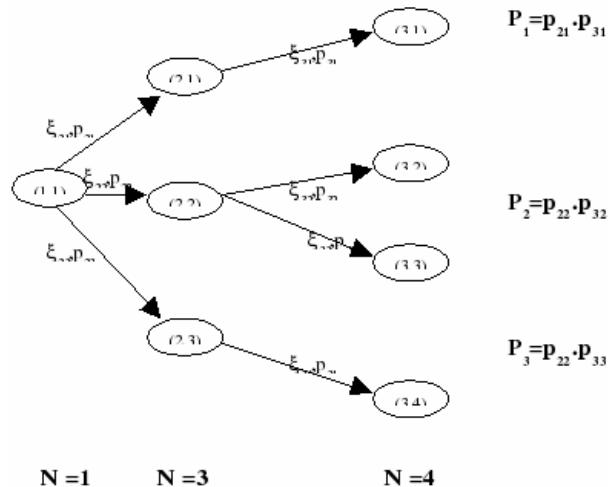
$\zeta_t n$ : امین مقدار مشخص شده  $t$  در گره  $(t,n)$

$p_{tn}$ : احتمال شرطی رخداد  $n$  امین تحقق  $t$  در گره  $(t,n)$

$P_{tn}$ : احتمال غیر شرطی رخداد  $n$  امین تحقق  $t$  در گره  $(t,n)$

$\zeta_t$  یک متغیر تصادفی است که می‌تواند مقادیر مختلف با احتمال‌های مختلفی به خود بگیرد. اگر هر یک از  $t$  ها بتوانند گسته باشند، مقادیر تحقق  $t$  درخت سناریو را شکل می‌دهند. یک مثال از درخت سناریو با  $T$  (تعداد مراحل) برابر با ۳ و  $S$  (تعداد سناریوها) برابر با ۴ در شکل ۱ یک درخت سناریو سه مرحله‌ای را نشان می‌دهند.

<sup>1</sup> Bayes' Theorem



$N = 1 \quad N = 3 \quad N = 4$

شکل (۱) درخت سناریو سه مرحله‌ای

در مرحله  $t$  ام، گره وجود خواهد داشت. برای هر مرحله از ۲ تا  $T$ ، هر  $N_t$  نتیجه خواهد داشت که در آن  $p_{tn}$  احتمال شرطی برخورد با گره  $n$  ام در مرحله  $t$  از گره مولد در مرحله  $t-1$  می‌باشد. تحقق  $P_{tn}$  برابر است با سناریوها (راهها در درخت). برای هر مرحله  $t$  و هر گره  $n$  در همان مرحله، گره یک احتمال غیرشرطی  $P_{tn}$  دیده شدن دارد که برابر است با ضرب احتمالات شرطی مسیر در گره‌های همان مسیر. به همان ترتیب هر سناریو  $s$  یک احتمال سناریو  $P_s$  دارد که برابر است با ضرب احتمالات شرطی مسیر در خود آن سناریو. مشاهدات زیر می‌توانند در مورد درخت سناریو انجام شوند:

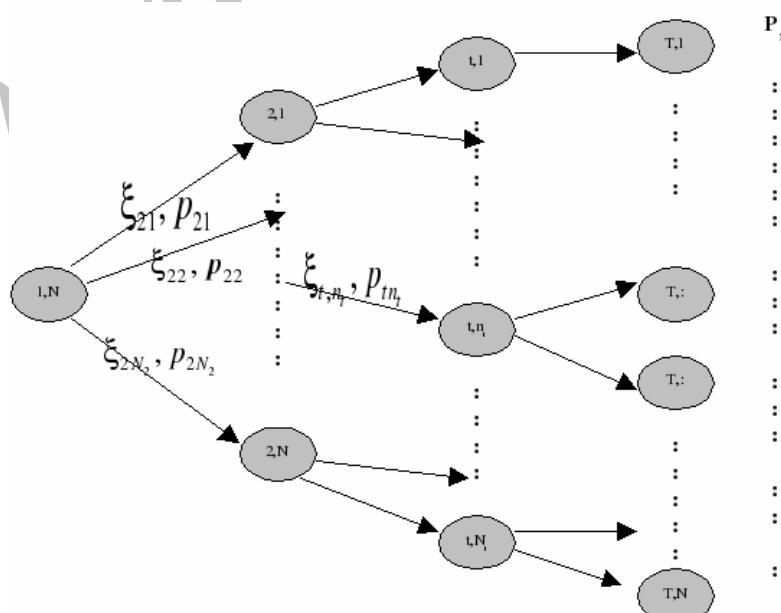
$$\sum_{n': \text{Node}(t+1, n') \in \text{Children}(\text{Node}(t, n))} P_{t+1, n'} = 1 \quad \forall n \in \{1, \dots, N_t\}, t \in \{1, \dots, T-1\} \quad (8)$$

$$P_m = \prod_{(t', n'): \text{Node}(t', n') \in \text{path to Node}(t, n)} P_{tn} \quad \forall n \in \{1, \dots, N_t\}, t \in \{2, \dots, T\} \quad (9)$$

$$\sum_{n=1}^{N_t} P_{tn} = 1 \quad \forall t \in \{2, \dots, T\} \quad (10)$$

$$P_s = \prod_{(t, n): \text{Node}(t, n) \in \text{path to scenario } s} P_{tn} \quad \forall s \in \{1, \dots, S\} \quad (11)$$

$$\sum_{s=1}^S P_s = 1 \quad (12)$$



شکل (۲) درخت سناریو چند مرحله‌ای



جایی، کہ

T: تعداد مراحل

تعداد سناریوها

$(N_1=1, N_T=S)$  t: تعداد گرهها در مرحله

$\sum P_s = 1$ : احتمال سناریو  $s$ , به شرطی که

$n_t$ : مقدار فرضی متغیر تصادفی  $t$  در گره ( $t, n_t$ )

$P_{t,n_t}$ : احتمال شرطی رخداد رویداد  $n_t$  در گره  $t$

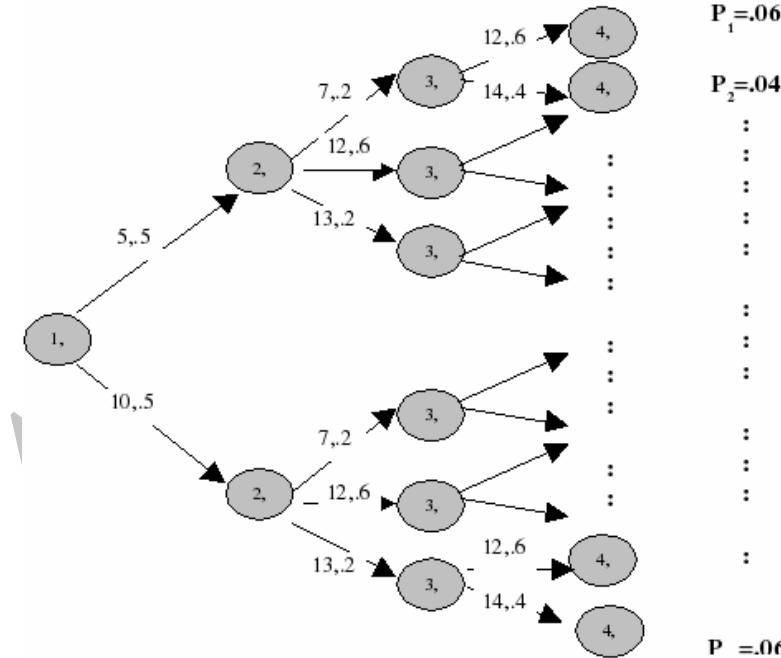
۱-۲-درخت کامل<sup>۱</sup>

اگر تمام متغیرهای تصادفی در مدل مستقل باشند، پس می‌توان ابتدا توزیع گسسته آنها را مشخص کرد و سپس درخت را به صورت زیرايجاد نمود:

توزیع تقاضای ۲ در مرحله دوم برابر است با  $\{5 \text{ w.p } 0.5, 10 \text{ w.p } 0.5\}$   
 توزیع تقاضای ۳ در مرحله سوم برابر است با  $\{7 \text{ w.p } 0.2, 12 \text{ w.p } 0.6, 13 \text{ w.p } 0.2\}$

توزيع تقاضای ۴ در مرحله چهارم برابر است با {12 w.p 0.6, 14 w.p 0.4}

این شرایط یک درخت با دو شاخه از گره‌های مرحله اول، سه شاخه از گره‌های مرحله دوم و دو شاخه از گره‌های مرحله سوم ایجاد خواهد کرد که حاکی از ایجاد  $2^3 \cdot 2^2 = 12$  سناریو خواهد بود.



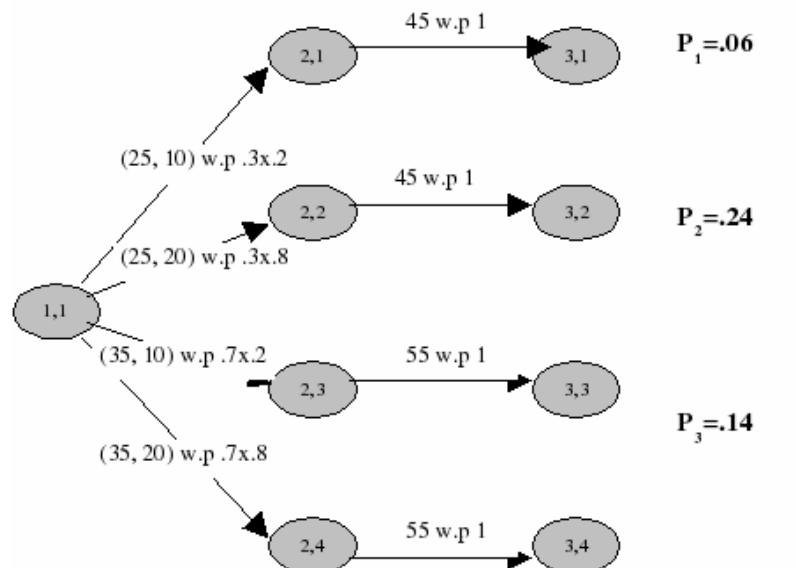
شکل (۳) درخت سناریو کامل

توجه داشته باشید که در درخت کامل، با افزایش در تعداد متغیرها اندازه درخت سناریو به سرعت افزایش پیدا می‌کند. اگر در مثالی که در بالا آورده شده است، یک متغیر تصادفی دیگر اضافه کنیم مثلاً قیمت  $\hat{A}$ ، با قیمت  $\hat{B}$ ، قیمت  $\hat{C}$  و قیمت  $\hat{D}$  با فرض اینکه مقادیر گستته  $\hat{A} = 3$ ،  $\hat{B} = 2$  و  $\hat{C} = 2$  به ترتیب در دومین، سومین و چهارمین مرحله باشند، آنگاه تعداد سناریوها  $= 2^4 = 16$  خواهد بود.

### <sup>1</sup> Exhaustive Tree



درخت کامل زیر ساخته شده است:



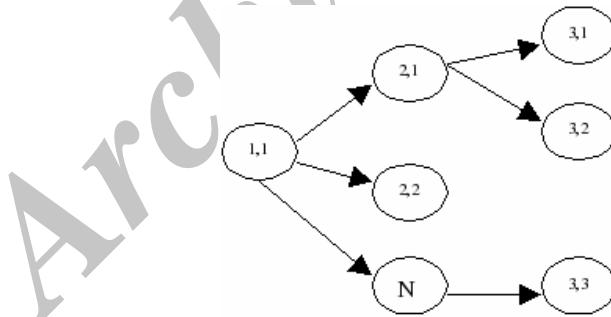
شکل (۴) درخت سناریو کامل با چند متغیر تصادفی توزیع شده به صورت مشترک

#### ۱-۳-۲- درخت متقارن<sup>۱</sup>

کاربران ممکن است بخواهند درخت‌های متقارن بسازند به این معنی که یک درخت با سه شاخه از هر گره در هر مرحله کاربران باید در مرحله بعد مقادیر درک شده و شروط یا احتمالات سناریو را مشخص کنند. این درختی با دو شاخه از گره مرحله اول، سه شاخه از هر گره در مرحله دوم و دو شاخه از هر گره در مرحله سوم خواهد بود.

#### ۲-۴-۱-۲- درخت با مراحل تله‌ای<sup>۲</sup>

یک درخت با مرحله تله‌ای تشکیل شده است از حداق یک مسیر که لزوماً در مرحله آخر به پایان نمی‌رسد. یک مثال از چنین درختی در شکل ۵ نشان داده شده است:

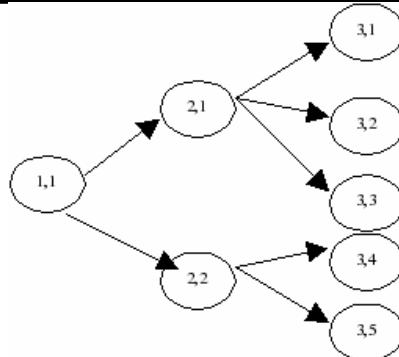


شکل (۵) درخت سناریو با مرحله تله

#### ۲-۵-۱-۲- تجمع سناریوها

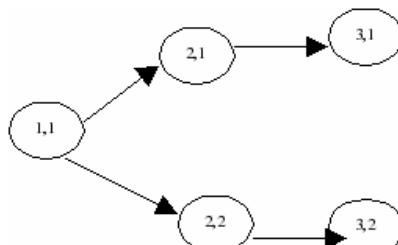
این روش از چند روال مانند تجمع و حذف سناریوها پشتیبانی می‌کند. در یک درخت، تمامی سناریوهایی را که از یک گره ریشه‌ای (پیشین مشترک) ناشی شده‌اند، می‌توان به یک سناریوی تجمعی تبدیل کرد. درخت سناریو زیر را در نظر بگیرید:

<sup>1</sup> Symmetric Tree  
<sup>2</sup> Tree with trap stages



شکل (6) درخت سناریوی تجمعی شده - سناریوی یک تا سه

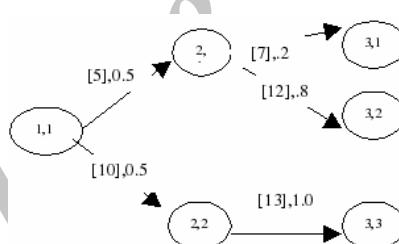
از این رو، به منظور تجمعی سناریوهای ۱ تا ۳ و سناریوهای ۴ تا ۵ که در درخت اصلی شکل به طور جداگانه نشان داده شده، مانند شکل ۲.۷ عمل کردیم. نتیجه کار در درخت زیر مشاهده می‌شود:



شکل (7) درخت سناریوهای تجمعی شده - سناریوهای ۱ تا ۳ و ۴ تا ۵

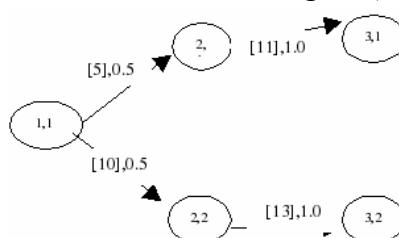
به‌طور مشابه سناریوهای ۱ تا ۵ می‌تواند به یک درخت تک سناریو تبدیل شود.

#### ۶-۱-۲- احتمالات تجمعی شده



شکل (8) درخت اصلی

اگر سناریوهای ۱ تا ۲ در درخت بالا با هم تجمعی شوند، آنگاه مقادیر عددی و احتمالی به صورت زیر تبدیل خواهد شد:



شکل (9) مقادیر تجمعی شده (دراینجا  $11 \cdot 0.2 + 12 \cdot 0.8 = 11$  با احتمال یک)

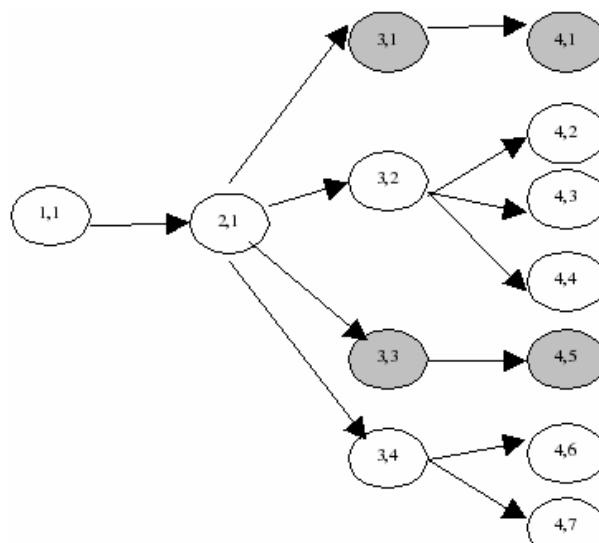
احتمال سناریوهای تجمعی شده برابر با مجموع احتمالات هر یک از سناریوهای پیشین است.

حالت دیگری هم نیز وجود دارد که بخواهیم فقط سناریوهای منتخبی<sup>۱</sup> (آن‌هایی که مثلاً در حیطه تصمیم‌گیری از یک نوع هستند یا در ویژگی خاصی مشترک هستند) را با هم تجمعی کنیم. این امر زمانی امکان‌پذیر خواهد بود که علاوه بر

<sup>۱</sup> اما باز هم باید در نقطه پیشین مشترک باشند، یعنی نقطه ریشه‌ای آنها یکی باشد.

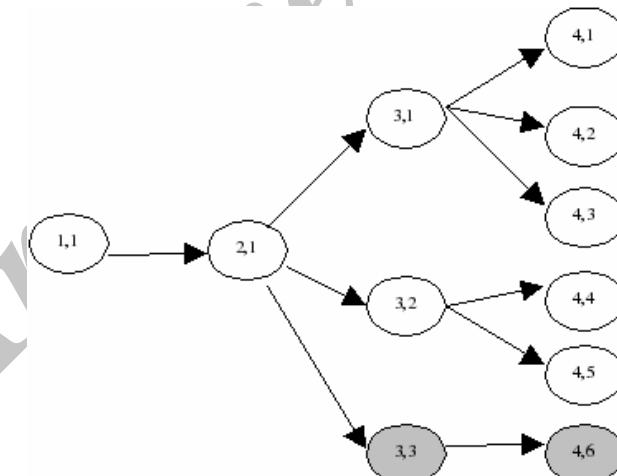


اشتراك نقطه ريشه‌اي خود سناريوهای انتخابي، باید همنزاد<sup>۱</sup> يك دیگر نيز باشند. اين به اين معنی است که سناريوهای بعد نقطه ريشه‌اي در يك مرحله يكسان با هم تجمیع شود. در مثال زير به نحو بهتری مفهوم مشخص می‌شود:



شکل (۱۰) درخت سناریو ۴ مرحله‌ای

در درخت سناريوي نشان داده شده در شکل ۲،۱۰، سناريوهای ۱ تا ۵ می‌توانند با هم تجمیع شوند. دليل آن نيز نقطه‌های (۳،۱)، (۳،۳)، (۴،۱)، (۴،۵) و (۴،۷) قرار داده شده بعد از نقطه ريشه‌اي (۲،۱) می‌باشد ضمناً ينكه اين نقاط هم همنزاد نيز می‌باشند. در اين حالت، گره‌هایی که برای تجمیع انتخاب شده‌اند در نهایت حذف می‌شوند. شاخه جدید تجمیعی مربوط به سناريوهای جمع‌آوری شده به عنوان آخرین شاخه از گره ريشه‌اي مشترک شناخته می‌شود، و بدین ترتیب تعداد گره‌های درخت به روز می‌شود. درخت سناريو تجمیعی در مثال فوق به شرح زیر است:



شکل (۱۱) درخت تجمیع شده (وب سایت موسسه محاسبات بزرگ)

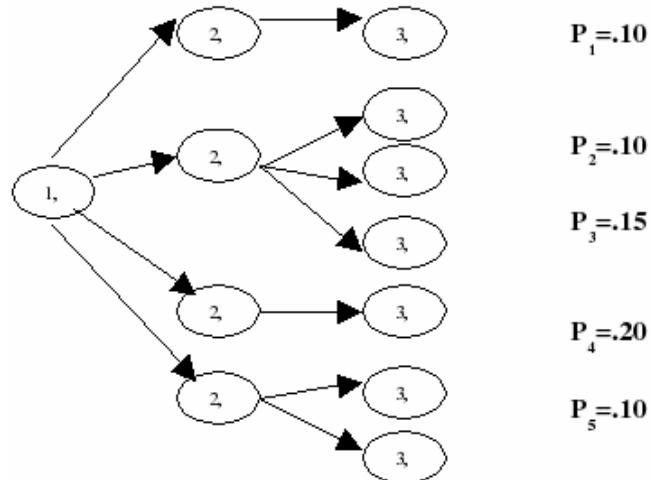
## ۷-۱-۲ - حذف سناريوها

كاربران می‌توانند بنا بر اقتضای شرایط و کار خود به حذف سناريوها بپردازنند. در اين مورد، احتمالات باقی سناريوها مجدد نرمال‌سازی می‌شوند. در واقع احتمال هر يك از سناريوهای باقیمانده تقسیم بر عدد (يک منهای احتمال سناريوي حذف شده) می‌شود.

<sup>1</sup> Siblings

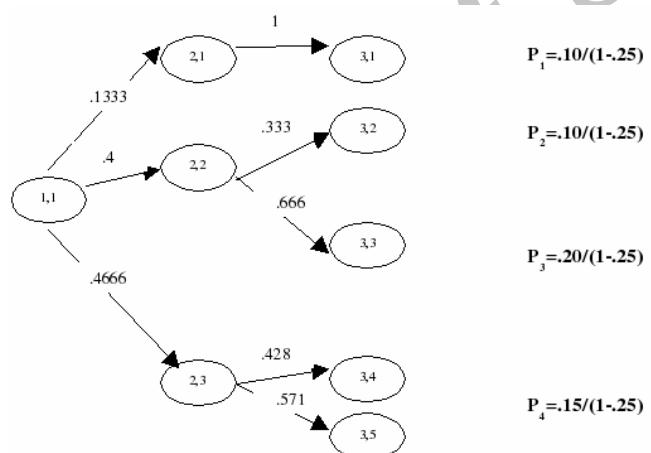


باین تفاسیر می‌توان یک سری از سناریوها را حذف کرد و مجدداً تمامی احتمالات با قیمانده از طریق آنچه که گفته شد، نرمال‌سازی و به روز می‌شوند. در این مرحله در مخرج تقسیم بجای تعریق احتمال تک سناریو حذف شده از عدد یک، مجموع احتمالات سناریوهای حذف شده از عدد یک تفریق می‌شود. در مثال‌های زیر مفاهیم گویا تر می‌باشند:



شکل (۱۲) درخت سناریوی سه مرحله‌ای

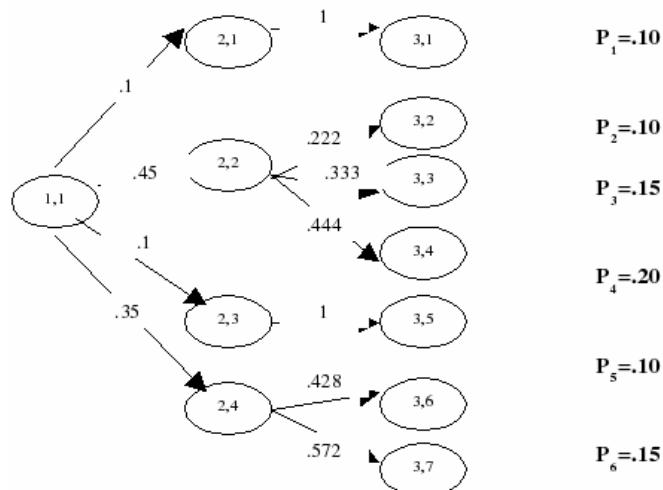
اگر سناریوهای ۳ تا ۵ حذف شوند، نتیجه درخت سناریوهای به شکل زیر خواهد شد:



شکل (۱۳) درخت سناریوی سه مرحله‌ای بعد از هرس کردن

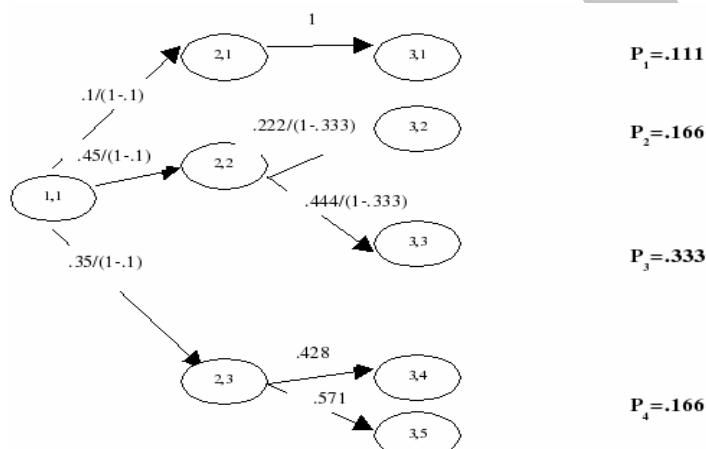
#### ۱-۷-۱-۲ احتمالات در حذف سناریوها

عملیات حذف مشابه حالت قبلی است باین تفاوت که نرمال‌سازی مجدد احتمالات بر پایه احتمالات شرطی نقاطی که با سناریوهای حذف شده ارتباط دارند، می‌باشد. در مثال زیر به بیان حذف مجموعه‌ای از سناریوها می‌پردازیم:



شکل (۱۴) درخت سناریو سه مرحله‌ای

اگر سناریوهای ۳ و ۵ حذف شوند (درخت، کاهش سناریو یابد)، آنگاه درخت به شکل زیر تغییر می‌یابد و احتمالات جدید محاسبه می‌شوند: (گروه-کویکا و همکاران، ۲۰۰۳)



شکل (۱۵) درخت سناریوی هرس شده (کاهش یافته)

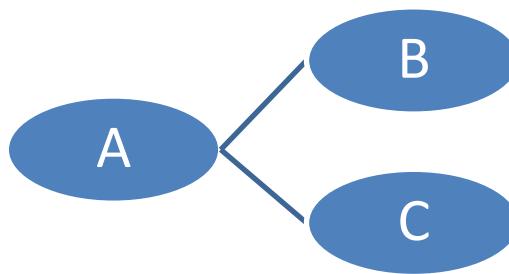
## ۲-۲- استفاده از متغیرهای وابسته

هنگامی که در حال سناریونویسی و پیشرفت سناریوها به صورت گام به گام به روش درخت احتمالات هستیم، اگر متغیرها با هم یا برخی از آنان دو به دو با توجه به مرحله بعدی وابسته به هم باشند<sup>۱</sup>، دو نوع روش پیش رو خواهیم داشت که بنا بر اقتضا و ویژگی‌های متغیرها باید انتخاب کرد:

در روش اول که روشی از نوع استفاده از پنل خبرگانیست بهترین نوع کسب محاسبات احتمالی، زمانیست که درخت را در هر مرحله در شکل‌ها و شاخه‌های مختلف به صورت بخشی تهیه کرده و سپس به صورت پرسشنامه‌ای یا نظرسنجی از کارشناسان مربوطه احتمالات و تخمین‌ها به دست آید. به طور مثال:

فرض کنید برای به دست آوردن درصد احتمالات رویدادهایی که امکان اتفاق آن‌ها بعد از به انجام رسیدن رویداد A وجود دارد، دو رویداد B و C از نظر خبرگان محتمل الوقوع است.

<sup>۱</sup> اصولاً در بیشتر مسایل متغیرها ارتباطی وابسته به هم خواهند داشت و کمتر مسایلی در دنیای سناریو ها موجودند که متغیرهای کلیدی با هم هیچ گونه ارتباط مشترکی نداشته باشند و کاملاً از هم مستقل باشند.



شکل (۱۶) احتمال رخداد دو رویداد B و C پس از وقوع رویداد A

برای بهدست آوردن این‌گونه محاسبات احتمالاتی که نقاط و متغیرها نسبت به هم وابسته شده‌اند، سوالات نظرسنجی یا پرسشنامه باید به این نحو باشد که "در صورت اتفاق افتادن رویداد A چقدر احتمال دارد رویداد B و رویداد C اتفاق بیفتد؟" بدین صورت است که با توجه به احتمالات شرطی می‌توان کاملاً به درصد احتمالات وقوع رویدادها ضمن حفظ وابستگی رویدادها (احتمال شرطی) پاسخ داد. همچنین برای رویدادهای بعد از رخداد B و C نیز هر یک باید به‌این روند عمل کرد.

در روش دوم ماهیت کاملاً محاسباتی وجود دارد (فرمول ۶) و به این نحو نیست که اعداد و احتمالات طبق نظر خبرگان به وجود آید. تمامی درصدها از طریق روابط بین متغیرها و رویدادها بهدست می‌آید. فرمول پایه در این نوع روش همان فرمول ۶ می‌باشد. البته برای بهدست آوردن احتمال‌های پسین می‌توان از فرمول ۷ نیز بهره برد. در حالت کمی، برای روشن شدن موضوعیت کل استفاده از استنتاج بیز باید گفت که یک ابزار احتمالیست که کلیات آن برای تخمین احتمال وقوع یک سناریو آینده و ارزیابی منابع مرتبط عدم قطعیت از سیستم‌های آینده مربوطه می‌باشد (سوبرادلو و همکاران، ۲۰۱۴).

استنتاج بیزی براین پایه است که هر حالت عدم قطعیت می‌تواند با یک توزیع احتمالی مدل سازی شود. از این طریق می‌تواند به تعریف و تفسیر عدم قطعیت‌ها بپردازد. قضیه بیز می‌تواند برای محاسبه احتمال وقوع برای هر قسمت از سناریو مورد استفاده قرار گیرد و حتماً نیاز نیست که نقاط در ساختار درخت از هم مستقل باشند. در واقع بیشترین کارکرد استفاده از آن هنگامیست که احتمالات پیشین موجود بوده و احتمالات پسین مورد سوال باشد (.

$$p(\theta|y) \propto p(y|\theta) \times p(\theta)$$

توزیع پیشین ( $p(\theta)$ ) عدم قطعیت درباره  $\theta$  را قبل از مشاهده مقدار نشان می‌دهد. توزیع پسین ( $p(y|\theta)$ ) عدم قطعیت درباره همان  $\theta$  را بعد از مشاهده مقدار نشان می‌دهد.تابع احتمال این امکان را به ما می‌دهد که از مقادیر گذشته ( $y|k$ ) در نقطه K برای اصلاح باورها و توزیع‌های پیشین استفاده کنند. در شرایط استقلال نقاط از هم، احتمال سناریوی پیش‌روندۀ مشخصی، به عنوان ترکیبی از نقاط در مسیر شاخه، حاصل ضرب یک به یک احتمالات مستقل از هم در طول یک شاخه سناریو می‌باشد (وب سایت موسسه محاسبات بزرگیل).

### ۳- کاربردها

بیشترین کاربرد این روش در ارزیابی و مدیریت ریسک، توالی رویدادها در زمینه ایمنی، مدیریت راهبردی و سناریونویسی در زمینه مطالعات آینده می‌باشد. همچنین ابزاری جهت نتیجه‌گیری بهتر و محاسبات احتمالی در این روش وجود دارد که باز هم بیشتر در ارزیابی ریسک پر کاربرد تر است. مجموعه نرم افزار ایدوس از موسسه پارمنیدس<sup>۲</sup> (که قبلاً با نام ThinkTools شناخته می‌شد) شامل ابزاری برای ساختن و ارزیابی درخت‌های احتمالات می‌باشد. یزای این مجموعه می‌توان تغییر مرزهای کنترل، پاسخ‌گوی توسعه استراتژیکی و توانمندسازی افراد هوشمند را شامل کرد (لایزوسکی، ۲۰۰۲).

<sup>۱</sup> خود شرح و انتخاب رویدادهای بعد از A (همان B و C) توسط نظر خبرگان تهیه شده است.

<sup>2</sup> Parmenides Eidos



#### ۴- نتیجه‌گیری

در نهایت باید اذعان داشت که این روش برای توسعه سناریوها و سناریونویسی روشی زود بازده و آسان می‌باشد. در حقیقت این روش به دلیل شکل نهایی مناسب و گام به گام برای تفهیم سرانجام موضوع سناریوها به خوبی می‌تواند به کارشناسان برنامه‌ریزی در حوزه‌های مختلف از جمله ریسک، استراتژی و آینده‌پژوهی کمک شایان کند. هر مسیر از نقطه ابتدایی (ریشه‌ای) تا سر شاخه انتهایی یک سناریو بوده که می‌توان با توجه به توالی رویدادی که در آن مشاهده می‌شود به خوبی برنامه‌های احتمالی متفاوتی را تنظیم نمود. در نهایت اگر بتوان بر مبنای احتمالات و طریقه درست کسب مقادیر احتمالی در محاسبات (چه از طریق نظریه‌های خبرگان و چه محاسبات صرف) به سناریونویسی در موضوع نامبرده اهتمام ورزید، مطمئناً بعنوان یک ابزار مناسب برای حوزه‌های متفاوت و به خصوص آینده‌پژوهی تاثیرگذار خواهد بود.

#### مراجع

- [1] Bishop, P., Hines, A., & Collins, T. (2007). The current state of scenario development: an overview of techniques. *Foresight-The journal of future studies, strategic thinking and policy*, 9(1), 5-25.
- [2] Buckley, J., & Dudley, T. (1999). How Gerber used a decision tree in strategic decision-making. *The Graziadio Business Report*.
- [3] Covaliu, Z., & Oliver, R. M. (1995). Representation and solution of decision problems using sequential decision diagrams. *Management science*, 41(12), 1860-1881.
- [4] Growe-Kuska, N., Heitsch, H., & Romisch, W. (2003, June). Scenario reduction and scenario tree construction for power management problems. In *Power Tech Conference Proceedings, 2003 IEEE Bologna* (Vol. 3, pp. 7-pp). IEEE.
- [5] Lisewski, M. (2002). Project Proposal Influence Diagrams in Think Tools. *Think Tools, Munich*.
- [6] Salleh, S. H., Rosales, E., & Flores de la Mota, I. (2007). Influence of different probability based models on oil prospect exploration decision making: A case from Southern Mexico. *Revista Mexicana de Ciencias Geológicas*, 24(3), 306-317.
- [7] Sobradelo, R., Bartolini, S., & Martí, J. (2014). HASSET: a probability event tree tool to evaluate future volcanic scenarios using Bayesian inference. *Bulletin of Volcanology*, 76(1), 1-15.
- [8] <http://www.ic.unicamp.br/~lee/mc548/trabalho/xpress/docs/sp/dhtml/spbasics.html>

#### منابع زیر برای مطالعه بیشتر پیشنهاد می‌شوند

- [1] De Vos, C. J., Saatkamp, H. W., Nielen, M., & Huirne, R. (2004). Scenario tree modeling to analyze the probability of classical swine fever virus introduction into member states of the European Union. *Risk analysis*, 24(1), 237-253.
- [2] Dueker, M. (2005). Dynamic forecasts of qualitative variables: a Qual VAR model of US recessions. *Journal of Business & Economic Statistics*, 23(1), 96-104.
- [3] Gülpınar, N., Rustem, B., & Settergren, R. (2004). Simulation and optimization approaches to scenario tree generation. *Journal of economic dynamics and control*, 28(7), 1291-1315.
- [4] Heitsch, H., & Römisch, W. (2009). Scenario tree modeling for multistage stochastic programs. *Mathematical Programming*, 118(2), 371-406.
- [5] Kamstra, M., & Kennedy, P. (1998). Combining qualitative forecasts using logit. *International Journal of Forecasting*, 14(1), 83-93.
- [6] Montreuil, B., & Laforgue, A. (1992). Dynamic layout design given a scenario tree of probable futures. *European Journal of Operational Research*, 63(2), 271-286.



## Probability Tree Based Scenario Planning

### Abstract

One of the Futures Studies' methods for developing scenarios for the future is probability tree (scenario tree) which is a subgroup of event sequences. The logic of even sequences in relation to scenarios is that we need events happening in a sequence to shape the future just like how it works for the past. In order to reach the visions and formations in the future, we create a tree with leaves and branches based on the the event pathway, each pathway from the starting point to the last subbranch define a scenario. This concept is mostly used in areas of management, risk assessment and strategic management and its implication in foresight is a rather new concept with its own pros and cons. The most prominent feature of this method is that it presents a general image with occurnece degrees of probability in a general scheme to leaders and experts. In this paper we endeavored to address the basic concepts of the method and how a probability tree can help us in a quantitative and qualitative way to shape the scenarios for the future.

### Keywords

Probability Tree; Scenario Tree; Scenario Planning; Futures Studies