

## مجموعه مقالات هشتمین همایش ملی مبدل گرمایی

دوم دی ماه ۱۳۹۵، ایران، تهران، مرکز همایش‌های صدا و سیما

۰۹۱۹۷۵۵۶۴۲۴ - ۰۲۱ ۸۸۶۷۱۶۷۶

مجریان: انجمن علمی مهندسی حرارتی و برودتی ایران و هم اندیشان انرژی کیمیا

ثبت شده در پایگاه استنادی جهان اسلام ISC

www.Mobadel.ir



## مطالعه تجربی انتقال حرارت کل در رادیاتور خودرو با استفاده از نانوسيال اکسید آلومینیم

احمد یعقوبی<sup>۱</sup>، هامون پورمیرزا آقا<sup>۲</sup>، جواد رضاپور<sup>۳</sup>، محسن حقدادی<sup>۴</sup>

محل کار: مرکز آموزش فنی و حرفه ای شهید مطهری رشت - آدرس: رشت، کیلومتر ۷ جاده تهران، جنب انبار برق

آدرس پست الکترونیک: [yaghobi6141@yahoo.com](mailto:yaghobi6141@yahoo.com)**چکیده**

صنعت خودروسازی دستخوش بهبود مستمر در تمامی زمینه‌های اصلی خود است؛ افزایش انتقال حرارت رادیاتور خودرو یکی از جنبه‌های مهم این صنعت می‌باشد. در سال‌های اخیر تأکید بیشتری بر روی انتقال حرارت نانوسيال در انواع مختلف مبدل‌های حرارتی مانند مبدل‌های پوسته-لوله، دو لوله‌ای و صفحه‌ای صورت گرفته است اما مطالعات انگشت‌شماری روی رادیاتور خودرو انجام شده است. در این پژوهش، سیالات خنک‌کننده‌ی آب خالص و نانو سیال اکسید آلومینیم در سه درصد وزنی (۰/۱، ۰/۳ و ۱ درصد) به صورت آزمایشگاهی در رادیاتور خودرو ۲۰۶ برای بررسی انتقال حرارت استفاده و با هم مقایسه شده‌اند. به منظور انجام این کار ابتدا موتور TU3 خودرو ۲۰۶ سرویس و راهاندازی گردید. سپس، تجهیزات اندازه‌گیری و ثبت داده‌ها نظیر ترمومتر و دبی‌سنجد در نقاط لازم نصب شد. تست‌ها برای دو حالت دور تند و متوسط فن و در چهار دور موتور مختلف صورت پذیرفته است. در دور تند فن، بیشترین میزان افزایش انتقال حرارت نسبت به آب برای نانوسيال اکسید آلومینیم در درصد وزنی ۱ درصد و دور موتور ۱۱۵۲ rpm حاصل شد که ۲۹/۵۲ درصد می‌باشد. در دور متوسط فن نیز بیشترین افزایش انتقال حرارت برای نانوسيال اکسید آلومینیم نسبت به آب در دور موتور ۱۱۵۲ rpm و درصد وزنی ۱ درصد حاصل شد که ۲۷/۸۰ درصد می‌باشد.

واژه‌های کلیدی: انتقال حرارت، رادیاتور، نانوسيال، نانوپودر، TU3.

۱-دانشجوی کارشناسی ارشد، گروه مهندسی مکانیک، واحد لنگرود، دانشگاه آزاد اسلامی، لنگرود، ایران.

۲-استادیار، گروه مهندسی مکانیک، واحد رامسر، دانشگاه آزاد اسلامی ، رامسر، ایران.

۳-استادیار، گروه مهندسی مکانیک، واحد لاهیجان، دانشگاه آزاد اسلامی، لاهیجان، ایران.

۴-کارشناس ارشد، گروه مهندسی مکانیک، دانشگاه گیلان، رشت، ایران.

## Experimental Investigation of Overall Heat Transfer in the Application of Nanofluids in the car Radiator

Ahmad Yaghoubi<sup>1</sup>, Hamoon Pourmirzaagha<sup>2</sup>, Javad Rezapour<sup>3</sup>, Mohsen Haghdadi<sup>4</sup>

Work: Vocational Training Centre Motahari Rasht - Address: Rasht, 7 km Tehran Road, next to the power storage

Email Address : yaghobi6141@yahoo.com

### Abstract:

Car manufacturing industry is improving all of the own basic fields continuously. One of the aspects which are important is about increasing heat transfer in the car radiator. Heat transfer by using nanofluids in the heat exchangers such as shell-tube, double-tube and plate heat exchangers has emphasized recently, but a few survey about the car radiator has done. In this paper, cooling fluids include pure water and Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> nanofluid with mass fraction 0.1, 0.3 and 1, through experimental investigation for 206 automobile compared. For this purpose first of all TU3 engine of 206 automobile serviced and then started up. After that, requirements of measurement and data capturing such as thermo-meter and flow-meter had installed. Test for two conditions with fast and medium rotational speeds of fan in four different rotational speeds of engine has done. In the fast rotational speed of fan, 1152 rpm rotational speed condition, maximum heat transfer of water by 1% mass fraction of Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>, 29.5 % obtained. In the medium rotational speed of the fan, the maximum heat transfer for Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> nanofluid occurred in the 1152 rpm with 1% mass fraction which obtained 27.8%.

**Key words:** Heat transfer, Radiator, Nanofluid, Nano powder, TU3

1- MSc Student, Department of Mechanical Engineering, Langeroud Unit, Islamic Azad University, Langeroud, Iran.

2- Assistant Professor, Department of Mechanical Engineering, Ramsar Unit, Islamic Azad University, Ramsar, Iran.

3- Assistant Professor, Department of Mechanical Engineering, Lahijan Unit, Islamic Azad University, Lahijan, Iran.

4- MSc, Department of Mechanical Engineering, Guilan University, Rasht, Iran.

**مجموعه مقالات هشتمین همایش ملی مبدل گرمایی**

دوم دی ماه ۱۳۹۵، ایران، تهران، مرکز همایش‌های صدا و سیما

۰۹۱۹۷۵۵۶۴۲۴ - ۸۸۶۷۱۶۷۶

مجریان: انجمن علمی مهندسی حرارتی و برودتی ایران و هم اندیشان انرژی کیمیا

ثبت شده در پایگاه استنادی جهان اسلام ISC

www.Mobadel.ir

**۱- مقدمه**

مبدل‌های حرارتی وسایلی هستند که جریانی از انرژی حرارتی را بین دو یا چند سیال در دماهای مختلف برقرار می‌کنند و وظیفه تبادل حرارت را به عهده‌دارند. این تجهیزات در صنایع تولید برق، صنایع فرایندی، صنایع شیمیایی و غذایی، تجهیزات الکترونیکی، صنایع تولیدی، تهویه مطبوع، سرمایش و کاربردهای فضایی استفاده می‌شوند [۱]. در صنعت حمل و نقل، خنک‌کاری یک موضوع حیاتی است، زیرا که روند پیش‌رو در افزایش قدرت موتورها و یا خودروهای هیبرید، ناگزیر از به‌کارگیری رادیاتورهای بزرگ‌تر و درنتیجه سطح پیشانی بیشتر است که باعث افزایش نیروی پسا و مصرف سوخت بالاتر می‌گردد.

با پیشرفت فناوری، تحقیقات در زمینه ساخت تجهیزات صنعتی با ابعاد کوچک‌تر به سرعت در حال گسترش است. در روند پیشرفت فناوری ساخت تجهیزات با ابعاد کوچک‌تر، دفع حرارت از سطوح بحرانی‌تر می‌شود. با این‌گونه پیشرفت‌های علم و فناوری در ساخت تجهیزات در ابعاد میکرو و نانو از ۵ دهه پیش، زمینه برای ایجاد تغییر اساسی در نحوه خنک‌کاری وسایل الکترونیکی نیز ایجاد شد [۲].

اولین مانع جدی در فشرده‌سازی و کارآمد کردن دستگاه‌های انتقال حرارت، خواص ضعیف انتقال حرارت سیالات متداولی همچون آب و اتیلن گلیکول می‌باشد. در فرآیندهای انتقال حرارت هدایتی و جابجایی یکی از مشخصه‌های مؤثر سیال، ضریب هدایت حرارتی آن است. بالا بودن این مشخصه بیانگر بالا بودن نرخ انتقال حرارت توسط هریک از دو مکانیسم یادشده است. هدایت حرارتی در ذرات جامد حدوداً صدها برابر بیشتر از سیالات رایج در انتقال حرارت می‌باشد. بنابراین ساخت سوسپانسیونی از ذرات ریز جامد در سیالات خالص یک راهکار جدید برای افزایش خواص انتقال حرارت سیالات حامل انرژی می‌باشد [۲,۳].

افزایش راندمان و بهبود مصرف انرژی در صنایع همواره مورد توجه محققان بوده است. بهبود انتقال حرارت در سیستم‌های گرمایشی و سرمایشی نیز از این قاعده مستثنی نیست، از این رو تحقیقات گسترده‌ای برای استفاده از سیالات جایگزین به جای سیالات متداول نظریه آب و اتیلن گلیکول که بتواند خواص حرارتی مناسب‌تری را بروز دهد انجام شده است. از سوی دیگر خواص چند ذرات فلزی نظری مس و آلومینیوم در مقایسه با مایعات متداول باعث شده است تا ایده‌ی پخش کردن ذرات فلزی در مایعات توسط ماکسول مطرح شود، [۴]. اما می‌توان گفت چوی و ایستمن [۵] و ماسودا و همکاران [۶] اولین محققانی بودند که نانوسیالات در معنای امروزی را مورد استفاده قرار دادند. نانوسیالات در معنای امروزی را می‌توان سیالاتی دانست که ذرات بسیار ریز در حدود ۱ تا ۱۰۰ نانومتر در داخل سیال پایه مانند آب و یا اتیلن گلیکول پایدار شده‌اند [۷]. نانوسیالات در سال‌های گذشته در بسیاری از عرصه‌های مهندسی مانند سیستم‌های خورشیدی، خنک‌کاری قطعات الکترونیکی، کاربردهای پزشکی، پیلهای سوختی، راکتورهای هسته‌ای و افزایش راندمان سیستم‌های حرارتی موردن توجه قرار گرفته‌اند.

داس و همکاران نتیجه گرفتند که رسانایی حرارتی مستقیماً با دما متناسب است و مقادیر از مدل مؤثر رسانایی حرارتی بدست نیامده‌اند. آنها پیشنهاد دادند که تعداد ذرات بیشتر، به علت افزایش مساحت برای انتقال حرارت، منجر به رسانایی حرارتی بالاتر می‌شود [۸].

پیغمبرزاده و همکاران، رادیاتور ماشین را با نانوسیال اکسید آلومینیم با سیال پایه‌ی آب آزمایش کردند. غلظت حجمی در بازه‌ی ۰-۱٪ متغیر بود. بیشترین افزایش انتقال حرارت بالغ بر ۴۵٪ با غلظت حجمی ۱٪ گزارش شد [۹].

**مجموعه مقالات هشتمین همایش ملی مبدل گرمایی**

دوم دی ماه ۱۳۹۵، ایران، تهران، مرکز همایش‌های صدا و سیما

۰۹۱۹۷۵۵۶۴۲۴ - ۸۸۶۷۱۶۷۶

مجریان: انجمن علمی مهندسی حرارتی و برودتی ایران و هم اندیشان انرژی کیمیا

ثبت شده در پایگاه استنادی جهان اسلام

www.Mobadel.ir



الیاس و همکاران، دستاوردهایی را در مورد رسانایی حرارتی، ویسکوزیته، گرمای ویژه و چگالی نانوسیال‌های اکسید آلمونیم در آب و اتیلن گلایکول که به عنوان خنک کننده در رادیاتور خودرو استفاده می‌شد، گزارش دادند. غلظت حجمی و دمای خنک کاری بالای ۱٪ و ۵۰ درجه سانتیگراد، به ترتیب، نگه داشته شد. ویسکوزیته، رسانایی حرارتی و چگالی نانوسیال مشاهده شد که افزایش می‌یابد در حالیکه گرمای ویژه نانوسیال با افزایش غلظت حجمی مشاهده شد که کاهش می‌یابد [۱۰].

پیغمبرزاده و همکاران، به صورت تجربی اثر نانوذرات اکسید آلمونیم را در آب و اتیلن گلایکول با کسر حجمی ۱۱٪ نانوسیال آماده شده، بررسی کردند. نرخ جریان خنک کاری از ۲ تا ۶ لیتر بر دقیقه متغیر بود. برای نانوسیال با سیال پایه‌ی آب و نانوسیال با سیال پایه‌ی اتیلن گلایکول، دمای‌های ورودی در بازه‌ی ۳۵-۵۰ درجه و ۴۵-۶۰ درجه به ترتیب متغیر بود. عدد رینولدز در بازه‌ی ۲۳۰۰-۹۰۰۰ برای نانوسیال با سیال پایه‌ی اتیلن گلایکول و آب به ترتیب، نگه‌داشته شد. با افزایش ۱٪ حجمی از نانوذرات به سیال پایه‌ی آب یا اتیلن گلایکول، یک افزایش ۴۰ درصدی در عدد ناسلت در مقایسه با سیال خالص ثبت شد [۱۱].

در این مقاله سیالات خنک کننده‌ی آب خالص و نانوسیال اکسید آلمونیم در سه درصد وزنی (۰/۳، ۰/۰ و ۱ درصد) به صورت آزمایشگاهی در رادیاتور خودرو ۲۰۶ برای بررسی انتقال حرارت استفاده و با هم مقایسه شده‌اند که در ادامه به ارائه نتایج حاصل می‌پردازیم.

**۲- نانوسیال**

نانوسیالات که از توزیع ذرات با ابعاد نانو در سیالات معمولی حاصل می‌شوند، نسل جدیدی از سیالات با پتانسیل بسیار زیاد در کاربردهای صنعتی هستند. اندازه ذرات مورد استفاده در نانوسیالات از ۱ نانومتر تا ۱۰۰ نانومتر می‌باشد. نانوسیال گونه‌ی جدیدی از محیط‌های انتقال حرارت است که توانایی بسیار زیادی در انتقال حرارت از خود نشان می‌دهد. این سیالات با افرودن ذرات فلزی و غیرفلزی در مقیاس نانو به سیال پایه تحت تکنیک‌های خاص تولید می‌شوند. این ذرات به صورت سوسپانسیون باقی می‌مانند و مسأله‌ی ساییدگی در تجهیزات و خطوط انتقال ایجاد نمی‌نمایند. ذرات معلق نانو در سیال سبب افزایش ضربیت هدایت حرارتی شده و بر اثر حرکت ذرات انتقال حرارت جایگایی بسیار افزایش پیدا می‌کند. نانوسیالات کاربردهای فراوانی در مبدل‌های حرارتی، صنایع هوافضا، نیروگاه‌ها و ... دارند و در تمامی موارد، انرژی مصرفی سیستم را کاهش می‌دهند و با بهبود طراحی امکان تولید سیستم‌های فشرده را ایجاد می‌نمایند. استفاده از نانوسیالات می‌تواند به دلیلی شدت انتقال حرارت زیاد آن‌ها، مصرف آب صنایع را به‌طور چشمگیری کاهش دهد.

از جمله عوامل انتقال حرارت در نانوسیالات، عبارتند از: حرکت نانو ذرات، سطح مولکولی لایه‌ای مایع در سطح مشترک مایع با ذرات، انتقال حرارت پرتابه‌ای در نانو ذرات و تأثیر خوشی‌ای شدن نانو ذرات از جمله عوامل انتقال حرارت در نانوسیالات می‌باشد.

بهبود خواص حرارتی نانوسیال احتیاج به انتخاب روش تهیه مناسب این سوسپانسیون‌ها دارد تا از تهشیبی و نایابی داری آن‌ها جلوگیری شود. تهیه نانو سیال پایا و بادوام شرط لازم برای بهینه شدن خواص آن است. اجتماع ذرات و کلخه شدن آن‌ها باعث افزایش احتمال تهشیبی شده، پایداری سوسپانسیون را کاهش می‌دهد و موجب از بین رفت و پیشگی‌های سوسپانسیون از جمله هدایت حرارتی ویسکوزیته و افزایش ظرفیت حرارتی می‌شود. متناسب با کاربرد، انواع بسیاری از نانوسیالات از جمله

### مجموعه مقالات هشتمین همایش ملی مبدل گرمایی

دوم دی ماه ۱۳۹۵، ایران، تهران، مرکز همایش‌های صدا و سیما

۰۹۱۹۷۵۵۶۴۲۴ - ۸۸۶۷۱۶۷۶

مجریان: انجمن علمی مهندسی حرارتی و برودتی ایران و هم اندیشان انرژی کیمیا

ثبت شده در پایگاه استنادی جهان اسلام ISC

[www.Mobadel.ir](http://www.Mobadel.ir)



نانوسیال اکسید فلزات، نیتریت‌ها، کاربید فلزات و غیر فلزات که بهوسیله یا بدون استفاده از مواد فعال سطحی (سورفکتانت<sup>۱</sup>) در سیالاتی مانند آب، اتیلن گلیکول و روغن به وجود آمده است. دو روش عمدۀ برای تهیه نانوسیالات وجود دارد که روش دومرحله‌ای و روش یک مرحله‌ای هستند.

#### ۱-۲- روش دومرحله‌ای

مرحله نخست این روش شامل تولید نانو ذرات به صورت یک پودر خشک بوده که اغلب توسط کندانس نمودن با یک گاز بی‌اثر انجام می‌شود. در این مرحله ابتدا نانوذره یا نانولوله معمولاً بهوسیله روش رسوب بخار شیمیایی (CVD) در فضای گاز بی‌اثر به صورت پودرهای خشک تهیه می‌شود. استفاده از گاز بی‌اثر باهدف جلوگیری از تشکیل اکسیدهای فلزی است. در صورتی که هدف تهیه نانو ذرات اکسید فلزی باشد بهجای گاز بی‌اثر از اکسیژن استفاده می‌کنند. در مرحله‌ی بعد نانوذره یا نانولوله در داخل سیال پراکنده می‌شود. برای این کار از روش‌هایی مانند لرزانده‌های مافق صوت و یا از سورفکتانت‌ها استفاده می‌شود تا توده‌های نانوذره‌ای به حداقل رسیده و باعث بهبود رفتار پراکنده‌گی شود.

روش دومرحله‌ای برای تولید انبوه روش مناسبی است اما این مشکل را دارد که ممکن است ذرات قبل از پراکنده‌گی کامل داخل سیال در اثر نیروهای قوی واندروالس به هم بچسبند و گروهی از آن‌ها در مایع رسوب کنند و موجب کاهش ضربیت هدایت حرارتی شوند. روش‌های فیزیکی و شیمیایی مختلفی برای حل این مشکل ارائه شده است که از جمله‌ی آن‌ها می‌توان به ارتعاش مافق صوت، قرار دادن نانو سیال در معرض برش بالا، استفاده از مواد فعال کننده‌ی سطح و تغییرات اسیدیته اشاره کرد.

روش دو مرحله‌ای برای بعضی موارد مانند اکسید فلزات در آب، دیونیزه شده بسیار مناسب است و برای نانو سیالات شامل نانو ذرات فلزی سنگینی، کمتر موفق بوده است. روش دو مرحله‌ای دارای مزایای اقتصادی بالقوه‌ای است، زیرا شرکت‌های زیادی توانایی تهیه نانو پودرها در مقیاس صنعتی را دارند [۱۲].

#### ۲-۲- روش یک مرحله‌ای

روش یک مرحله‌ای نیز به موازات روش دومرحله‌ای پیشرفت کرده است. در این روش از یک مرحله که تبخیر مستقیم است استفاده می‌گردد. مزیت استفاده از این روش آن است که تجمع ذرات بر اثر چسبندگی آن‌ها به یکدیگر به طور قابل ملاحظه‌ای کاهش یافته و به حداقل می‌رسد.

به طور مثال نانوسیالاتی شامل نانوذرات فلزی با استفاده از روش تبخیر مستقیم تهیه شده‌اند. در این روش، منبع فلزی تحت شرایط خلاً تبخیر می‌شود. در این روش، تراکم توده نانوذرات به حداقل خود رسید، اما فشار بخار پایین سیال یکی از معایب این فرآیند محسوب می‌شود؛ ولی با این حال روش‌های شیمیایی تک مرحله‌ای مختلفی برای تهیه‌ی نانوسیال به وجود آمده است که از آن جمله می‌توان به روش احیای نمک فلزات و تهیه‌ی سوسپانسیون آن در حللالهای مختلف برای تهیه‌ی نانوسیال فلزات اشاره کرد. مزیت اصلی روش یک مرحله‌ای، کنترل بسیار مناسب روی اندازه و توزیع اندازه‌ی ذرات است [۱۲].

<sup>۱</sup>. Surfactant

**مجموعه مقالات هشتمین همایش ملی مبدل گرمایی**

دوم دی ماه ۱۳۹۵، ایران، تهران، مرکز همایش‌های صدا و سیما  
۰۹۱۹۷۵۵۶۴۲۴ - ۰۲۱ - ۸۸۶۷۱۶۷۶

مجریان: انجمن علمی مهندسی حرارتی و برودتی ایران و هم اندیشان انرژی گیمیا  
ثبت شده در پایگاه استنادی جهان اسلام ISC  
www.Mobadel.ir

**۳- تعیین خواص نانوسیال**

با فرض اینکه نانوذرات به خوبی در داخل سیال پایه توزیع شده است، یعنی می‌توان غلظت ذرات را در کل سیستم یکنواخت فرض کرد؛ خواص ترموفیزیکی نانوسیالات در دمایا و غلظت‌های مختلف با استفاده از برخی فرمول‌های کلاسیک که به طور معمول برای جریان دوفاز استفاده شده است قابل ارزیابی هستند. در کار حاضر روابط زیر برای محاسبه‌ی چگالی و گرمای ویژه‌ی نانوسیالات مورد استفاده قرار گرفته‌اند. توضیح اینکه در این روابط،  $\phi$  کسر حجمی نانوذرات است که به سیال پایه اضافه شده است. زیرنویس‌های  $bf$ ،  $nf$  و  $p$  به ترتیب بیانگر خصوصیات مربوط به سیال پایه، نانوسیال و نانوذرات می‌باشد.

**۳-۱- چگالی**

براساس فیزیک حاکم بر مخلوط دو ماده خواهیم داشت:

$$(\rho_{nf}) = (1-\phi)\rho_{bf} + \phi\rho_p \quad (1)$$

**۳-۲- ظرفیت گرمایی ویژه**

برای تعیین ظرفیت گرمایی ویژه‌ی نانوسیال از روش ارائه شده توسط پک و چو [۱۳] استفاده شده است:

$$C_{P_{nf}} = (1-\phi)C_{P_{bf}} + \phi C_{P_p} \quad (2)$$

**۳-۳- لزجت دینامیکی**

روابط مختلفی برای محاسبه‌ی لزجت دینامیکی نانوسیال ارائه شده است که در مقاله‌ی حاضر از رابطه‌ی زیر استفاده می‌نمائیم [۱۴]:

$$\mu_{nf} = \mu_{bf}(1+2.5\phi) \quad (3)$$

**۴-۳- ضریب هدایت حرارتی**

برای تعیین ضریب هدایت حرارتی نانوسیال، رابطه‌ی همیلتون-کروسر به صورت زیر ارائه شده است، [۱۵]:

$$\frac{K_{nf}}{K_{bf}} = \frac{K_p + 2K_{bf} - 2\phi(K_{bf} - K_p)}{K_p + 2K_{bf} + \phi(K_{bf} - K_p)} \quad (4)$$

**۴- تشریح سیستم آزمایشگاهی**

سیستم آزمایشگاهی مورد استفاده در این کار، موتور ۲۰۶ تیپ دو شامل کلیه‌ی تجهیزات و سیستم خنک‌کاری کامل آن می‌باشد که بر روی استند ثابت شده است. ترمومترات سیستم خنک‌کاری موتور برداشته شده است و به محض روشن کردن موتور، مایع خنک‌کننده‌ی موتور شروع به گردش در سیستم خنک‌کاری می‌نماید. موتور مورد مطالعه و تجهیزات آن در شکل (۱) نشان داده شده است. لازم به ذکر است که حجم کل سیال موجود در سیستم ۶ لیتر می‌باشد.

**مجموعه مقالات هشتمین همایش ملی مبدل گرمایی**

دوم دی ماه ۱۳۹۵، ایران، تهران، مرکز همایش‌های صدا و سیما  
۰۹۱۹۷۵۵۶۴۲۴ - ۰۲۱ ۸۸۶۷۱۶۷۶

مجریان: انجمن علمی مهندسی حرارتی و برودتی ایران و هم اندیشان انرژی کیمیا  
ثبت شده در پایگاه استنادی جهان اسلام ISC  
www.Mobadel.ir



شکل (۱) موتور TU3 (تیپ ۲) مورد مطالعه در کار حاضر و متعلقات آن.

رادیاتور مورد بررسی در کار پیش‌رو، مختص اتومبیل پژو ۲۰۶ تیپ دو با موتور TU3 و از جنس آلومینیوم می‌باشد. این رادیاتور دارای ۵۹ لوله‌ی عمودی به ارتفاع ۳۹/۹ سانتی‌متر و سطح مقطع بیضوی به قطرهای ۱۶/۵ و ۱/۷۵ میلی‌متر می‌باشد. اطلاعات کامل‌تر از هندسه‌ی این رادیاتور در جدول (۱) ارائه شده است.

جدول (۱) مشخصات رادیاتور موتور مورد مطالعه.

آلومینیوم	جنس فین و لوله
موچ دار	نوع فین
۳۸۶/۵×۲۷×۷/۵۲ mm	ابعاد فین
(عرض*ارتفاع*طول)	
۶۰	تعداد فین
۱/۲ لیتر	حجم رادیاتور

به منظور اندازه‌گیری دما در این کار از ترمیستورهای PT استفاده شده است. در این سنسورها با افزایش دما، مقاومت افزایش می‌یابد. در این سیستم آزمایشگاهی، سه عدد سنسور دمای 100 اهم و سه عدد مولتی‌متر دیجیتال برای اندازه‌گیری دمای بدنه رادیاتور بر روی بدنه رادیاتور نصب شد. دو سنسور PT در ورودی و خروجی رادیاتور نصب شده و سنسور سوم نیز روی بدنه رادیاتور نصب گردید تا دمای بدنه رادیاتور اندازه‌گیری شود. شکل (۲) این سنسورها و محل نصب آن‌ها را نشان می‌دهد. برای خواندن دمای سنسورهای رادیاتور از نمایشگر دیجیتال و برای ثبت دمای خروجی موتور دور موتور از دستگاه دیاگ استفاده شده است.

**مجموعه مقالات هشتمین همایش ملی مبدل گرمایی**

دوم دی ماه ۱۳۹۵، ایران، تهران، مرکز همایش‌های صدا و سیما  
۰۹۱۹۷۵۵۶۴۲۴ - ۰۲۱ ۸۸۶۷۱۶۷۶

مجریان: انجمن علمی مهندسی حرارتی و برودتی ایران و هم اندیشان انرژی کیمیا  
ثبت شده در پایگاه استنادی جهان اسلام  
www.Mobadel.ir



شکل (۲) سنسورهای دما و محل نصب آن‌ها.

برای اندازه‌گیری دبی جریان در این کار از روتامتر استفاده شده است. روتامتر مورد استفاده در این سیستم آزمایشگاهی از نوع خطی می‌باشد. این روتامتر از نوع LZT-2520G با محدوده‌ی اندازه‌گیری ۰-۲۰ GPM و دقت اندازه‌گیری  $\pm 4\%$  درصد می‌باشد. همچنین، روتامتر به صورت مستقیم و عمود بر لوله‌ی آب که در شکل (۳) مشاهده می‌شود، نصب گردیده است.



شکل (۳) محل و چگونگی نصب روتامتر در سیستم آزمایشگاهی

**مجموعه مقالات هشتمین همایش ملی مبدل گرمایی**

دوم دی ماه ۱۳۹۵، ایران، تهران، مرکز همایش‌های صدا و سیما

۰۹۱۹۷۵۵۶۴۲۴ - ۰۲۱ ۸۸۶۷۱۶۷۶

مجریان: انجمن علمی مهندسی حرارتی و برودتی ایران و هم اندیشان انرژی کیمیا

ثبت شده در پایگاه استنادی جهان اسلام ISC

www.Mobadel.ir

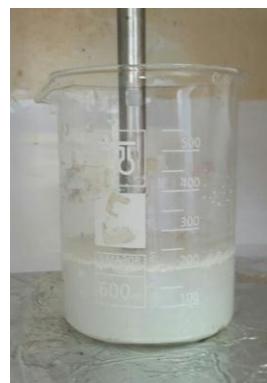
**۵- روش تهیه نانوسیالات**

آماده‌سازی یک نانوسیال پایدار در کاربرد انتقال حرارت آن‌ها دارای اهمیت بسیار بالایی است. از آنجا که همواره نانوذرات به دلیل نیروهای بسیار قوی و اندروالسی تمایل به تشکیل توده دارند، آماده‌سازی یک سوسپانسیون همگن از مشکلات بزرگ کار با نانوسیالات است.

مقدار جرم معینی از نانوذرات برای ایجاد درصد وزنی مشخص جدا می‌گردد. این مقدار جرم مشخص همراه با مقدار سیال موردنیاز به مدت ۳۰ دقیقه توسط همزن مغناطیسی همzedه شده و سپس به مدت ۱۵ دقیقه به صورت پالس تحت امواج آلتراسونیک قرار گرفته است. زمان بهینه برای اعمال امواج آلتراسونیک بعد از آزمایش‌های متفاوت به دست آمده است. در این کار آزمایشگاهی از دستگاه آلتراسونیک با توان ۵۰۰ وات و فرکانس ۵۰ کیلوهرتز استفاده شده است. به منظور جلوگیری از افزایش دمای نانوسیال در حین استفاده از دستگاه آلتراسونیک از ظرف آب سرد استفاده شده است. نانوسیال تولیدشده در طول انجام آزمایش ۴۸ ساعت پایدار می‌ماند. خواص نانوبودر اکسید آلومینیوم در جدول (۲) ارائه شده است. نمونه نانوسیال اکسید آلومینیوم تحت امواج آلتراسونیک در شکل (۴) نشان داده شده است.

**جدول (۲) خواص نانوبودر اکسید آلومینیوم**

مشخصات	اکسید آلومینیوم
شكل ظاهری	سفید کروی
خلوص	۹۹
درصد	۲۰
اندازه ذره (nm)	(nm)
مساحت سطح ویژه	( $m^2 / g$ )
چگالی	( $kg / m^3$ )
ظرفیت حرارتی ویژه	( $J / kg.K$ )
ضریب هدایت حرارتی	( $W / m.K$ )



شکل (۴) نمونه نانوسیال اکسید آلومینیوم تحت امواج آلتراسونیک.

**مجموعه مقالات هشتمین همایش ملی مبدل گرمایی**

دوم دی ماه ۱۳۹۵، ایران، تهران، مرکز همایش‌های صدا و سیما

۰۹۱۹۷۵۵۶۴۲۴ - ۰۲۱ ۸۸۶۷۱۶۷۶

مجریان: انجمن علمی مهندسی حرارتی و برودتی ایران و هم اندیشان انرژی گیمیا

ثبت شده در پایگاه استنادی جهان اسلام ISC

www.Mobadel.ir

**۶- روش تست و جمع آوری داده‌ها**

ابتدا موتور و مخزن انبساط با استفاده از آب و نانوسیالات با غلظت مشخص پر شد. سپس موتور روشن شد تا دمای سیال خنک کننده بالا برود. در ابتدای آزمایش در دور آرام موتور (۸۳۲ RPM) دبی جریان سیال خنک کننده برابر با ۱۱ لیتر در دقیقه بود اندازه‌گیری شد. در هر مرحله از آزمایش با بالا بردن دور موتور از ۸۳۲ RPM تا ۱۸۲۴ RPM، دبی جریان سیال از ۱۱ تا ۳۰ لیتر در دقیقه تنظیم گردید. همچنین، دبی جریان برای دو دور تند و متوسط فن که با کلید مستقیم از باتری راهاندازی می‌شود، جداگانه مورد بررسی قرار گرفت. دمای ورودی و خروجی رادیاتور توسط سنسورهای PT و نمایشگر و همچنین دمای سطح رادیاتور با استفاده از سنسور PT نصب شده روی رادیاتور و مولتی‌مترها ثبت شدند. مدت زمان متوسطی که سیستم در طول آزمایش‌ها به تعادل می‌رسد، حدود ۸ دقیقه است که به جهت اطمینان از پایداری ثبت نتایج پس از ۱۵ دقیقه از شروع کار کرد سیکل موردنظر، نتایج خوانده و ثبت شدند.

**۷- نتایج**

آزمایش‌های موردنظر برای آب معمولی و نانوسیال اکسید آلومینیوم با سه درصد وزنی ۰/۱، ۰/۳ و ۱ انجام شده است. در ادامه به ارائه نتایج مربوط به هریک از این سیالات خنک کننده و تفسیر آن‌ها خواهیم پرداخت.

**۷-۱- اعتبارسنجی**

به منظور انجام آزمایش‌ها، ابتدا لازم است که نتایج و قابلیت اطمینان تجهیزات آزمایشگاهی اعتبارسنجی شوند. در کار حاضر این مسئله با مقایسه نتایج آزمایشگاهی و تغوری عدد ناسلت برای آب خالص مورد بررسی قرار گرفته است.

عدد ناسلت تئوری از رابطه‌های تجربی دیتوس-بولتر<sup>۱</sup> (رابطه‌ی (۵)) یا گنیلینسکی<sup>۲</sup> (رابطه‌ی (۶)) قابل محاسبه است.

$$NU = 0.0236 Re^{0.8} Pr^{0.3} \quad (5)$$

$$NU = \frac{\left(\frac{f}{8}\right)(Re-1000) Pr}{1 + 12.7\left(\frac{f}{8}\right)^{0.5} (Pr^{2/3}-1)} \quad (6)$$

در این روابط،  $Re$  عدد رینولدز جریان و  $Pr$  عدد پراندل سیال خنک کننده می‌باشد. همچنین مقدار  $f$  در رابطه‌ی (۶) به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$f = (0.79 Ln(Re) - 1.69)^{-2} \quad (7)$$

رابطه‌ی دیتوس-بولتر برای  $0.6 \leq Pr \leq 160$  و  $Re >> 10000$  معتبر است. همچنین رابطه‌ی گنیلینسکی برای  $0.5 \leq Pr \leq 2000$  و  $3000 \leq Re \leq 5 \times 10^6$  معتبر می‌باشد.

نمودار تغییرات عدد ناسلت بر حسب عدد رینولدز جریان برای دور تند فن در شکل (۵) نشان داده شده است. نمودار متناظر با دور متوسط فن نیز در نمودار شکل (۶) ارائه گردیده است. همانگونه که مشاهده می‌شود، نحوه تغییرات عدد ناسلت

<sup>1</sup>. Dittus-Boelter

<sup>2</sup>. Gnielinsky

## مجموعه مقالات هشتمین همایش ملی مبدل گرمایی

دوم دی ماه ۱۳۹۵، ایران، تهران، مرکز همایش‌های صدا و سیما

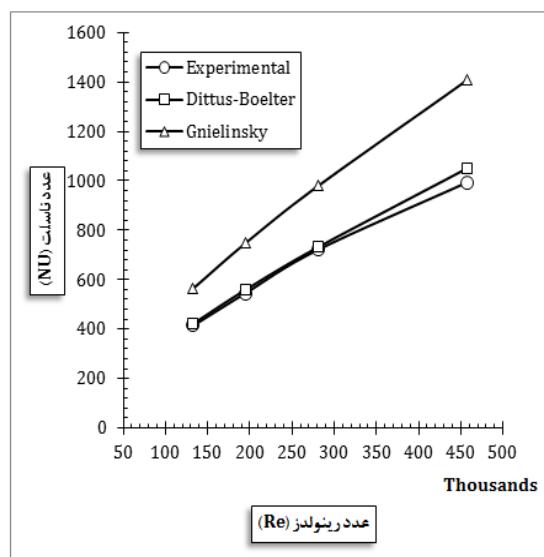
۰۹۱۹۷۵۵۶۴۲۴ - ۰۲۱ ۸۸۶۷۱۶۷۶

مجریان: انجمن علمی مهندسی حرارتی و برودتی ایران و هم اندیشان انرژی کیمیا

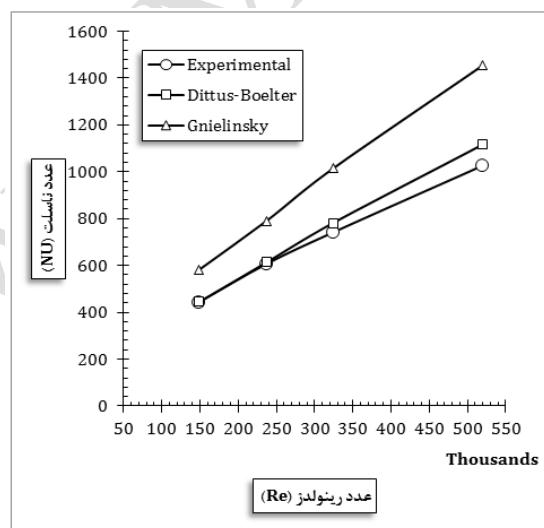
ثبت شده در پایگاه استنادی جهان اسلام

www.Mobadel.ir

آزمایشگاهی حاصل، مطابق با نحوه تغییرات ناسلت تئوری محاسبه شده با استفاده از روابط (۵) و (۶) می‌باشد. همچنین، مشخص است که این نتایج با مقادیر حاصل از رابطه‌ی دیتوس-بولتر مطابقت بسیار خوبی را نشان می‌دهد. رابطه‌ی گنیلینسکی، مقادیر تئوری بیشتری را نسبت به رابطه‌ی دیتوس بولتر پیش‌بینی می‌نماید.



شکل (۵) نمودار تغییرات عدد ناسلت آزمایشگاهی و تئوری بر حسب عدد رینولدز جریان برای دور تند فن.



شکل (۶) نمودار تغییرات عدد ناسلت آزمایشگاهی و تئوری بر حسب عدد رینولدز جریان برای دور متوسط فن.

## مجموعه مقالات هشتمین همایش ملی مبدل گرمایی

دوم دی ماه ۱۳۹۵، ایران، تهران، مرکز همایش‌های صدا و سیما

۰۹۱۹۷۵۵۶۴۲۴ - ۰۲۱ (۸۸۶۷۱۶۷۶)

مجریان: انجمن علمی مهندسی حرارتی و برودتی ایران و هم اندیشان انرژی گیمیا

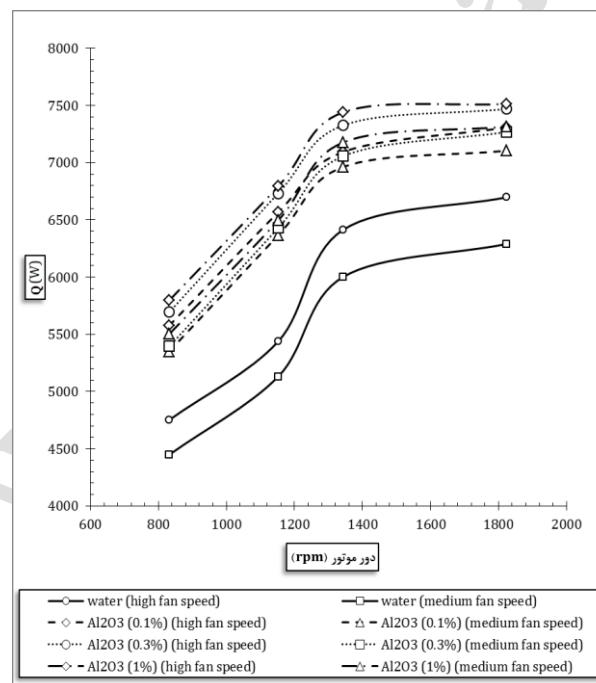
ثبت شده در پایگاه استنادی جهان اسلام ISC

www.Mobadel.ir

مشاهده می‌شود که با افزایش عدد رینولدز جریان که متناظر با افزایش دور موتور می‌باشد، مقدار ناسلت آزمایشگاهی از مقدار ناسلت تئوری دورتر شده و خط افزایش می‌یابد. حداکثر خطای حاصل از کار آزمایشگاهی نسبت به رابطه دیتوس-بولتر ۷/۰ درصد محاسبه شده است.

## ۲-۷- سیال خنک کننده نانوسيال اکسید آلومینیوم

با به کارگیری نانوسيال اکسید آلومینیوم و اندازه‌گیری دمای نقاط مختلف و انجام محاسبات مشخص شد که انتقال حرارت از رادیاتور افزایش یافته است. نمودار تغییرات انتقال حرارت بر حسب دور موتور برای این نانوسيال در درصدهای وزنی مختلف در شکل (۷) نشان داده شده است. این نمودار، برای دو حالت دور تند و دور متوسط فن ارائه شده است. همانگونه که پیداست، با افزایش عدد رینولدز جریان که متناظر با افزایش دور موتور است، حرارت دفع شده از رادیاتور افزایش پیدا می‌کند. همچنین، مقدار حرارت دفع شده برای حالت دور تند فن بیشتر از حرارت دفع شده برای حالت دور متوسط فن می‌باشد. برای یک مقدار برابر دور موتور، مقدار حرارت دفع شده از رادیاتور برای نانوسيال بیشتر از آب معمولی بوده و این مقدار با افزایش درصد وزنی نانوسيال، افزایش بیشتری دارد. یعنی حرارت دفع شده از رادیاتور برای درصد وزنی بیشتر نانوسيال بیشتر خواهد بود.



شکل (۷) نمودار حرارت دفع شده بر حسب دور موتور برای آب و نانوسيالات اکسید آلومینیوم با درصدهای وزنی مختلف و دورهای تند و متوسط فن.

## مجموعه مقالات هشتمین همایش ملی مبدل گرمایی

دوم دی ماه ۱۳۹۵، ایران، تهران، مرکز همایش‌های صدا و سیما

۰۹۱۹۷۵۵۶۴۲۴ - ۰۲۱ ۸۸۶۷۱۶۷۶

مجریان: انجمن علمی مهندسی حرارتی و برودتی ایران و هم اندیشان انرژی کیمیا

ثبت شده در پایگاه استنادی جهان اسلام

www.Mobadel.ir



## -۸- بحث و نتیجه‌گیری

پژوهه‌ی حاضر با هدف بررسی آزمایشگاهی تأثیر استفاده از نانوسيال اکسید آلومینیم در انتقال حرارت رادیاتور خودروی پژو ۲۰۶ (موتور TU3) انجام شده است. به همین منظور، موتور مورد نظر و تجهیزات آزمایشگاهی مناسب فراهم شدند. در مرحله‌ی اول تست‌های آزمایشگاهی، آب خالص به عنوان سیال خنک‌کننده مورد استفاده قرار گرفت. پس از آن نانوسيالات موردنظر به کار برد شدند.

نتایج حاصل از این کار آزمایشگاهی نشان‌دهنده‌ی افزایش میزان انتقال حرارت از رادیاتور خودرو در صورت استفاده از نانوسيال مورد مطالعه (نانوسيال اکسید آلومینیوم) می‌باشد. جدول‌های (۴) تا (۶) درصدهای افزایش عدد ناسلت جریان و حرارت دفع شده از رادیاتور را برای دو حالت دور تند و متوسط فن به ترتیب برای نانوسيالات اکسید آلومینیوم با درصدهای وزنی ۰/۱، ۰/۳ و ۰/۰ درصد نشان می‌دهند.

جدول (۴) تغییرات عدد ناسلت و حرارت دفع شده از رادیاتور برای نانوسيال اکسید آلومینیوم با درصد وزنی ۰/۰ نسبت به آب خالص.

حرارت (%)	ناسلت (%)	دور متوسط فن		دور موتور (rpm)
		انتقال	دور تند فن	
		حرارت (%)	ناسلت (%)	
+۱۷/۳۸	+۱۸/۱۹	+۲۰/۳۲	+۱۶/۶۷	۸۳۲
+۲۱/۰۴	+۱۰/۳۵	+۲۴/۳۵	+۱۶/۷۴	۱۱۵۲
+۱۰/۵۹	+۲۷/۷۷	+۱۶/۲۶	+۲۴/۰۱	۱۳۴۴
+۹/۱۱	+۱۵/۹۰	+۱۳/۲۲	+۲۳/۳۰	۱۸۲۴

جدول (۵) تغییرات عدد ناسلت و حرارت دفع شده از رادیاتور برای نانوسيال اکسید آلومینیوم با درصد وزنی ۰/۳ نسبت به آب خالص.

حرارت (%)	ناسلت (%)	دور متوسط فن		دور موتور (rpm)
		انتقال	دور تند فن	
		حرارت (%)	ناسلت (%)	
+۲۰/۶۵	+۱۹/۸۱	+۲۱/۲۸	+۱۹/۳۴	۸۳۲
+۲۳/۸۲	+۱۴/۲۵	+۲۵/۳۱	+۱۸/۲۳	۱۱۵۲
+۱۴/۲۱	+۲۹/۴۲	+۱۷/۵۷	+۲۸/۲۲	۱۳۴۴
+۱۱/۵۳	+۱۷/۴۷	+۱۵/۵۶	+۲۵/۰۱	۱۸۲۴

جدول (۶) تغییرات عدد ناسلت و حرارت دفع شده از رادیاتور برای نانوسيال اکسید آلومینیوم با درصد وزنی ۰/۰ نسبت به آب خالص.

حرارت (%)	ناسلت (%)	دور متوسط فن		دور موتور (rpm)
		انتقال	دور تند فن	
		حرارت (%)	ناسلت (%)	
+۲۴/۸۰	+۲۲/۳۷	+۲۶/۵۷	+۲۵/۹۹	۸۳۲
+۲۷/۸۰	+۱۸/۴۵	+۲۹/۵۲	+۲۴/۹۵	۱۱۵۲

**مجموعه مقالات هشتمین همایش ملی مبدل گرمایی**

دوم دی ماه ۱۳۹۵، ایران، تهران، مرکز همایش‌های صدا و سیما  
۰۹۱۹۷۵۵۶۴۲۴ - ۰۲۱ (۸۸۶۷۱۶۷۶)

مجریان: انجمن علمی مهندسی حرارتی و برودتی ایران و هم اندیشان انرژی کیمیا  
ثبت شده در پایگاه استنادی جهان اسلام ISC  
www.Mobadel.ir



+۱۸/۶۸	+۳۷/۸۹	+۲۲/۳۴	+۳۳/۳۲	۱۳۴۴
+۱۴/۷۷	+۲۳/۸۸	+۱۹/۰۲	+۳۱/۷۲	۱۸۲۴

بیشترین میزان افزایش در انتقال حرارت برای نانوسيال اکسید آلومینیم در درصد وزنی ۱ درصد و دور موتور ۱۱۵۲ دور در دقیقه مشاهده شد.

با توجه به نتایج حاصل می‌توان گفت که استفاده از نانوسيال اکسید آلومینیم در اعداد رینولدز بالا، جنبش و برهم کنش بین نانوذرات و مجرای دیواره باعث افزایش انتقال حرارت شده است. استفاده از نانوسيال علاوه بر افزایش هدایت حرارتی باعث افزایش پدیده‌هایی نظیر حرکت براونی و مهاجرت ذره شده که افزایش انتقال حرارت را به دنبال دارد. علاوه بر افزایش قابل ملاحظه هدایت حرارتی، از عوامل دیگر افزاش انتقال حرارت در استفاده از نانوسيال می‌توان به افزایش آشفتگی گردابه‌ها و بزرگ شدن ضخامت لایه مرزی اشاره کرد. در نانوسيالات هدایت حرارتی افزایش یافته است. از طرفی افزایش غلظت حجمی نانوسيال باعث افزایش ویسکوزیته می‌شود که این پارامتر تأثیر منفی در انتقال حرارت دارد. بنابراین با توجه به نتایج حاصل می‌توان گفت که تأثیر افزایش هدایت حرارتی به مرتب بیشتر از تأثیر منفی افزایش ویسکوزیته نانوسيال است. بنابراین می‌توان گفت که کاربرد نانوسيالات موجب افزایش انتقال حرارت در رادیاتور خودرو شده و کارایی سیستم را افزایش می‌دهد. این ویژگی امکان طراحی رادیاتورهای کوچک‌تر و سبک‌تر را فراهم می‌نماید.

**تشکر و قدردانی**

نویسنده‌گان مراتب تشکر و قدردانی را از اداره کل آموزش فنی و حرفه‌ای استان گیلان و مرکز آموزش فنی و حرفه‌ای شهید مطهری رشت در راستای همکاری از این کار تحقیقاتی اعلام می‌نمایند.

**فهرست علائم**

$\rho$	چگالی ( $kg / m^3$ )
$\phi$	کسر حجمی
$\mu$	لزجت دینامیکی (Pa.s)
$C_p$	ظرفیت گرمایی ویژه ( $J / kg.K$ )
$K$	ضریب هدایت حرارتی ( $W/m.K$ )
$NU$	عدد ناسلت
$Pr$	عدد پراندل
$Q$	حرارت (w)
$Re$	عدد رینولدز

## مجموعه مقالات هشتمین همایش ملی مبدل گرمایی

دوم دی ماه ۱۳۹۵، ایران، تهران، مرکز همایش‌های صدا و سیما

۰۹۱۹۷۵۵۶۴۲۴ - ۰۲۱ ۸۸۶۷۱۶۷۶

مجریان: انجمن علمی مهندسی حرارتی و برودتی ایران و هم اندیشان انرژی گیمیا

ثبت شده در پایگاه استنادی جهان اسلام

www.Mobadel.ir



## مراجع:

- [1] Kakac S., Bergles A. E., Mayinger F. and Yuncu H., Heat transfer enhancement of heat exchangers, vol. 355, Springer, (1999).
- [2] Das SK., Choi SUS., Yu W. and Pradeep T., Nanofluids, *science and technology*, Wiley-Interscience; (2008).
- [3] Ghadimi A., Saidur R. and Metselaar H.S.C., A review of nanofluid stability properties and characterization in stationary conditions, *International Journal of Heat and Mass Transfer*, 54, 4051–4068 (2011).
- [4] Maxwell J. C., A treatise on electricity and magnetism, Clarendon, (1955).
- [5] Choi S. U. and Eastman J., Enhancing thermal conductivity of fluids with nanoparticles, Argonne National Lab., IL (United States), pp, (1995).
- [6] Masuda H., Ebata A., Teramae K. and Hishinuma N., Alteration of Thermal Conductivity and Viscosity of Liquid by Dispersing Ultra-Fine ParticlesDispersion of Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub><sub>3</sub>, SiO<sub>2</sub> and TiO<sub>2</sub> Ultra-Fine Particles, *Netsu Bussei*, Vol. 7, No. 4, pp. 227-233, (1993).
- [7] Mahian O., Mahmud S. and Zeinali Heris S., Effect of Uncertainties in Physical Properties on Entropy Generation Between Two Rotating Cylinders With Nanofluids, *Journal of Heat Transfer*, Vol. 134, No. 10, pp. 101704-101704, (2012).
- [8] Das SK., Putra N., Thiesen P. and Roetzel W., Temperature dependence of thermal conductivity enhancement for nanofluids, *Journal of Heat Transfer*;125(4): 567-74, (2003).
- [9] Peyghambarzadeh SM., Hashemabadi SH., SeifiJamnani M. and Hoseini SM., Improving the cooling performance of automobile radiator with Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>/water nanofluid, *Applied Thermal Engineering*; 31:1833-8, (2011).
- [10] Elias MM., Mahbubul IM., Saidur R., Sohel MR., Shahru IM. and Khaleduzzaman SS., Experimental investigation on the thermo-physical properties of Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> nanoparticles suspended in car radiator coolant, *International Communities Heat Mass Transfer*; 54:48e53, (2014).
- [11] Peyghambarzadeh SM., Hashemabadi SH., Hoseini SM. and Seifi JM., Experimental study of heat transfer enhancement using water/ethylene glycol based nanofluids as a new coolant for car radiators, *International Communities Heat Mass Transfer*; 38:1283e90, (2011).
- [12] J. Selinger, E. V. Timofeeva, A. N. Gavilov, J. M. McCloskey and Y. V. Tolmachev, "Thermal Conductivity and Particle Agglomeration in Alumina Nanofluids: Experiment and Theory", Chemical Physics Publications, Kent State University, (2007).
- [13] Pak B.C., Cho I.Y., Hydrodynamic and heat transfer study of dispersed fluids with sub-micron metallic oxide particles, *Experimental Heat Transfer*, 11, 151e170, (1998).
- [14] Einstein A., Investigations on the Theory of the Brownian movement, Dover Publications Inc., New York, (1956).
- [15] Xiang Q-W and Arun SM., A review of nanofluids-part I: theoretical and numerical investigations, *Brazil Journal of Chemistry Engineering*; 25(4):613e30, (2008).