

## تعمیم روش برازش داده‌های ایستگاهی به شبکه منظم در هواشناسی

سیده عاطفه محمدی، دانشجوی دکتری، پژوهشکده توسعه تکنولوژی، mohamadi.atefeh@yahoo.com

مرتضی رحمانی<sup>\*</sup>، عضو هیأت علمی، پژوهشکده توسعه تکنولوژی، rahmanimr@yahoo.com

مجید آزادی، عضو هیأت علمی، پژوهشکده هواشناسی و علوم جو، azadi۶۸@hotmail.com

**چکیده:** در فرایند صدور پیش‌بینی وضع هوای آینده از برازش داده‌های ایستگاهی به شبکه منظم استفاده می‌شود. در تحقیق حاضر ضمن اشاره به کاربرد آمار فضایی در روش‌های برازش داده‌های ایستگاهی به شبکه منظم، به ارائه روش خودکار در تعیین ایستگاه‌های موثر در شبکه منظم موضعی پرداخته خواهد شد.  
**کلمات کلیدی:** پیش‌بینی وضع هوا، برازش داده‌ها، شبکه منظم، آمار فضایی

### ۲ پیش‌بینی قطعی و روش‌های پس‌پردازش آن

### ۱ مقدمه

به دلیل راه حل‌های تقریبی در روش‌های عددی، جواب بدست آمده از اجرای مدل‌های عددی تقریبی است. البته استفاده از روش‌های عددی در مدل‌ها، تنها علت بروز خطا در خروجی مدل نمی‌باشد؛ بلکه این خطا به عواملی مانند وجود خطا در مقادیر اولیه- مرزی، کمبود داده‌های اولیه در برخی مناطق و آشوبی بودن سیستم دینامیکی جو نیز وابسته است. خطاهای ذکر شده در برونداد مدل‌های پیش‌بینی عددی وضع هوا به دو دسته سامانمند و تصادفی تقسیم می‌شوند. خطاهای سامانمند میزان میانگین انحراف برونداد مدل از واقعیت را نشان می‌دهند که با روش‌های

جهت معرفی کاربرد ریاضیات در هواشناسی به دلیل گستردگی حوزه کاربرد، در این مجال تنها به حوزه برازش داده‌های ایستگاهی به شبکه منظم در مرحله پیش‌پردازش و پس‌پردازش پرداخته شده است. در بخش ۲ در باره پیش‌بینی قطعی و انواع روش‌های پس‌پردازش در نقاط ایستگاهی توضیح داده خواهد شد. در بخش ۳ درباره نحوه پیش‌بینی در شبکه منظم به طور اجمال مطالبی ذکر خواهد شد. در ادامه (بخش ۴) به توصیف روش‌های تعمیم داده‌های دیدبانی ایستگاهی به شبکه منظم در مرحله پیش‌پردازش پرداخته می‌شود.

<sup>\*</sup>نویسنده مسئول



شد. در این روش برای هر گره شبکه یک دایره با مرکز گره و شعاع نفوذ  $R$  در نظر گرفته می‌شود. شعاع نفوذ باید به اندازه‌ای باشد که حداقل یک ایستگاه داخل دایره مفروض وجود داشته باشد. برای هر ایستگاه تفاضل مقدار پس‌پردازش شده و مقدار دیدبانی بدست می‌آید. این تفاضل برای نقاط شبکه‌ای که اطراف آن ایستگاه هستند به کار می‌رود و معمولاً با استفاده از فاصله ایستگاه تا نقطه شبکه وزن دهی می‌شوند. سپس با توجه به تعداد ایستگاه‌ها در داخل دایره میانگین وزنی تفاضلات محاسبه و با مقدار قبلی نقطه شبکه جمع می‌شود. این محاسبات به صورت تکراری هستند که معمولاً با ۴ بار تکرار انجام می‌شوند. به علت وابستگی دما به ارتفاع، در این روش علاوه بر تفاضل مقدار دیدبانی از مقدار درونیایی، تغییرات دما نسبت به تغییرات ارتفاع نیز در نظر گرفته شده است. مقدار بهبود یافته برای هر گره با توجه به دایره در نظر گرفته شده و ایستگاه‌های داخل دایره از فرمول تکراری زیر بدست می‌آید:

$$c_{t+1} = c_t + \frac{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n w_i D_i}{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n w_i} \quad (1)$$

در معادله (۱) عبارت  $c_t$  مقدار گره در تکرار  $t$ ام،  $n$  تعداد ایستگاه‌ها در دایره مفروض،  $w_i$  وزن هر ایستگاه که با فاصله‌اش تا گره نسبت عکس دارد و  $D_i$  ضابطه‌ای است که با تفاضل مقدار دیدبانی و مقدار پیش‌بینی شده با در نظر گرفتن تغییرات دما نسبت به ارتفاع رابطه مستقیم دارد:

$$D = S - G + VCE \times ELEDIF \quad (2)$$

در معادله (۲) عبارت  $S$  مقدار دیدبانی در ایستگاه،  $D$  مقدار درونیایی داده گره به ایستگاه،  $G$  مقدار داده گره،  $ELEDIF$  تفاضل ارتفاع گره از ارتفاع ایستگاه و  $VCE$  میزان تغییرات دما نسبت به تغییرات ارتفاع است. برای سنجش میزان بهبودی مقدار بدست آمده کافی است چند ایستگاه را به طور تصادفی انتخاب کرده

آماری موسوم به روش های پس‌پردازش قابل حذف می‌باشد؛ اما خطای تصادفی از نظم خاصی پیروی نمی‌کند. برای کاهش و یا حذف خطای سامانمند پیش‌بینی در ایستگاه‌های دیدبانی، روش‌های متعددی مانند میانگین‌گیری لغزان، پیش‌بینی کامل (PPM)، روش آماره برون‌داد مدل (MOS)، پالایه کالمن، شبکه‌های عصبی و شبکه‌های فازی-عصبی ارائه شده است.

### ۳. تعمیم پیش‌بینی پس‌پردازش شده به شبکه منظم

در سال‌های اخیر نیاز و تحقیق در خصوص پیش‌بینی بدون اریبی در نقاط غیر ایستگاهی رو به افزایش است. از جمله تحقیقات در این زمینه می‌توان به موارد زیر اشاره کرد.

چارلز و همکاران [۱] برای کالیبره کردن پیش‌بینی بارش روی نقاط منظم شبکه منطقه جنوب شرقی استرالیا از سه روش تورم واریانس و احتمال توأم بیزی و رگرسیون بردار تکین استفاده کردند و نشان دادند که روش احتمال توأم بیزی نتایج بهتری در مقایسه با دو روش دیگر دارد. مس و همکاران [۲] روشی را برای کاهش اریبی سیستماتیک پیش‌بینی دمای دومتری، دمای نقطه شبنم و بارش روی نقاط شبکه شمال غربی اقیانوس آرام ارائه کردند. برای کاهش اریبی سیستماتیک پیش‌بینی روی نقاط شبکه، جل [۳] دو روش LOB و CART-ACE را پیشنهاد کرد و هرکس و رایف [۴] از یک تحلیل آماری برای از بین بردن اریبی در شبکه میان مقیاس استفاده کردند. گلان و همکاران [۵] با استفاده از میانگین‌گیری وزنی و لحاظ کردن میزان تأثیر تغییرات ارتفاع بر کاهش دما، پس‌پردازش در نقاط شبکه‌ای را انجام دادند. روش BCDG توسط گلان و همکاران [۵] برای پس‌پردازش دمای ماکزیمم روی یک شبکه منظم معرفی

ضرایب  $b$  ضرایب رگرسیونی و اندیس های  $p$  و  $i$  مربوط به نقطه و ایستگاه های اطراف نقطه می باشد.

روش های احتمالی بر پایه مفهوم تصادفی بودن استوار بوده و شامل روش هایی مانند مدل های رگرسیون خطی، درونیایی بهینه و زمین آماری می باشند. مکدونل [۸] نشان داد که وقتی داده ها دارای پراکندگی تنک هستند کریگیدن (kriging) بهترین روش درونیایی موجود می باشد. درونیایی کریگیدن بر این فرضیه است که تغییرپذیری فضایی داده ها نا منظم تر از آن است که با یک تابع ساده مدلسازی شود. در این روش مقدار تخمین زده شده به صورت زیر تعریف می شود:

$$z(x) = \sum_{i=1}^n w_i z(x_i)$$

که  $z(x)$  مقدار داده در نقاط پراکنده و  $w_i$  وزن هایی هستند که با استفاده از مینیمم کردن سمی واریانس که به صورت زیر می باشد بدست می آید:

$$\hat{\gamma} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (z(x_i) - z(x_i + h))^2$$

که  $n$  تعداد زوج هایی از نقاط مشاهداتی است که دارای فاصله  $h$  از یکدیگر می باشند.

## ۵ نتیجه گیری

در این تحقیق با استفاده از دمای پیش بینی پس پردازش شده در ایستگاه ها به روش میانگین گیری لغزان، با استفاده از روش GIDS روی یک شبکه منظم دمای پیش بینی پس پردازش شده بدست آمده است. در روش های متداول تعداد ایستگاه ها به طور تجربی انتخاب می گردند. اما در تحقیق حاضر ضمن استفاده از آمار فضایی و اعمال مختصات بومی در محاسبات مربوط به تعیین دما روی شبکه از روش وریوگرام برای تعیین ایستگاه های تاثیرگذار بر داده های موضعی شبکه استفاده می شود.

نتایج حاصل از بکارگیری روش GIDS (شکل ۱ سمت چپ) روی مدل WRF (شکل ۱ سمت راست

و مقدار بدست آمده برای گر ها را به ایستگاه های مزبور درونیایی کنیم و با مقدار دیدبانی مقایسه کنیم.

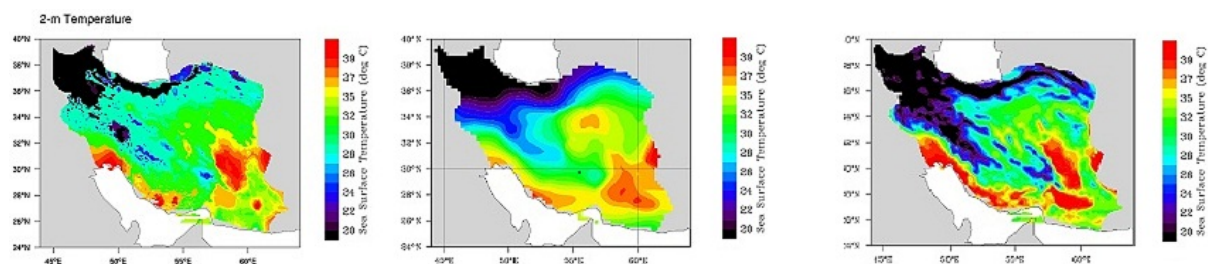
## ۴ روش های تعمیم داده های دیدبانی ایستگاهی به شبکه منظم

می توان روش های درونیایی را به سه دسته قطعی، احتمالی و ترکیبی از قطعی و احتمالی طبقه بندی کرد [۶]. روش های قطعی با استفاده از مشخصات هندسی نقاط دیدبانی، یک سطح پیوسته ایجاد می کنند. روش های احتمالی با استفاده از نظریه احتمال و مفهوم تصادفی بودن و با در نظر گرفتن واریانس خطا درونیایی را انجام می دهند. دسته سوم نیز شامل ادغام روش های دو دسته قبل می باشد. از جمله روش های بکار رفته می توان به مدل های رگرسیونی، اسپلاین ها، دسته بندی، درخت رگرسیون، سری های فوریه و آنالیز سطح روند اشاره نمود.

روش GIDS [۷] یکی از روش های درونیایی قطعی است که نتیجه بهتری نسبت به بقیه روش ها برای کمیت دما داشته است. برای تخمین مقدار دما در یک نقطه از شبکه، ابتدا چند ایستگاه اطراف نقطه مورد نظر که فاصله آنها تا آن نقطه کمتر از یک مقدار مفروض است، انتخاب می شود. سپس با توجه به طول و عرض جغرافیایی و ارتفاع و مقدار دمای مشاهداتی ایستگاه های انتخابی، یک مدل رگرسیون چندگانه و مختصات جغرافیایی ایستگاه ها و نقطه مورد نظر، مقدار دمای تخمین زده شده به صورت زیر بدست می آید:

$$T_p = \left( \sum_{i=1}^n \left( \frac{1}{d_i} \right)^2 \right)^{-1} \times \sum_{i=1}^n (T_i + b_1(\text{long}_p - \text{long}_i) + b_2(\text{lat}_p - \text{lat}_i) + b_3(h_p - h_i)) \left( \frac{1}{d_i} \right)^2 \quad (3)$$

که در معادله (۳) عبارت  $d_i$  فاصله ایستگاه  $i$  ام از نقطه،  $T$ ،  $\text{long}$ ،  $\text{lat}$  و  $h$  به ترتیب دما، طول، عرض و ارتفاع و



شکل ۱: دمای ایستگاهی و پردازش شده روی شبکه منظم

[4] J. Hacker, A. D. Rife, A Practical Approach to Sequential Estimation of Systematic Error on Near-Surface Mesoscale Grids. *Weather And Forecasting*. 2007 , vol. 22, pp. 1257-1273.

[5] B. Glahn, K. Gilbert, R. Cosgrove, D. P. Ruth, K. Sheets, The gridding of MOS. *Weather and Forecasting* 2009, vol. 24, pp. 520-529.

[6] R. Sluiter, Interpolation methods for climate data. KNMI, R and D Information and Observation Technology. 2009.

[7] K. Stahl, R.D. Moore, J.A. Floyer, M.G. Asplin, I.G. McKendry, Comparison of approaches for spatial interpolation of daily air temperature in a large region with complex topography and highly variable station density. *Agricultural and Forest Meteorology*. 2006, vol. 139, pp. 224-236.

[8] P.A. Burrough, R.A. McDonnell, Principles of Geographical Information Systems. Oxford University Press. 1998

( و مشاهدات ایستگاهی (شکل ۱ وسط) در تصویر نشان داده شده است. مقدار MAE برابر ۱/۹۴ و مقدار RMSE برابر ۲/۳ می باشد.

## مراجع

[1] A. Charles, H. Hendon, Q. Wang, D. Robertson, a. E. Lim, Comparison of techniques for the calibration of coupled model forecasts of Murray Darling Basin seasonal mean rainfall. CAWCR Technical Report. 2011 ,vol. 40.

[2] C. Mass, J. Baars, G. Wedam, E. Grimit, A. R. Steed. Removal of Systematic Model Bias on a Model Grid. *Weather And Forecasting*. 2007, vol. 23, pp. 438-459.

[3] Y. Gel, Comparative Analysis of the Local Observation-Based (LOB) Method and the Nonparametric Regression-Based Method for Gridded Bias Correction in Mesoscale Weather Forecasting. *Weather And Forecasting*. 2007, vol. 22, pp. 1243-1256.