

## تخمین خصوصیات مخازن شکاف‌دار به کمک روش موازنه مواد

فرشاد جعفری<sup>۱</sup>، امین عرب پور<sup>۲</sup>، محمد رضا دهستانی<sup>۳</sup>، محسن احمد زاده<sup>۴</sup>

گچساران، فارس کازرون قائمی‌ه

Farshadj67@gmail.com

### چکیده

در مخازن شکافدار تگی‌رات زیاد تراوایی به دلیل وجود شکاف از دلایل تگی‌ر مکانیسم تولید نسبت به مخازن معمولی می‌باشد. در نتیجه در صورتی که بتوان یک مدل مناسب بدست آورد، که قادر به توصیف بهتر مخزن باشد، می‌توان آینه مخزن را با اطمینان بیشتری پیش‌بینی کرد. یکی از خصوصیات مدل مناسب برای مخازن شکافدار، مشخص بودن ارتفاع ماتریس که یکی از عوامل تگی‌ر کننده در مقدار تولید از این مخازن می‌باشد، است. در واقع ارتفاع ماتریس تاثیر خود را به صورت نیروی گراویتی که یکی از نیروهای تولیدی می‌باشد، نشان می‌دهد. تا جایی که اگر ارتفاع ماتریس از مقدار معینی (H<sub>TH</sub>) کمتر باشد تاثیر بسزایی بر تولید می‌گذارد، بدین صورت که در فرایند ریزش تولیدی صورت نمی‌گیرد و در فرایند آشام نیز تولید به مقدار قابل توجهی کاهش می‌یابد. از این رو هدف از این مطالعه به دست آوردن روابطی که بتواند ارتفاع ماتریس را تخمین بزند می‌باشد. بدین صورت که ابتدا معادله موازنه مواد را با استفاده از مفهوم خط راست که Havelna و odeh بیان کردن حل کرده، سپس با استفاده از مقدار نفت اولیه درجا (N) و سایر مفاهیم نفتی، روابطی را که بتواند ارتفاع ماتریس را برای مدل وارن-روت و مدل کاظمی تخمین بزند، بدست می‌آوری.

واژه‌های کلیدی: موازنه مواد مخازن شکافدار ارتفاع بلوک هی‌دروکربن

<sup>۱</sup> کارشناس ارشد مهندسی بهره برداری نفت

<sup>۲</sup> کارشناس مهندسی بهره برداری نفت

<sup>۳</sup> کارشناس مهندسی بهره برداری نفت

<sup>۴</sup> کارشناس مهندسی بهره برداری نفت

## ۱- مقدمه

مخازن شکافدار درصد مهمی از ذخایر هیدروکربنی در جهان را تشکیل می‌دهند به طوری که تخمین زده می‌شود حدود نی‌می از ذخایر نفتی دنیا در این مخازن شکافدار می‌باشد. یکی از معروف‌ترین نواحی نفتی شکاف خورده دنیا جنوب غرب ایران می‌باشد. درصد بسیاری از ذخیره نفت ایران مربوط به می‌دانی است که در این ناحیه واقع شده است [1]. در مخازن شکافدار تغییرات زیاد تراوایی به دلیل وجود شکاف از دلایلی تغیری مکانیسم تولید نسبت به مخازن معمولی می‌باشد. در نتیجه در صورتی که بتوان یک مدل مناسب با ابعاد ماتریسی مناسب به دست آورد می‌توان برنامه‌ی بهتری برای تولید از این نوع مخازن پیش‌بینی کرد. و از آنجایی که مخازن شکافدار دارای پیچیدگی‌های زیاد می‌باشند محققان از مدل‌های ساده شده‌ای برای توصیف این نوع مخازن استفاده می‌کنند. از معروف‌ترین این مدل‌ها مدل وارن-روت و مدل کاظمی می‌باشد که در این مطالعه نیز از این دو مدل برای توصیف مخازن شکافدار استفاده شده است. در واقع این مدل‌ها ساختار مخزن را توصیف می‌کنند و برای به دست آوردن نفت اولیه درجا نیز از معادله موازنه‌ی مواد استفاده می‌شود، در این راستا محققان بسیاری، پژوهش‌های زیادی را انجام داده‌اند، و مدل‌های نیز برای مخازن شکافدار بیان کردند، که می‌توان به مدل‌های: ۱- Penuela و همکارانش [2]، 2- مدل Chacoen و همکارانش [3]، 3- مدل Sandoval و همکارانش [4]، 4- رناتو و همکارانش [5] و در نهایت 5- مدل Bashiri و همکارانش [6] اشاره کرد.

## ۲- معادله‌ی موازنه‌ی مواد

معادله موازنه مواد که به اختصار MBE خوانده می‌شود یکی از روش‌های اساسی پیش‌بینی عملکرد مخازن به شمار می‌رود. از این معادله می‌توان به منظور انجام محاسبات زیر استفاده نمود.

(1) تخمین حجم درجای هیدروکربور اولیه در مخزن

(2) پیش‌بینی عملکرد آتی مخزن

(3) تخمین بازیافت نهایی هیدروکربور

مفهوم معادله موازنه‌ی مواد برای اولین بار توسط Schilthuis در سال 1936 معرفی گردید [7]. در ساده‌ترین شکل ممکن، یک معادله موازنه مواد را می‌توان به صورت زیر بیان نمود.

$$N(B_t - B_{ti}) + \frac{mB_{ti}}{B_{gi}}(B_g - B_{gi}) + (1 + m)B_{ti}C_T\Delta P + W_e = N_p[B_t + (R_p - R_{si})B_g] + B_w W_p - G_{inj}B_{g,inj} - W_{inj}B_{w,inj} \quad (1)$$

که در آن

$$B_t = B_o + (R_{si} - R_s)B_g \quad (2)$$

$$C_T = \frac{C_w S_{wi} + C_f}{1 - S_{wi}} \quad (3)$$

## ۲-۱ فرض‌های اساسی در معادله موازنه‌ی مواد (MBE)

(1) دما ثابت و تخلخل نیز به صورت یکنواخت می‌باشد.

2) تعادل فشاری: در هر زمان از تولید مخزن فرض بر این است که فشار در همه جای مخزن یکسان است. فرض دی‌گری که از فرض تعادل فشاری مشتق می‌شود یکسان بودن خواص سیال مخزن در همه جای آن است. بنابراین هر گونه اختلاف فشار در موقعیت‌های مختلف مخزن ناچیز فرض می‌شود.

3) فرض ثابت بودن حجم مخزن: در محاسبات موازنه‌ی مواد، به جز در شرایط انبساط سنگ و آب مخزن و شرایط آب ورودی به مخزن که در معادله‌ی موازنه‌ی مواد در نظر گرفته می‌شوند، فرض بر این است که حجم مخزن در زمان‌های مختلف ثابت است.

4) معتبر بودن اطلاعات تولیدی

5) آب فقط و فقط در فاز آب باشد

معادله‌ی ارائه شده بالا، برای مخازن معمولی (بدون شکاف) می‌باشد، و نمی‌تواند مخازن شکافدار را توصیف کند [8].

در طول چند سال گذشته تحقیق‌هایی برای به دست آوردن معادله‌ی موازنه‌ی مواد برای مخازن شکافدار انجام شده است و مدل‌هایی نیز ارائه شده است که یکی از مهمترین این مدل‌ها، مدل فوق می‌باشد:

## ۲-۲ Penuela و همکارانش

Penuela و همکارانش معادله‌ی موازنه‌ی موادی را برای مخازن شکافدار پیشنهاد کردند که به صورت زیر می‌-

باشد [13]:

$$N_p [B_o + (R_p - R_s) B_g] + B_w W_p = N_m \left[ B_o - B_{oi} + (R_{si} - R_s) B_g + \left( \frac{C_w S_{wi} + C_m}{1 - S_{wi}} \right) \Delta p B_{oi} \right] + N_f \left[ B_o - B_{oi} + (R_{si} - R_s) B_g + \left( \frac{C_w S_{wfi} + C_f}{1 - S_{wfi}} \right) \Delta p B_{oi} \right] \quad (4)$$

$N_m$ : مقدار نفت اولیه در جارا در ماتریس و  $N_f$ : مقدار نفت اولیه در جارا در شکاف می‌باشد.

این معادله، علاوه بر فرضیات ذکر شده برای معادله موازنه مواد در مخازن معمولی شامل فرضیات زیر نیز می‌باشد:

1) مخزن هموزن

2) مخزن از چهار جزء تشکیل شده است: 1- نفت موجود در تانک ذخیره 2- گاز تولیدی در سطح 3- آب

تولیدی 4- سنگ دارای شکاف طبیعی.

3) مخزن از چهار فاز تشکیل شده است: 1- آب 2- گاز 3- نفت 4- سنگ دارای شکاف طبیعی.

4) نفت تانک ذخیره فقط از فاز نفت تشکیل شده است.

5) گاز تولیدی در سطح حاصل تولید از گاز آزاد موجود در مخزن یا گاز حل شده می‌باشد.

6) مقدار گاز و آب تزریقی برابر صفر می‌باشد.

7) سنگ فقط در فاز سنگ می‌باشد.

8) فاز سنگ از دو قسمت تشکیل شده است 1- شکاف 2- ماتریس

9) اشباع اولیه آب، تخلخل شکاف و تخلخل ماتریس در همه جای مخزن یکنواخت می‌باشد.

10) محیط متخلخل و شکافها تراکم پذیری می‌باشند.

11) مقدار آب ورودی به مخزن و آب تولیدی ناچیز می‌باشد.

Penuela و همکارانش با استفاده از این فرضیات معادله شماره (4) را بدست آوردند [2] که از پر کاربردترین معادله‌ها در این زمینه می‌باشد.

با استفاده از معادله پیشنهادی Penuela و همکارانش می‌توان مقدار نفت اولیه درجا را برای مخازن شکافدار بدست آورد. روش حل این معادله به صورت گرافیکی می‌باشد. و از مفهوم خط راست که Havlena و Odeh برای حل این معادله بی‌ان کردند استفاده می‌شود [9 و 10].

$$F = N_p [B_o + (R_p - R_s) B_g] + B_w W_p \quad (5)$$

$$E_{o,m} = B_o - B_{oi} + (R_{si} - R_s) B_g + \left( \frac{C_w S_{wi} + C_m}{1 - S_{wi}} \right) \Delta p B_{oi} \quad (6)$$

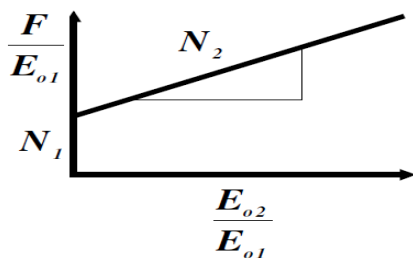
$$E_{o,f} = B_o - B_{oi} + (R_{si} - R_s) B_g + \left( \frac{C_w S_{wfi} + C_f}{1 - S_{wfi}} \right) \Delta p B_{oi} \quad (7)$$

معادله (4) را می‌توان به صورت زیر نوشت:

$$F = N_m E_{o,m} + N_f E_{o,f} \quad (8)$$

رسم نمودار  $\frac{F}{E_{o,m}}$  بر حسب  $\frac{E_{o,f}}{E_{o,m}}$  مقدار  $N_m = N_1$  و  $N_f = N_2$  به دست می‌آید [10].

$$\frac{F}{E_{o,m}} = N_m + N_f \frac{E_{o,f}}{E_{o,m}} \quad (9)$$



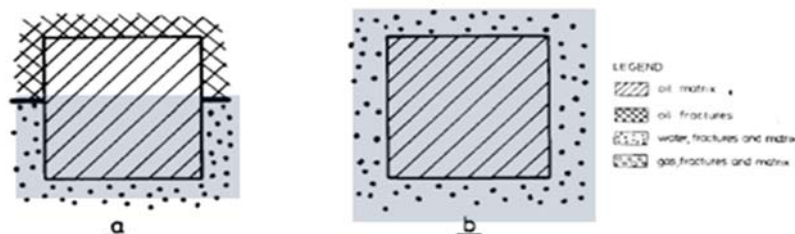
شکل شماره (1): منحنی تشخیصی صی برای مخازن شکافدار [2]

## ۲-۳ اهمیت محاسبه سازه ماتریس‌ها (ارتفاع ماتریس):

در بررسی مخازن شکافدار و شبیه‌سازی آن توسط نرم افزارهای مهندسی، مدل وارن-روت و مدل کاظمی نسبت به سایر مدل‌ها کاربرد بیشتری دارند. از این رو در این قسمت بر پایه‌ی مدل وارن-روت، اهمیت محاسبه ارتفاع ماتریس را بی‌ان می‌کنیم.

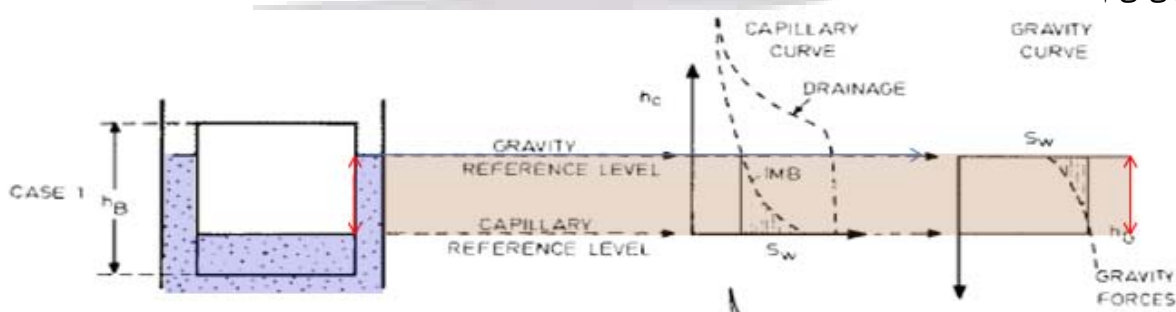
یک ماتریس یک واحد حجمی است که کاملاً توسط شبکه شکافدار اطراف خودش و بدون هیچگونه ارتباطی با ماتریس‌های دیگر محاصره شده است. بنابراین مسئله جابه‌جایی فقط به فعل و انفعالات بین سیالاتی که ماتریس و سیالی که شبکه اطراف آن را اشباع نموده است بستگی دارد. فرایند جابه‌جایی در یک مخزن شکافدار وقتی که ماتریس

اشباع شده از نفت به صورت جزئی یا کلی توسط سیال دی‌گری مانند آب یا گاز محاصره می‌شود، رخ می‌دهد. (شکل شماره (2) زمانی که ماتریس به صورت جزئی یا کاملاً در آب باشد را نشان می‌دهد).

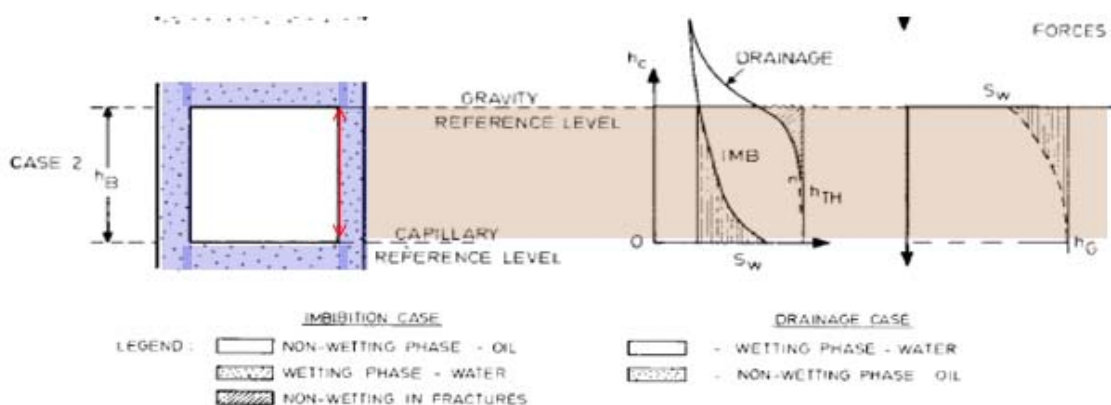


شکل شماره (2): (a) ماتریس به صورت جزئی (b) ماتریس به صورت کامل در آب غوطه‌ور [1].

مخزنی که از ماتریس‌های هندسی کنواخت تشکیل شده است از بالا توسط انبساط گنبد گازی و از پایینی توسط آب مورد تهاجم قرار می‌گیرد. یکی از عواملی که باعث این جابه‌جایی می‌شود ارتفاع ماتریس می‌باشد. به طوری که اگر ارتفاع ماتریس از حد معینی ( $h_{TH}$ ) کمتر باشد تأثیر بسزایی بر تولید (جابه‌جایی) می‌گذارد، بدین صورت که در فرایند ری‌زش تولیدی صورت نمی‌گیرد و در فرایند آشام نیز تولید به مقدار قابل توجهی کاهش می‌یابد. در واقع ارتفاع ماتریس اثر خود را به صورت نیروی گراویتی نشان می‌دهد. که این نیروی گراویتی نیز یکی از دو نیروی تولیدی (نیروی موئینه و گراویتی) در فرایند آشام و ری‌زش می‌باشد. در فرایند ری‌زش تنها نیروی تولیدی، و در فرایند آشام یکی از دو نیروی تولیدی می‌باشد. این نیرو در صورتی در فرایند ری‌زش باعث تولید می‌شود که ارتفاع ماتریس بزرگتر از  $h_{TH}$  باشد ( $h_b > h_{TH}$ ). و در فرایند آشام این نیرو نقش متفاوتی در تولید دارد. برای ماتریسی که به صورت کامل در آب غوطه‌ور می‌باشد این نیرو همی‌شه باعث افزایش تولید می‌شود. بدین صورت که هرچه ارتفاع ماتریس بیشتر باشد نیروی گراویتی بیشتر و به همان اندازه نیز تولید افزایش می‌یابد. اما برای ماتریسی که به صورت جزئی در آب غوطه‌ور است نیروی گراویتی ممکن است نقش مثبت یا منفی در تولید داشته باشد [12]. پس محاسبه ارتفاع ماتریس از اهمیت فوق‌العاده‌ای برخوردار می‌باشد. (در شکل (3) تأثیر ارتفاع ماتریس در فرایند آشام و ری‌زش را می‌بینی).



مجموعه مقالات چهارمین کنفرانس ملی مهندسی مخازن هیدروکربوری و صنایع بالادستی  
 ۷ خرداد ۱۳۹۴، تهران، مرکز همایش‌های صدا و سیما  
 مجری: اهم اندیشان انرژی کیمیا ۸۸۶۷۱۶۷۶ - ۰۲۱  
 www.Reservoir.ir



شکل (3): (case1) ماتریس به صورت جزئی (case2) ماتریس به صورت کامل در آب غوطه ور است [1].

### ۳- روش پیشنهادی

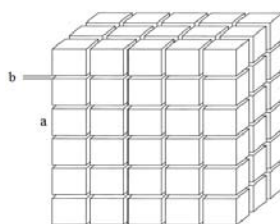
پس از مشخص شدن اهمیت محاسبه ارتفاع ماتریس، در این مطالعه با استفاده از مقدار نفت اولیه در جا (N) محاسبه شده از طریق معادله موازنه مواد و مفاهیم و تعریف‌های مختلف نفتی، روابطی را بدست می‌آوریم که ارتفاع ماتریس را در مدل وارن-روت و مدل کاظمی بدست می‌آورد.

### ۳-۱ مدل وارن-روت

این مدل جامع‌ترین مدل برای مخازن شکافدار می‌باشد و استفاده از آن در مقیاس وسیعی توسعه یافته است. در این مدل سنگ مخزن توسط دو سری صفحات موازی عمود بر هم به قطعات کوچک (ماتریس) تقسیم می‌شود و شکاف‌ها مانند شبکه‌ای ماتریس‌ها را در بر می‌گیرد. در این مدل فرض شده که مخزن از  $n$  عدد ماتریس با طول و عرض و ارتفاع برابر  $a$  و از شکاف‌هایی با عرض برابر  $b$  مطابق شکل شماره (۴) تشکیل شده است [13].

$$v_b = n * \approx n a^3 \quad (10)$$

$$(a + b)^3$$



شکل شماره (۴): شماتیک مدل وارن-روت [11].

و با توجه به تعریف‌های زیر:

$$v_f = \frac{\text{حجم فضای خالی شکافها}}{\text{حجم کل شکافها}}$$

مجموعه مقالات چهارمین کنفرانس ملی مهندسی مخازن هیدروکربوری و صنایع بالادستی  
 ۷ خرداد ۱۳۹۴، ایران، تهران، مرکز همایش‌های صدا و سیما  
 مجری: اهم اندیشان انرژی کیمیا ۸۸۶۷۱۶۷۶ - ۰۲۱  
 www.Reservoir.ir

(۱۱)

$$\varphi_f = \frac{\text{حجم کل شکافها}}{\text{حجم کل مخزن}}$$

(۱۲)

$$\varphi_m = \frac{\text{حجم فضای خالی ماتریسها}}{\text{حجم کل ماتریسها}}$$

(۱۳)

$$v_m = \frac{\text{حجم کل ماتریسها}}{\text{حجم کل مخزن}}$$

(۱۴)

می‌توان نوشت:

$$\varphi_t = \varphi_f * v_f + \varphi_m * v_m \quad (15)$$

و با فرضیات رو به رو  $v_f \approx 1$  و  $v_m \approx 1$  معادله (11) به صورت زیر تغییری می‌کند:

$$\varphi_t = \varphi_f + \varphi_m \quad (16)$$

پس:

مقدار کل نفت اولیه در جا (N) را می‌توان به صورت زیر نشان داد:

$$N = (\varphi_t * v_b) * (1 - S_{wi}) \quad (17)$$

با جای‌گذاری معادله (11) در معادله (12):

$$N = ((\varphi_f + \varphi_m) * v_b) * (1 - S_{wi}) \quad (18)$$

و با توجه به اینکه حجم کل ماتریس‌ها برابر  $n a^3$  می‌باشد:

$$N = (\varphi_f * v_b) * (1 - S_{wi}) + (\varphi_m * n a^3) * (1 - S_{wi}) \quad (19)$$

$$N = ((\varphi_f * v_b) + (\varphi_m * n a^3)) * (1 - S_{wi}) \quad (20)$$

در نتیجه:

$$a_w = \sqrt[3]{\frac{N}{(1 - S_{wi}) * (\varphi_m * n)} - \frac{v_b * \varphi_f}{(\varphi_m * n)}} \quad (21)$$

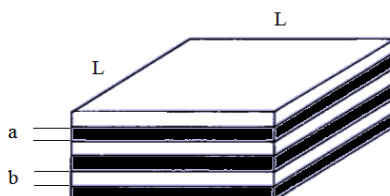
ابعاد ماتریس در مدل وارن-روت می‌باشد که با استفاده از معادله موازنه مواد بدست آمده است.

## 2-2-2 مدل کاظمی:

در این مدل فرض می‌شود که مخزن از  $n$  عدد ماتریس و شکافهایی به صورت افقی طبق شکل زیر تشکیل شده است که حجم هر ماتریس برابر  $aL^2$  و حجم هر شکاف برابر  $bL^2$  می‌باشد. که ارتفاع ماتریس و  $L$  طول و عرض ماتریس و شکاف و  $b$  ارتفاع شکاف می‌باشد [12]. (فرض شده که مخزن دارای  $n$  لایه شکاف می‌باشد).

$$\varphi_f = \frac{n b L^2}{v_b} \quad (22)$$

$$v_b = n * (a + b) * L^2 \quad (23)$$



شکل شماره (۵): شماتیکی مدل کاظمی [10].

با استفاده از معادله ۱۳ که قبلاً اثبات شد

$$N = ((\varphi_f + \varphi_m) * v_b) * (1 - S_{wi}) \quad (24)$$

$$N = (\varphi_f * v_b) * (1 - S_{wi}) + ((\varphi_m * v_b) * (1 - S_{wi})) \quad (25)$$

و با توجه به تعریف:  $\varphi_f = \frac{n b L^2}{v_b}$  و  $v_b = n * (a + b) * L^2$  می‌توان نوشت:

$$N = \left( \left( \frac{n b L^2}{v_b} * v_b \right) * (1 - S_{wi}) \right) + ((\varphi_m * n * (a + b) * L^2) * (1 - S_{wi})) \quad (26)$$

سپس

$$N = (n b L^2 * (1 - S_{wi})) + ((\varphi_m * n * (a + b) * L^2) * (1 - S_{wi})) \quad (27)$$

در نتیجه:

$$a_k = \frac{N}{n * L^2 * \varphi_m * (1 - S_{wi}) + \frac{b(1 - \varphi_m)}{\varphi_m}} \quad (28)$$

ارتفاع ماتریس در مدل کاظمی می‌باشد که با استفاده از معادله موازنه مواد بدست آمده است.

#### ۴- مطالعه موردی

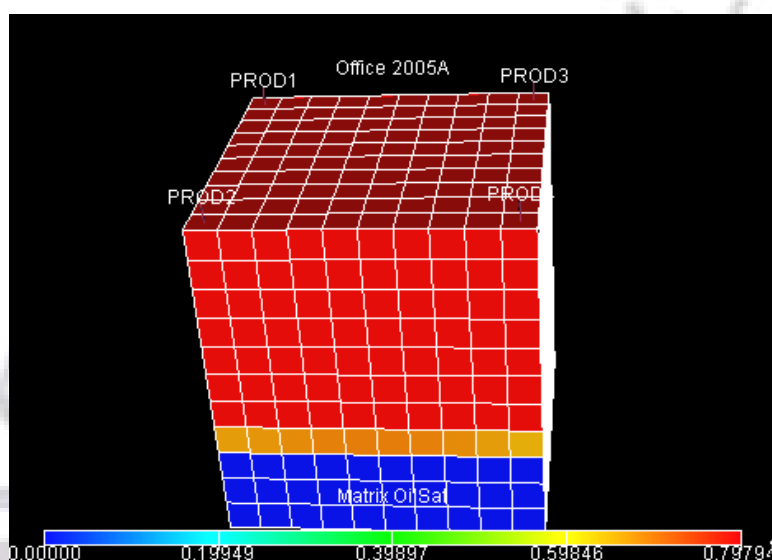
در این بخش به منظور اطمینان از صحت نتایج روابط بدست آمده، مخزنی را با شرایط غیر اشباع با 10 ماتریس در جهت x، 10 ماتریس در جهت y و 11 ماتریس در جهت z شبیه سازی کرده، که ابعاد هر ماتریس در تمام جهات نیز برابر 132 ft می‌باشد. سایر اطلاعات اولیه مخزن در جدول شماره (1) و اطلاعات تولیدی مخزن نیز در جدول شماره (2) آمده است.



مجموعه مقالات چهارمین کنفرانس ملی مهندسی مخازن هیدروکربوری و صنایع بالادستی  
 ۷ خرداد ۱۳۹۴، تهران، مرکز همایش‌های صدا و سیما  
 مجری: اهم اندیشان انرژی کیمیا ۸۸۶۷۱۶۷۶ - ۰۲۱  
 www.Reservoir.ir

جدول شماره (1) - اطلاعات مخزن

پارامترهای سیال و مخزن	مقدار	پارامترهای سیال و مخزن	مقدار
فشار اولیه $(P_i)$	4714/683psi	تراوایی ماتریس $(K_m)$	1md
فشار اشباع $(P_b)$	2500 psi	تراوایی شکاف $(K_f)$	30md
اشباع اولیه آب $(S_{wi})$	20 %	حجم کل مخزن $(V_b)$	1829520000 $ft^3$
تراکم پذیری آب $(c_w)$	$3 \times 10^{-6} \text{PSI}^{-1}$	مقدار نفت اولیه درجا $(N)$	54948576 STB
تراکم پذیری ماتریس $(c_r)$	$3/5 \times 10^{-6} \text{PSI}^{-1}$	طول و عرض مخزن $(L)$	1320ft
تخلخل ماتریس $(\phi_m)$	25%	ارتفاع حاوی نفت مخزن $(h)$	1050ft
تخلخل شکاف $(\phi_f)$	0/015%	ارتفاع شکاف $(b)$	0/16ft



شکل شماره (۶) - شماتیک مخزن

جدول شماره (2) - اطلاعات تولیدی مخزن

TIME(DAYS)	FPR (PSIA)	FOPT(STB)	FWPT(STB)	Bo(bbl/STB)
0	4174/683	0	0	1/249952
1	4168/853	3200	0/135635	1/249987
4	4154/056	12800	0/453117	1/250076
13	4113/651	41600	1/133614	1/250318
40	3993/518	128000	3/003837	1/251039
119/4919	3639/053	382374/2	8/505354	1/253166
242/246	3089/056	775187/1	17/07007	1/256466
365	2680/425	1065888	21/73471	1/258917
730	2651/44	1087396	21/74025	1/259091
1095	2650/771	1087896	21/74026	1/259095
1460	2650/756	1087908	21/74026	1/259095
1825	2650/755	1087908	21/74026	1/259095

(1) با توجه به اطلاعات جدول شماره (1)، تراکم پذیری pore volume  $(c_p)$  برابر است با:

همایش ملی مهندسی مخازن هیدروکربوری، علوم و صنایع مرتبط  
 www.reservoir.ir

مجموعه مقالات چهارمین کنفرانس ملی مهندسی مخازن هیدروکربوری و صنایع بالادستی  
 ۷ خرداد ۱۳۹۴، تهران، مرکز همایش‌های صدا و سیما  
 مجری: اهم اندیشان انرژی کیمیا ۸۸۶۷۱۶۷۶ - ۰۲۱  
 www.Reservoir.ir

$$C_p = \frac{(1-\phi_t)}{\phi_t} * C_r = 9.7 \times 10^{-5} \text{psi}^{-1} \quad (29)$$

در نتیجه:

$$C_{avg} = \frac{C_p + C_r}{2} = 6.6 \times 10^{-5} \text{psi}^{-1} \quad (30)$$

با استفاده از معادله‌های (5) و (6) و (7)، و با توجه به اطلاعات جداول (1) و (2) به ترتیب  $F$ ،  $E_{o,m}$  و  $E_{o,f}$  قابل محاسبه می‌باشند. (در مخازن غیر اشباع:  $R_p = R_s$ )

$$F = N_p [B_o + (R_p - R_s) B_g] + B_w W_p = 4000.098 (\text{bbl}) \quad (31)$$

$$E_{o,m} = B_o - B_{oi} + (R_{si} - R_s) B_g + \left( \frac{C_w S_{wi} + C_m}{1 - S_{wi}} \right) \Delta p B_{oi} = 0.000101 \left( \frac{\text{bbl}}{\text{STB}} \right) \quad (32)$$

زی را از ضریب تراکم پدیری می‌انگین، استفاده کردی.

$$E = E_{o,m} = E_{o,f} \quad (33)$$

در نتیجه:

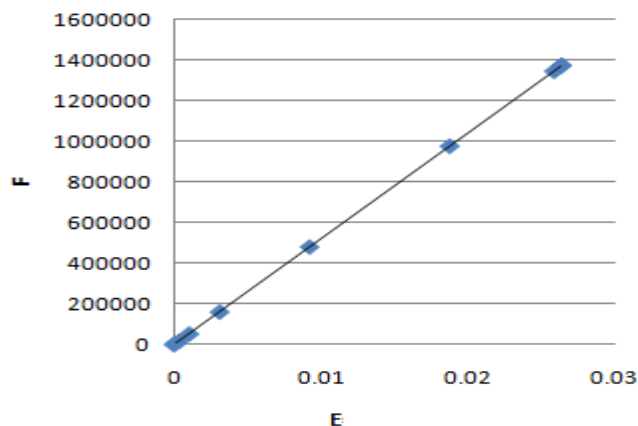
$$F = N_m E_{o,m} + N_f E_{o,f} = (N_m + N_f) E = NE \quad (34)$$

خلاصه نتایج در جدول شماره (3) آمده است:

جدول شماره (3): نتایج محاسبات

$\Delta p = p_i - p$ (PSIA)	$E_{o,m}, E_{o,f} = E$ (bbl/STB)	F (bbl)
0	0	0
5.8296	0.000101	4000.098
20.6269	0.000356	16001.44
61.0312	0.001053	52014.4
181.1648	0.003127	160136.1
535.6294	0.009255	479186.9
1085.627	0.01879	974013.5
1494.258	0.025896	1341887
1523.243	0.026401	1369153
1523.911	0.026412	1369788
1523.927	0.026412	1369802
1523.928	0.026412	1369803

(3) با رسم نمودار  $F$  بر حسب  $E$ ، شیب منحنی برابر مقدار نفت اولیه درجا ( $N$ ) می‌باشد.



شکل شماره (۷): منحنی  $F$  بر حسب  $E$

شیب منحنی برابر مقدار نفت اولیه در جا ( $N$ ) می‌باشد:

$$N = 5.1 \times 10^7 (STB) = 357942477 (ft^3)$$

۴-۱- ابعاد ماتریس در مدل وارن-روت:

با توجه به اطلاعات جداول (۱) و (۲) و با استفاده از معادله (۱۶):

(با فرض اینک:  $n = 800$ )

$$a_w = \sqrt[3]{\frac{N}{(1-S_{wi}) * (\varphi_m * n)} - \frac{v_b * \varphi_f}{(\varphi_m * n)}} \quad (35)$$

در نتیجه:  $a_w = 128.056 (ft)$

۴-۲- ارتفاع ماتریس در مدل کاظمی:

با توجه به اطلاعات جداول (۱) و (۲) و با استفاده از معادله (۲۰):

(با فرض اینک:  $n = 8$ )

$$a_k = \frac{N}{n * L^2 * \varphi_m * (1 - S_{wi})} + \frac{b(1 - \varphi_m)}{\varphi_m} \quad (36)$$

در نتیجه

$$a_k = 127.594 (ft)$$

شیب ساز	معادله موازنه مواد	درصد خطا
$N = 54948576 (STB)$	$N = 51000000 (STB)$	۷/۱۸
$a = 132 (ft)$	$a_w = 128/056 (ft)$	۲/۹
$a = 132 (ft)$	$a_k = 127/594 (ft)$	۳/۳

## ۵- نتیجه

نتایج بدست آمده از محاسبات، درستی رابطه‌های جدید ارائه شده برای محاسبه ارتفاع ماتریس، در مدل‌های وارن-روت و کاظمی را نشان دادند. و از آنجایی که ارتفاع ماتریس در فرآیند‌های آشام و ری‌زش به صورت نی‌روی گراویتی نقش مهمی را ایفا می‌کنند، به خصوص در فرآیند آشام، و زمانی که ماتریس‌ها از اندازه بزرگی برخوردار باشند یا اینکه نی‌روی موئینه قابل نظر کردن باشد می‌توان با استفاده از رابطه‌های پیشنهادی ارتفاع ماتریس را تخمین زد. البته باید به این نکته نیز دقت داشت، که هرچه درصد خطا در محاسبات مربوط به مقدار نفت اولیه در جا  $N$  کمتر باشد. رابطه‌های ارائه شده از دقت بیشتری برخوردار می‌باشند. و مهندس مخزن می‌تواند با استفاده از این روابط، یکی از مهم‌ترین فاکتورهای که بر مقدار بازیافت نفت در مخازن شکافتار نقش دارد را تخمین بزند.

## ۶- منابع

1. Van Golf-Racht, T.D.: "Fundamentals of Fractured Reservoir Engineering," Elsevier Scientific Pub. Co., Amsterdam (1982).
2. Penuela, G., Idrobo, A., Ordonez, A., Carlos, E.: "A New Material-Balance Equation for Naturally Fractured Reservoirs Using a Dual-System Approach" paper SPE 68831 presented at the SPE Western Regional Meeting (2001) California, U.S.A, March 26-30.
3. Chacon, A., Tiab, D.: "Impact of Pressure Depletion on Oil Recovery in Naturally Fractured Reservoirs" paper SPE 108107 presented at the SPE American and Caribbean Petroleum Engineering Conference (2007), Buenos Aires, Argentina, April 15-18.
4. Sandoval, P., Calderon, Z., Ordonez, A.: "The New, Generalized Material Balance Equation for Naturally Fractured Reservoirs" paper SPE 122395 presented at the SPE Latin American and Caribbean Petroleum Engineering Conference (2009), Cartagena, Colombia, 31 May-3 June
5. Renato, J., Peron, C.: "Material Balance of Fractured Fields-Double Reservoir Method" paper SPE 108029 presented at the SPE American and Caribbean Petroleum Engineering Conference (2007), Buenos Aires, Argentina, April 15-18.
6. Bashiri, A., Kasiri, N.: "Revisit Material Balance Equation for Naturally Fractured Reservoirs" paper SPE 150803 presented at the SPE Annual International Conference and Exhibition (2011), Abuja, Nigeria, 30 July-3 August.
7. Schilthuis, R.J.: "Active Oil and Reservoir Energy," Trans. AIME (1936) 148, 33-52
8. Ahmed, T.: Reservoir Engineering Handbook, Third Edition, Elsevier, 2006.
9. Penuela, G., Ordonez, A., and Bejarano, A.: "A Generalized Material Balance Equation for Coal Seam Gas Reservoirs," paper SPE 49225 prepared for presentation at the Annual Technical Conference and Exhibition, New Orleans (Sep. 1998).
10. Havlena, D., and Odeh, A. S., "The Material Balance as an Equation of a Straight Line, Part II. Field Cases," JPT, July 1964, pp. 815-822.
11. Ordonez, A., Penuela, G., Idrobo, E., Medina, E.: "Recent Advances in Naturally Fractured Reservoir Modeling" <http://www.sci.unal.edu.co/>
12. Kazemi, H., 1969. Pressure transient analysis of naturally fractured reservoir with uniform fracture distribution. Soc. Pet. J., p451-458.
13. Warren, J.E. and Root, P.J.: The Behavior of Naturally Fractured Reservoirs, SPEJ (Sep. 1963) 245.