



انجمن زمین ساخت و زمین شناسی ساختمانی ایران

TECTONIC & STRUCTURAL GEOLOGY ASSOCIATION OF IRAN

تحلیل مدولهای الاستیک در مدلسازی تولید ماسه در چاه های حفاری نفت

◇◇◇◇◇◇◇

چکیده:

مشکلاتی که در بحث حفاری چاههای نفت و گاز وجود دارند به ۲ گروه کلی تقسیم‌بندی می‌شوند: مشکل اول جلوگیری از ناپایداری قابل توجه در چاه در طی حفاری و شکسته شدن محدود سازندهای احاطه کننده چاه در طی تولید. مشکل دوم که اکثر اوقات تحت عنوان تولید ماسه (یا تولید جامدات) از آن یاد می‌شود از شکست قابل توجه سازند در طی تولید نتیجه می‌شود. تولید ماسه یک چالش مهم در صنعت نفت و گاز، عوامل عملیاتی و مشکلات امنیتی به حساب می‌آید (کفاش، ۲۰۱۲). این معضل بعنوان یکی از چالش‌های اساسی سالیان زیادی فکر و اندیشه افراد زیادی را به خود معطوف داشته است. این مشکل از دیرباز وجود داشته و باعث بروز مشکلاتی همچون انسداد چاه، آسیب جدی به تجهیزات درون چاهی و برون چاهی می‌شده است. در این مقاله سعی بر این است که تاثیر مدولهای الاستیک را در تحلیل تولید ماسه در چاهها در کنار سایر عوامل مورد بررسی قرار دهیم. در این میان نرم‌افزار STABView برای انجام فعالیت‌هایی مانند حفاری تکنیکی، فعالیت‌های تکمیل چاه، همچنین تولید و اکتشاف و استخراج توسعه یافته است. الگوریتم‌های موثر، سریع، تحلیلی و نیمه تحلیلی برای حل کردن معادله‌های اساسی بکار برده شده‌اند که تنش‌ها، فشارهای حفره‌ای و دما را برای مشکلات نزدیک چاه حفاری توصیف می‌کند.

Elastic modulus analysis in oil wells sand productions modeling

Abstract:

The problems that we encountered in the drilling of oil and gas wells are divided into 2 categories: First, prevention of significant instability in a well during drilling and formations breaking that are surrounding the well during production. Second, resulted from the remarkable failure of formation during production that most of the time is known as the sand production (or solids). In the oil and gas industry, especially oil well drilling, Sand production is an important challenge, which causes operational and safety problems (kaffash, 2012). Those issues that attract attention of many people as one of the main challenges for many years. This problem has existed since long time ago and cause problems such as blockage of the wells, serious damage to downhole and output equipment of the well. In this paper, we want to investigate the impact of elastic modulus with other factors on analysis of sand production in oil wells. Therefore, STABView software has developed for technical drilling , completion, production and exploration personnel to conduct rapid parametric analysis for a wide range of near-wellbore integrity problems. Efficient and faster algorithms and analytical and semi-analytical approaches are used to solve the fundamental equations that describe the stresse, pore pressure, and temperature distributions for near-wellbore problems.

◇◇◇◇◇◇◇



انجمن زمین ساخت و زمین شناسی ساختمانی ایران

TECTONIC & STRUCTURAL GEOLOGY ASSOCIATION OF IRAN

مقدمه:

تولید ماسه یک چالش مهم در صنعت نفت و گاز، عوامل عملیاتی و مشکلات امنیتی به حساب می‌آید. انتخاب یک معیار شکست مناسب در مطالعات پیشینه‌ای و تحلیلی ماسه، لازم و ضروری می‌باشد. معیارهای شکست مختلف در مرحله اول، در مدل سازی ماسه‌ای به کار برده شده‌اند. معیار مور - کولمب یکی از بیشترین معیارهای به کار برده شده می‌باشد اما در مورد پیش‌بینی شروع تولید ماسه بصورت محافظه کارانه بحث می‌شود. زیرا تاثیر تنفس میانی اصلی در نظر نمی‌باشد. اخیرا آقایان ajmi - al (۲۰۰۶) معيار شکست سه‌بعدی mogi - columb zimmerman بر اساس نتایج خوب از این معيار، در تحلیل پایداری، این محقق یک مدل پیش‌بینی تحلیل ماسه‌ای، برای کاربرد در معيار کار بردن. بر اساس نتایج خوب از این معيار، در تحلیل پایداری، این محقق یک مدل پیش‌بینی تحلیل ماسه‌ای، برای کاربرد در معيار شکست columb - mogi برای تعیین حدکثر ماسه آزاد پایین آمده برای زمان اول را ارائه داده است. مدل توسعه یافته در حفره باز شده (Open hole) برای تعیین مسیر چاه حفاری بهینه به کار برده شده است. نتایج بدست آمده نشان می‌دهد که در رژیم‌های تنفس محل‌های مختلف، انحراف و آزمیوت یک نقش اساسی و قابل توجه در پایداری چاه در طی تولید ماسه را دارند. همچنین تخلیه منبع (Reservoir depletion) نیز در نظر گرفته می‌شود که باعث افزایش پتانسیل ماسه‌ای می‌شود. تحقیقاتی نیز در زمینه پیش‌بینی تولید ماسه در میادین مختلف نفتی و گازی جهان از جمله در جنوب ایران انجام یافته است.

◇◇◇◇◇

بحث و روش تحقیق:

۱- تولید ماسه

مشکل ماسه عمده‌ای در سازندگی سست ظاهر شده و همچنین در سازندگی عمیق‌تر از ۳۵۰۰ متر نیز محتمل است. محدوده ابعاد دانه‌های ماسه توسط انواع مختلف، بصورت مختلف ارائه شده است. در سیستم طبقه‌بندی متحده که مورد پذیرش استاندارد آمریکا (ASTM) نیز می‌باشد به دانه‌هایی ماسه گفته می‌شود که در محدوده ۴۷۶ - ۰/۰۷۴ میلیمتر قرار دارند. این بدين معنی نیست که در مخزن فقط دانه‌هایی با این اندازه تولید می‌شود کلیه دانه‌هایی که در چاه تولید می‌شود از نظر دانه‌بندی عموماً در این محدوده قرار دارند.

۲- مشکلاتی که تولید ماسه در چاه‌های حفاری ایجاد می‌کنند، عبارتند از:

۱. کاهش نفوذ پذیری سازند که در پی آن منجر به کاهش راندمان بازیافت مخزن خواهد شد.
۲. از بین رفت و تخریب تجهیزات مانند پمپ‌ها، لوله‌ها، شیر آلات و دریچه‌ها و ... و فروریزش چاه (Hole Collapse).
۳. نیاز به نیروی کار بیشتر برای تعویض و تعمیر وسایل و تمیز کردن چاه.
۴. مسدود شدن تجهیزات بیرونی و درونی چاه مثل لوله‌ها.

۳- عوامل موثر در تولید ماسه:

۱. ایجاد نیروهای حرکتی از طریق سیال متحرک (اگر سرعت حرکت سیال و گرانروی آن بیشتر شود تولید ماسه نیز افزایش پیدا خواهد کرد).



انجمن زمین ساخت و زمین شناسی ساختاری ایران

TECTONIC & STRUCTURAL GEOLOGY ASSOCIATION OF IRAN

۲. به دلیل تولید آب (آب سیمان را حل می کند) یا به دلیل کاهش نیروهای مویننگی.
۳. کاهش فشار مخزن که این امر باعث بالا رفتن نیروی فشردگی خواهد شد و در پی آن تخریب سیمان بین دانه های ماسه را شاهد خواهیم بود.
۴. کاهش سختی یا سفتی سازند بر اثر تولید.
۵. کاهش تراوایی نسبی نفت به دلیل افزایش درجه اشباع آب، که این امر سبب افت بیشتر فشار می شود.

۲- نرم افزار STABView

قابلیت ها و توانایی های منحصر به فرد در STABView به ما اجازه: کالیبره کردن (Calibration) مدل ها برای خنثی کردن و متعادل کردن مشاهدات چاه شامل؛ تمام فشارهای منفذی مهم، تاثیرات شیمیایی و دمایی، بکار بردن رفتارهای متفاوت سنگ ها، وارد کردن داده ها و اطلاعات و خارج کردن آنها در سایر نرم افزارها ... را می دهد. الگوریتم های با پردازش سریع در نرم افزار برای حل معادلات اساسی حاکم بر رفتار مکانیکی منطقه نزدیک چاه، بکار برده شده اند. از جمله مشکلاتی که می توانیم با نرم افزار تجزیه و تحلیل کنیم می توانیم به: ۱- فعالیت های حفاری از جمله انتخاب حفاری بهینه و سیال های مربوط به فعالیت تکمیل چاه، بهینه سازی گل حفاری از نظر ترکیب شیمیایی برای مهار متورم شدن رس، کاستن زمان متهذبی و تمیز کردن چاه، کاهش میزان ریسک Lost Circulation، بهبود کنترل مستقیم و پیش بینی تغییر شکل های حفره چاه. ۲- فعالیت های کنترل چاه از جمله ارزیابی تنش های نزدیک حفره چاه و شرایط فشار منفذی و ارزیابی جزئیات شکستن هیدرولیکی. ۳- فعالیت های تکمیل از جمله تعیین کاندیدهای مناسب برای تکمیل چاه، جلوگیری از یکپارچه شدن سیمان ضعیف، از بین بردن ریسک شکستگی اطراف سیمان، افزایش نفوذ پذیری سوراخ، ارزیابی نیاز به یک گراول پک (Gravel pack) در ماسه سنگ های ضعیف و سست و در نهایت می توان به ۴- فعالیت های مهندسی تولید مانند کاهش تولید آب ناشی از شکستگی های هیدرولیکی، محاسبه فشار تزریق جریان آب حداقل برای پیشگیری از شکستگی و ارزیابی شکستگی های ناشی از حرارت در طی جریان آب، اشاره نمود. از قابلیت های STABView می توان به بررسی و تحلیل در مورد انواع چاه ها، بررسی ناپایداری های حفاری، شناسایی وجود درزه و ترک و همچنین شناسایی احتمال فرار گل حفاری، تولید ماسه و فرآیند کنترل، تنش های برجا، شناسایی صفحات ضعف، گسل ها و شکستگی های طبیعی، تحلیل فشار منفذی، بررسی مدل ها و معیارهای شکست سنگ، تنش ها و فشارهای اطراف حفره حفاری، تغییر شکل ها و کرنش های حفره حفاری، بررسی تاثیرات فیزیکی و شیمیایی، تاثیرات دمایی، ارائه گزارشات متنی و نمودارها جهت تحلیل نهایی، تجسم سه بعدی از چاه و مشخصات چاه، کالیبراسیون و ...، اشاره کرد.

پارامترهای مورد نیاز برای بررسی تولید ماسه و پیش بینی آن در نرم افزار به سه دسته تقسیم می شوند :

- ✓ دسته اول پارامترهای مربوط به سازند بوده که به دو دسته پارامترهای مکانیکی و پارامترهای فیزیکی تقسیم می شوند:
- پارامترهای مکانیکی (مقاومتی) شامل مدول های الاستیسیته (مدول یانگ، مدول برشی و مدول حجمی)، قابلیت تراکم پذیری، نسبت پوآسون، مقاومت فشاری تک محوره، چسبندگی .



انجمن زمین ساخت و زمین شناسی ساختمانی ایران

TECTONIC & STRUCTURAL GEOLOGY ASSOCIATION OF IRAN

- پارامترهای فیزیکی شامل ضریب بایوت (Biot)، زاویه اصطکاک داخلی و ضریب شامل تخلخل، نفوذپذیری و چگالی می‌باشند.
- ✓ دسته دوم پارامترهای مربوط به سیال سازند هستند که شامل چگالی، دما، ویسکوزیته و قابلیت تراکم پذیری سیال می‌باشد.
- ✓ دسته سوم پارامترهای مربوط به تنفس منطقه بوده که شامل مقدار تنفس‌های عمودی و افقی حداقل و حداقل و همچنین جهت آنها می‌باشند.

برای اینکه بتوانیم پارامترهای ذکر شده را محاسبه کنیم بایستی در ابتدا سرعت‌های موج برنشی و فشارشی را از طریق اطلاعات لاغ صوتی در عمق‌های مختلف، محاسبه کنیم.

۱-۲ مدول الاستیسیته (E):

مدول الاستیسیته یا مدول یانگ عبارت است از شب منحنی تنفس - کرنش ($\epsilon - \sigma$) در بخش الاستیک و با رابطه زیر بیان می‌شود:

$$E_{(psi)} = \left(\frac{\rho_b}{\Delta t_s^2} \right) \left(\frac{3(\Delta t_s^2) - 4(\Delta t_p^2)}{\Delta t_s^2 - \Delta t_p^2} \right) \times 1.34 \times 10^{10} \quad (1)$$

که در آن ρ_b چگالی بر حسب گرم بر سانتی متر مکعب و E مدول یانگ بر حسب پوند بر اینچ مربع می‌باشد.

۲-۲ مدول برنشی:

مدول برنشی یا مدول صلیبت که با G نمایش داده می‌شود برابر است با نسبت تنفس برنشی به کرنش برنشی.

$$G_{(psi)} = \left(\frac{\rho_b}{\Delta t_s^2} \right) \times 1.34 \times 10^{10} \quad (2)$$

که در آن ρ_b چگالی بر حسب گرم بر سانتی متر مکعب و G مدول برنشی بر حسب پوند بر اینچ مربع می‌باشد.

۲-۳ مدول تراکم پذیری یا مدول حجمی:

ضریب کشسانی حجمی (Bulk modulus of elasticity) معیاری برای سنجش تراکم پذیری یک مایع است.

$$K_{(psi)} = \rho_b \left(\frac{1}{\Delta t_p^2} \right) - \left(\frac{4}{3 \Delta t_s^2} \right) \times 1.34 \times 10^{10} \quad (3)$$

۴-۲ نسبت پوآسون:

این نسبت عبارت است از نسبت تغییر شکل جانبی به تغییر شکل طولی و با رابطه زیر بیان می‌شود:

$$\vartheta = 0.5 \frac{V_p^2 - 2V_s^2}{(V_p^2 - V_s^2)} \quad (4)$$



انجمن زمین ساخت و زمین شناسی ساختاری ایران

TECTONIC & STRUCTURAL GEOLOGY ASSOCIATION OF IRAN

۲-۵ مقاومت فشاری تک محوری (UCS):

بنا به تعریف، مقاومت فشاری برابر است با مقدار تنش فشاری تک محوری، هنگامی که المان مورد نظر کاملاً گسیخته می‌شود.

$$UCS = 9.95 Vp^{1.21} \quad (5)$$

این معادله را ترکان و همکارانش برای ماسه سنگ، ماد استون، سنگ آهک، و شیل ارائه دادند.

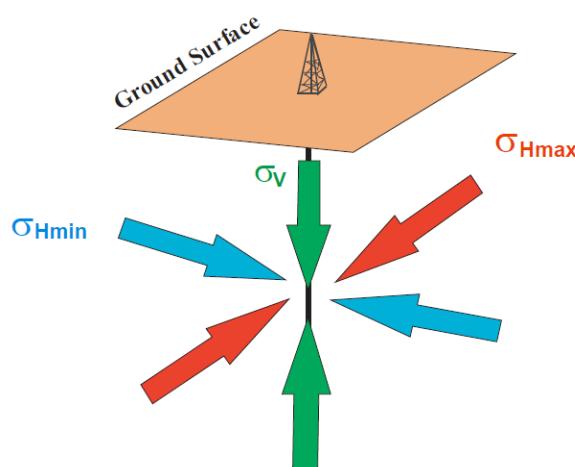
-۳- تنش:

در بکارگیری این مفاهیم در پوسته زمین، در نظر گرفتن این موضوع که بزرگی تنش‌های اصلی حداقل، متوسط و حداکثر ($S1$, $S2$, $S3$) نیز می‌تواند بصورت S_v , S_{Hmax} و S_{Hmin} بیان شود که توسط آقای اندرسون ارائه و مطرح شده است. طرح طبقه بندي اندرسون، بزرگی‌های تنش‌های اصلی افقی و در ارتباط با تنش عمودی را نیز تعیین می‌کند. تنش عمودی، S_v ، تنش اصلی حداکثر ($S1$) در رژیم‌های گسلی نرمال می‌باشد، همچنین به عنوان تنش اصلی متوسط ($S2$) در رژیم‌های گسلی امتداد لغز، و به عنوان تنش اصلی حداقل ($S3$) در رژیم‌های تنشی معکوس، به حساب می‌آید.

| Regime | Stress | | |
|-------------|------------|------------|------------|
| | S_1 | S_2 | S_3 |
| Normal | S_v | S_{Hmax} | S_{Hmin} |
| Strike-slip | S_{Hmax} | S_v | S_{Hmin} |
| Reverse | S_{Hmax} | S_{Hmin} | S_v |

جدول ۱- بزرگی‌های نسبی تنش و رژیم‌های گسلی طبق نظریه اندرسون

شکل شماره ۱، توزیع تنش قائم و تنش‌های افقی را در اطراف یک چاه نشان می‌دهد. البته در رژیم‌های تنشی مختلف، جهت‌های تنش‌ها طبق نظریه اندرسون، متفاوت خواهد بود.





انجمن زمین ساخت و زمین شناسی ساختاری ایران

TECTONIC & STRUCTURAL GEOLOGY ASSOCIATION OF IRAN

شکل ۱- تنش های اصلی درجا در یک نقطه از زیر سطح زمین (بعد از آقای Bell و همکاران، ۱۹۹۴)

اما در مورد محاسبه تنش قائم و تنش های افقی بایستی به صورت زیر اقدام کنیم:

بزرگی Sv معادل انتگرال دانسیته سنگ از سطح تا یک عمق مشخص (Z) می باشد، به عبارتی:

$$Sv = \int_0^z \rho(z) g dz \approx \bar{\rho} g z \quad (6)$$

جائیکه (ρ)، یک دانسیته و به عنوان یکتابع از عمق می باشد، $\bar{\rho}$ میانگین دانسیته روباره می باشد(جیگر و کوک، ۱۹۷۱). در مناطق دور از ساحل، مولفه عمق آب را نیز اضافه می کنیم:

$$Sv = \rho_w g z_w + \int_{z_w}^z \rho(z) g dz \approx \rho_w g z_w + \bar{\rho} g (z - z_w) \quad (7)$$

جائیکه ρ_w دانسیته آب، و z_w عمق آب می باشد. اگر (Fشار هیدرواستاتیک) به مقدار 2.3 MPa/km (0.44 psi/ft) افزایش می یابد. اکثر سنگ های رسوی آواری دارای یک دانسیته میانگین در حدود 10 MPa/km (0.44 psi/ft) می باشند که مربوط به یک تخلخل به میزان 15% هستند. جهت تحلیل تولید ماسه تعیین دقیق مقدار تنش های افقی ضروری خواهد بود. تعیین این تنش ها به ۲ روش مستقیم و غیر مستقیم امکان پذیر می باشد. در روش مستقیم، تنش های افقی از طریق آزمایش های مکانیک سنگ و در روش غیر مستقیم از طریق نگاره های حاصل از چاه نگاری محاسبه می شوند. روابط تجربی مختلفی جهت تعیین تنش افقی حداقل وجود دارد. اما برای تعیین تنش افقی حداکثر، ۲ روش وجود دارد. در عمومی ترین و رایج ترین روش برای تعیین تنش های افقی حداقل و حداکثر، تئوری پروا لاستیک پیشنهاد شده است. در این رابطه از فشار روباره (Overburden Pressure)، فشار منفذی، نسبت پوآسون، و کرنش های تکنونیکی استفاده می شود (زو باک، ۲۰۰۷).

$$\sigma_h = \frac{\vartheta}{1-\vartheta} \sigma_v + \frac{\vartheta}{1-\vartheta} \alpha P_p + \frac{E \varepsilon_h}{1-\vartheta^2} + \frac{\vartheta E \varepsilon_H}{1-\vartheta^2} \quad (8)$$

$$\sigma_H = \frac{\vartheta}{1-\vartheta} \sigma_v + \frac{\vartheta}{1-\vartheta} \alpha P_p + \alpha P_p + \frac{E \varepsilon_h}{1-\vartheta^2} + \frac{\vartheta E \varepsilon_H}{1-\vartheta^2} \quad (9)$$



انجمن زمین ساخت و زمین شناسی ساختمان ایران

TECTONIC & STRUCTURAL GEOLOGY ASSOCIATION OF IRAN

که در رابطه فوق α ضریب بایوت، ϑ نسبت پوآسون، P_p فشار منفذی، ε_h و ε_H کرنش در جهت تنش های افقی حداقل و حداقل می باشد. مقدار فشار منفذی نیز از رابطه ایتون که بصورت معادله زیر است محاسبه می گردد. ایتون این رابطه را برای پیش بینی گرادیان فشار منفذی از طریق زمان عبور موج فشاری ارائه داد.

(ایتون، ۱۹۶۹)

$$P_{pg} = OBG - (OBG - P_{ng}) \left(\frac{\Delta_{tn}}{\Delta_t} \right) \quad (10)$$

در این رابطه Δ_{tn} زمان عبور موج در فشار نرم ال و Δ_t زمان عبور موج بدست آمده از نگار صوتی چاه می باشد. خروجی های STABView می توانند بصورت گزارش های متنه تک عمقی یا چند عمقی باشند. همچنین می توانند شامل نمودار پروفیل چاه که بازدید چاه را در دو حالت Profile یا Plan نشان می دهد. خروجی دیگر نرم افزار نمودار پروفیل عمق می باشد. این نمودار یک نمایش تصویری را در طول چاه و بر اساس اندازه گیری های عمق بصورت عمق عمودی صحیح (TVD) و عمق اندازه گیری شده (MD) نشان می دهد. از خروجی پروفیل چاه سه بعدی، می توان برای تعجب کردن چاه و سکشن چاه در یک نمای سه بعدی استفاده کرد. نمودارهای قطبی برای نمایش منحنی های رنگی داده های فشار یا نمایش رسیک محاسبه شده برای مسیرهای مختلف چاه و همچنین برای نمایش تصاویر استریو گرافیک بکار برده می شوند. نمودارهای Spider و Tornado هم از خروجی های نرم افزار محسوب می شوند و در انتهای نمودارهای استاندارد یک بررسی مختصر و البته وسیع را از واحد های چینه شناسی و لیتو لوژی آنها ارائه می دهند. پیکان موجود روی این نمودار، نقطه محاسباتی کنونی را نشان می دهد و با جابجایی آن می توان نقطه محاسباتی را تغییر داد.

oooooooo

نتیجه گیری :

تولید ماسه در چاه های نفتی در میادین مختلف با وجود سازندهای ماسه ای محتمل تر بوده و در حالت کلی تولید ماسه را می توان به ۳ حالت گذرا، پایدار و فاجعه آمیز تقسیم بندی کرد (ویکن و همکاران، ۱۹۹۱). بنابراین با توجه به موارد ذکر شده، ابتدا بایستی پارامترهای مکانیکی و فیزیکی مربوط به سازنده که شامل مدول های یانگ، برشی، حجمی، نسبت پوآسون، قابلیت تراکم پذیری، مقاومت فشاری تک محوری و چسبندگی می باشند را محاسبه کرد و سپس اقدام به محاسبه و تعیین جهت تنش قائم و تنش های افقی حداقل و حداقل نمود و همچنین تنش های اطراف حفره را نیز محاسبه نموده و با در دست داشتن ورودی های مربوط به STABView، آنرا اجرا کرده و به نمودارهای مربوطه دست یافت. در انتهای، با توجه به رژیم تنشی موجود در منطقه بایستی یک جهت و مسیر بهینه حفر چاه بررسی و انتخاب شود. در حالت کلی، در رژیم تنشی گسل نرم ال، حفاری در جهت تنش افقی حداقل، بهترین مسیر برای جلوگیری از تولید ماسه می باشد. در واقع چاه های نزدیک به شب عمودی دارای پتانسیل کمتر برای تولید ماسه نسبت به چاه های افقی هستند. در رژیم های تنشی گسل های امتداد لغز و معکوس، جهت بهینه حفاری در جهت تنش افقی حداقل، حداقل پتانسیل تولید ماسه را فراهم می کند. در واقع برای رژیم تنش امتداد لغز، چاه های نزدیک به شب عمودی دارای پتانسیل



انجمن زمین ساخت و زمین شناسی ساختاری ایران

TECTONIC & STRUCTURAL GEOLOGY ASSOCIATION OF IRAN

کمتر برای تولید ماسه نسبت به چاههای افقی هستند و برای رژیم تنشی معکوس حفاری چاههای مایل نسبت به چاههای عمودی پایدارتر هستند.



منابع فارسی :

ابراهیمی، م.، نبی بیدهندی، م.، صادق زاده، ف.، ۱۳۹۳، "استفاده از نگاره‌ها جهت تعیین تنش‌های برجا بر روی دیواره چاه‌های نفتی"، شانزدهمین کنفرانس ژئوفیزیک ایران، (۹۴-۸۸).

صالحی مورکانی، ر.، ۱۳۸۹، "بررسی عملکرد روش‌های مهار ماسه در مخازن ماسه سنگی مناطق نفت خیز جنوب"، اولین همایش ملی توسعه تکنولوژی در صنایع نفت، گاز و پتروشیمی.

فرج زاده دهکردی، ع.، قربانی، ف.، شهبازی، خ.، ۱۳۹۱، "ارائه روشی نوین جهت تکمیل چاه‌های دارای مشکل تولید ماسه همراه با نفت تولیدی"، اولین کنفرانس بین‌المللی نفت، گاز، پتروشیمی و نیروگاهی.



References:

- Chang, C., Zoback, M. D. et al. 2006. "Empirical relations between rock strength and physical properties in sedimentary rocks", Journal of Petroleum Science and Engineering, 51,p. 223–237.
- Jaeger, J. C., Cook, N. G. W., 1979. "Fundamentals of Rock Mechanics". Third Edition, Chapman & Hill.
- Moos, D., Zoback, M.D. 1990. "Utilization of observations of wellbore failure to constrain the orientation and magnitude of crustal stresses: application to continental, deep sea drilling project and ocean drilling program boreholes". J Geophys Res, 95: 9305-25.
- Tercan, A.E., Unver, B., Tiryaki, B., and Ozbilgin D.A., 2005., "Study of Relationships Among mechanical, index and petrographic properties of some sandstones using canonical correlation analysis, (in turkish)". Mining, vol. 44,p. 3-14. User's manual of STABView Software.
- Veeken, C. A. M., Davies, D. R., Kenter, C. J. and KooijmanT A.P. 1991. "Sand production prediction review: developing an integrated approach." 66th Annual Technical Conference and Exhibition of the Society of Petroleum Engineers, Dallas, TX, October 6-9.
- Zoback, M., 2007. "Reservoir Geomechanics", Cambridge University Press.
- Zoback, M.D., Barton C.A., Brady, M., Castillo, D.A., Finkbeiner, T., Grollimund, B.R., Moos, D.B., Peska, P., Ward, C.D., Wiprut D.J. 2003." Determination of stress orientation and magnitude in deep wells", International Journal of Rock Mechanics & Mining Sciences, 40, 1049-1076.