



بررسی نشست سطح زمین ناشی از حفر تونل به روش همگرایی و همجواری

محمد رضا نظریور

گروه مهندسی عمران، واحد نجف آباد، دانشگاه آزاد اسلامی، اصفهان، ایران
mohamadrezanazarpour@gmail.com

بهرام نادی*

گروه مهندسی عمران، واحد نجف آباد، دانشگاه آزاد اسلامی، اصفهان، ایران
Bmn.nadi@hotmail.com

چکیده

مسئله نگهداری فضاهای زیرزمینی همواره یکی از مهمترین مسائل حفاریات زیرزمینی بوده است. در تونل های و کارگاه های معدنی با استفاده از پیچ سنگ، قاب فولادی و شاتکریت که اغلب به صورت ترکیبی استفاده می شود، پایداری مورد نیاز آنها تأمین می گردد. تونل های طولانی و کارگاه های با فضای نسبتاً بزرگ از خصوصیات استخراج به روش جبهه کار طولانی درمعدن زغال است که ایجاد پایداری و بررسی مسائل نگهداری مربوط به آن از جوانب مختلف حائز اهمیت است در مقاله حاضر به بررسی نشست سطح زمین ناشی از حفر تونل به روش همگرایی و همجواری با استفاده از نرم افزار پلکسیس پرداخته شد که نتایجی از قبیل ۱- حرکت توده سنگ اطراف تونل با افزایش آزادی به سمت محیط داخلی تونل است ۲- درگیری خوب بین راکبوت و توده سنگ در مواجهه با باربردی تونل است ۳- با بررسی سه مقاومت مختلف برای راکبوت (۱۰۰ مگانیوتن، ۱۰ مگانیوتن و ۱ مگانیوتن) مشاهده می شود که با افزایش مقاومت راکبوت مقدار نشست سطح زمین به شدت کاهش می یابد که این موضوع نشان دهنده کمک شایان راکبوتها و همچنین مشارکت خوب آنها در تحمل بار در حفر تونل در توده سنگ است.

واژگان کلیدی: نشست، تونل، همگرایی و همجواری، پلکسیس



۱. مقدمه

مسئله نگهداری فضاهای زیرزمینی همواره یکی از مهمترین مسائل حفريات زیرزمینی بوده است. در تونل‌های و کارگاه‌های معدنی با استفاده از پیچ سنگ، قاب فولادی و شاتکریت که اغلب به صورت ترکیبی استفاده می‌شود، پایداری مورد نیاز آنها تأمین می‌گردد. تونل‌های طولانی و کارگاه‌های با فضای نسبتاً بزرگ از خصوصیات استخراج به روش جبهه کار طولانی در معادن زغال است که ایجاد پایداری و بررسی مسائل نگهداری مربوط به آن از جوانب مختلف حائز اهمیت است. معدن زغال سنگ طبعاً به روش جبهه کار طولانی پسرود استخراج می‌شود که نگهداری از ورودی‌ها با پی چسنگ یا قاب فولادی می‌باشد بی‌شک یکی از موثرترین سیستم‌های نگهداری در معادن سطحی و زیرزمینی پیچ سنگها می‌باشند و در بین آنها پیچ سنگهای دوغابی جایگاه ویژه‌ای به خود اختصاص داده‌اند بطوریکه بالغ بر ۹۰ درصد پیچ سنگ‌های بکاررفته در دنیا از نوع دوغابی می‌باشند و این بخاطر طول درگیری زیادتر و تأثیر دوغاب‌های مقاوم رزینی بکار رفته است [1]. در تعاریف قدیمی تونل به عنوان یک راهرو طویل زیر زمینی تعریف شده است، تعاریف دیگر تونل به شرح زیر است:

راهرو زیر زمینی افقی که از هر دو طرف به هوای آزاد مرتبط است، به طور کلی مقصود از تونل، کلیه راهروهای زیرزمینی است که برای استخراج مواد معدنی، رفت و آمد اتوموبیلها، حرکت قطارها، انتقال لوله و کابل و نیز انتقال آب، احداث می‌شود [2].

۲. تاریخچه تونل سازی و سازه‌های زیر زمینی

احتمالاً اولین تونل‌ها در عصر حجر برای توسعه خانه‌ها با انجام حفريات توسط ساکنان شروع شد. این امر نشانگر این است که آنها در تلاشهایشان جهت ایجاد حفريات به دنبال راهی برای بهبود شرایط زندگی خود بوده‌اند. پیش از تمدن روم باستان، در مصر، یونان، هند و خاور دور و ایتالیای شمالی، تماماً تکنیکهای تونل سازی دستی مورد استفاده قرار می‌گرفت که در اغلب آنها نیز از فرایندهای مرتبط با آتش برای حفر تونل‌های نظامی، انتقال آب و مقبره‌ها کمک گرفته می‌شد. در ایران نیز از چند هزار سال پیش، به منظور استفاده از آبهای زیر زمینی تونل‌هایی موسوم به قنات حفر شده است که طول بعضی از آنها به ۷۰ کیلومتر و یا بیشتر نیز می‌رسد. تعداد قنات‌های ایران بالغ بر ۵۰۰۰۰ رشته برآورده شده است. جالب توجه است که این قنات‌های متعدد، طویل و عمیق با وسایل بسیار ابتدایی حفر شده‌اند [2].

رومی‌ها نیز در ساخت قنات‌ها و همچنین در حفاری تونل‌های راه پرکار بودند. آنها در ضمن اولین دوربین‌های مهندسی اولیه را در جهت کنترل تراز و حفاری تونل‌ها به کار بردند.

اهمیت احداث تونل‌ها در دوران‌های قدیم، تا بدین جاست که کارشناسان کارهای احداث تونل در آن تمدن‌ها را نشانگر رشد فرهنگ و به ویژه رشد تکنیکی و توان اقتصادی آن جامعه دانسته‌اند. تمدنهای اولیه به سرعت، به اهمیت تونل‌ها، به عنوان راه‌های دسترسی به کانی‌ها و مواد طبیعی نظیر سنگ چخماق به واسطه اهمیتش برای زندگی، پی‌بردند. همچنین کاربرد آنها دامنه گسترده‌ای از طاق زدن بر روی قبرها تا انتقال آب و یا گذرگاههایی جهت رفت و آمد را شامل می‌شد. کاربردهای نظامی تونل‌ها، به ویژه از جهت بالابردن توان گریز یا راهپایی جهت یورش به قرارگاهها و قلعه‌های دشمن، از دیگر جنبه‌های مهم کاربرد تونلها در تمدن‌های اولیه بود [2].

تونل سازی همزمان با انقلاب صنعتی، به ویژه به منظور حمل و نقل، تحرک قابل ملاحظه‌ای یافت. تونلسازی به گسترش و پیشرفت کانال سازی کمک کرد و این امر در توسعه صنعت به ویژه در قرون ۱۸ و ۱۹ میلادی در انگلستان سهم بسزایی داشت. کانال‌های یکی از پایه‌های انقلاب صنعتی بودند و توانستند در مقیاس بسیار بزرگ هزینه‌های حمل و نقل را کاهش دهند.



تونل مال پاس با طول ۱۵۷ متر بر روی کانال دومیدی در جنوب فرانسه اولین تونلی بود که در دوره‌های مدرن در سال ۱۶۸۱ ساخته شد. همچنین اولین تونل ساخته شده با کاربرد حفاری و انفجار باروت بود. در انگلستان، قرن ۱۸ نیز جیمز بریندلی از خانواده ای مزرعه دار با نظارت بر طراحی و ساخت بیش از ۵۸۰ کیلومتر کانال و تعدادی تونل به عنوان پدر کانال و تونل های کانالی ملقب شد. وی در سال ۱۷۵۹ با ساخت یک کانال به طول ۱۶ کیلومتر مجموعه معدن زغال دوک بریدجواتر را به شهر منچستر متصل نمود. اثر اقتصادی تکمیل این کانال نصف شدن قیمت زغال در شهر و ایجاد یک انحصار واقعی برای معدن مذکور بود [2].

در اوایل قرن نوزدهم به منظور عبور از قسمتهای پایین دست رودخانه تایمز هیچ سازه ای موجود نبود و ۳۷۰۰ عابر مجبور بودند با طی یک راه انحرافی ۳ کیلومتری با قایق مسیر روترهایت به ویپنیگ را طی کنند. اقدام به ساخت یک تونل نیز به دلیل ریزشی بودن و مناسب نبودن رسوبات کف رودخانه متوقف شد. تا اینکه در حدود سال ۱۸۲۰ فردی بنام مارک ایرامبارد برونل از فرانسه ایده استفاده از سپر را مطرح نمود و در سال ۱۸۲۵ کار احداث تونل بین روترهایت و ویپنیگ را آغاز و علی رغم جاری شدن چند نوبت سیل در سال ۱۸۴۳ آن را باز گشایی نمود. این تونل تامس نام گرفته و اولین تونل زیر آبی بود که بدون هر گونه رودخانه انحرافی حفر شد. در دیگر موارد تونلهای زهکشی بزرگ، نظیر تونلی با طول ۷ کیلومتر در هیل کارن انگلستان، اهمیت زیادی در توسعه صنعت معدنکاری داشته‌اند. البته بررسی تاریخچه پیشرفت در روش ها و تکنیک ها و به عبارتی در هنر تونل سازی نشانگر این مطلب است که مانند بسیاری دیگر از علوم و فنون بیشتر رشد این هنر در قرن گذشته صورت گرفته و تا حال نیز ادامه دارد [2]. در مطالعه حاضر به بررسی نشست سطح زمین ناشی از حفز تونل پرداخته می شود. بعضی از مطالعات انجام شده بدین صورت است ویگل (بحث استفاده از سیستم پیچ سنگ را به عنوان تسلیح شیب های سنگی برای اولین بار مطرح و ارائه کرد و در نتایج تحقیق خود استفاده از سیستم پیچ سنگ برای پایدارسازی و تثبیت شیب های سنگی را از لحاظ اقتصادی مقرون به صرفه دانست و آن را توصیه کرد [3]). در ادامه حسن مدنی به بحث در رابطه با انواع روش های سیستماتیک در تسلیح شیبهای سنگی پرداخت. این محقق در نتایج خود برای هر یک از روش های تسلیح سیستماتیک مطرح شده نظیر بارتن RSR و RMR، پارامترهای امتیازدهی را بیان کرده و نتایج را در قالب جداول طراحی و سیستم های نکه داری ارائه کرده است [4]. همچنین هوک نیز به بررسی انواع روش های تسلیح سیستماتیک در تونل و شیب های سنگی پرداخت و در نهایت روش RMR را به عنوان یکی از موفق ترین روش های تسلیح سیستماتیک در شیب های سنگی معرفی کرد [5]. کنسلی آبه بررسی و ارزیابی خطر شکست و لغزش در شیب های سنگی ناپایدار پرداخت که بر اساس نتایج این محقق مناطق و شیب هایی که از لحاظ زمین شناسی دارای شرایط پایداری مناسب نبوده، مستعد لغزش بودند و در این نوع ارزیابی خطر لغزش در این شیب ها زیاد بدست آمد [6]. در ادامه ژانگ آبه کاربرد سیستم مهندسی سنگ در ارزیابی خطر لغزش شیبهای سنگی در بزرگراه ها در یک پروژه موردی در چین پرداخت. بر اساس نتایج، این محقق توانست روشها و تکنیک های موثری برای بررسی اندرکنش و تاثیر متقابل عوامل تاثیرگذار بر پایداری شیب های سنگی ارائه کند [7].

عبدالرحمن حداد و همکارش (۱۳۸۹) به بهینه سازی تسلیح در شیب های سنگی ناپایدار با استفاده از روش سطح تسلیح مورد نیاز پرداختند آنها در تحقیقات خود به بررسی توزیع بهینه عناصر تسلیح کننده بر روی شیب های سنگی که احتمال ناپایداری دارند، پرداخته شده و روش جدید سطح تسلیح مورد نیاز یا DRD^۱ به کار گرفتند، هدف آنها از ارائه این روش ارائه یک روند منطقی جهت توزیع بهینه عناصر تسلیح کننده ی مورد نیاز در شی ب های سنگی ناپایدار و به خصوص نواحی بحرانی است. در این روش شیب س نگی با توجه به خواص هندسی منطقه بندی شده و برای هر منطقه با توجه به خواص

1 - Weugel

2 - Hoek

3 - Cancelli

4 - Zhang

5 - Degree of Reinforcement Demand



هندسی و ژئومکانیکی لایه ها ضرایب تاثیر و سپس ماتریس ضرایب تاثیر بدست م یاید. در ادامه با استفاده از روش اجزای محدود و مدل سازی عددی تغییر مکان هر یک از مناطق و بعد از آن ماتریس نسبت تغییر مکان مناطق تقسی میندی شده بدست می آید. در انتها طی یک عملیات ماتریسی مقادیر DRD هر منطقه بدست آمده و توزیع عناصر تسلیح کننده بر اساس این مقادیر صورت م ی گیرد. به منظور ارائه کاربردی، توزیع بهینه عناصر تسلیح کننده در شی ب های سنگی سد سیاه بیشه مورد ارزیابی قرار گرفته است [8].

جلالی فر (۱۳۸۸) در مطالعه خود به تاثیر پروفیل پیچ سنگها در ظرفیت انتقال بار پرداخت و در بررسی ها و نتایج حاصله، مشخص شد که پیچ سنگهای آجدار با فاصله آج طولانی تر نسبت به پیچ سنگهای با فاصله آج نزدیکتر ظرفیت انتقال بار بیشتری را ایفا می کنند بطوریکه بار ماکزیمم و مقاومت پسماند بیشتر در میل مهارهای با فاصله پروفیل بیشتر رخ می دهد [9].

جنگ و همکاران (۱۹۹۹) عنوان کردند که نصب پیچ سنگ باعث بهبود یکپارچگی می شود [10]. لابیوس (۱۹۹۶) در مطالعه خود عنوان کرد که پیچ سنگ باعث بهبود خصوصیات ژئوتکنیکی (چه چسبندگی و چه زاویه اصطکاک داخلی) توده سنگ، می شود [11]. اورست^۸ (۲۰۰۸) به مطالعه ای تحت عنوان تجزیه و تحلیل مشخص با توجه به جابجایی پیچ سنگ که به طور کامل در داخل گروت اطراف تونل مهار شده است پرداخته بیان کرد که به منظور شبیه سازی اثرات نصب پیچ سنگ و مدلسازی آن به عنوان یک سیستم حائل در حفاری های زیر زمینی، روش های عددی، تحلیلی و آزمایشگاهی بسیاری پیشنهاد شده است [12]. کای و همکاران (۲۰۰۶) به مطالعه ای تحت عنوان ارائه یک مدل تحلیلی برای پیش بینی بار محوری پیچ سنگ برای سنگ های نرم در تونل پرداختند آنها مطالعات آزمایشگاهی و عددی را برای بررسی مکانیزم نگهداری انجام دادند، همچنین نشان دادند که ظرفیت نگهداری با مقاومت کششی سنگ، طول پیچ سنگ و قطر آن رابطه مستقیم دارد [13]. پیلا و اورست (۱۹۹۵) به مطالعه ای تحت عنوان تجزیه و تحلیل متقارن از تویت زمین در طراحی تونل زنی پرداختند آنها سه مدل تحلیلی برای پیچ سنگ ها ارائه کردند [14]، که عبارت اند از:

۱- برای پیچ سنگ تحت بار برون کشی در آزمایش برون کشی

۲- برای پیچ سنگ های نصب شده در توده سنگ

۳- برای پیچ سنگ هایی که توده سنگ با یک ترک

پیلا و اورست (۱۹۹۶) یک مدل تحلیلی برای پیش بینی نیروی محوری پیچ سنگ در طراحی تونل پیشنهاد کردند، در این روش، مکانیزم اندرکنش پیچ سنگ و زمین توسط جابجایی متناظر آنها تعریف شد [15]. استیل^۱ (۱۹۸۳) به مطالعه ای تحت عنوان جنبه های نظری در تفاوت بین لنگر پیچ پیش تنیده و پیچ های فشاری داخل گروت پرداخت وی بر پایه آزمایشات مرسوم برون کشی، یک مدل فنر و غلتک که بیانگر اندرکنش بین پیچ سنگ و توده سنگ است ارائه کرد [16]. استیل و همکاران (۱۹۸۹) نیز یک روند جدید برای تحلیل پیچ سنگ ها در تونل ارائه داد. این روند بر پایه اصل تناسب تغییر مکان ها استوار است.

از سوی دیگر، مدل های متقارن محوری تحلیلی که قادر به تعریف تنش های تغییر شکل های اعمال شده توسط تونل هستند به علت سادگی محاسبات بطور گسترده ای مورد استفاده قرار گرفته اند. در عمل، همگرایی تونل، معیار بسیار مناسبی برای

⁶ - Jeng et al

⁷ - Labiouse

⁸ - Oreste

⁹ - Cai et al

¹ - Peila & Oreste

0

¹ - Stille

1

¹ - Stille et al

2



ارزیابی پایداری تونل است. بنابراین، می توان از پیچ سنگ ها بعنوان معیار درستی از کاهش همگرایی تونل یاد کرد [17]. گان و همکاران (۲۰۰۷) در مطالعه خود تحت عنوان مکانیک تقویت پیچ و مهره منفعل در تونل زنی معمولی و فهمی فر و سروش (۲۰۰۵) در مطالعه خود تحت عنوان یک رویکرد نظری برای تجزیه و تحلیل از تعامل بین پیچ سنگ و توده سنگی، روندی مبتنی بر روش عددی تفاضل محدود برای محاسبه منحنی پاسخ زمین ارائه دادند. لازم به ذکر است که راه حل تحلیلی برای بررسی اثر پیچ سنگ بر پاسخ زمین توسط نیز بررسی شد [11-16]. استیل و همکاران (۱۹۸۹) راه حلی را برای سیستم پیچ سنگ ارائه دادند که در آن اثر پیچ سنگ های کششی بر منحنی پاسخ زمین مورد بررسی قرار گرفت [17]. گرسو و همکاران (۱۹۸۹) مدلی تحلیلی برای پیچ سنگ های غیر گروتی کششی ارائه دادند [6].

۳. بحث و نتیجه گیری

در این بخش برای فواصل مختلف راکبولت و همچنین مقاومت‌های مختلف آنها نمودارهای نشست سطح زمین تحت باربرداریهای ناشی از حفر تونل برای آزادی های تنش مختلف در عمق تونل ترسیم شده است. به این منظور مقادیر با در نظر گیری دو متغیر طول راکبولت و مقاومت راکبولت نمودارهای مختلفی را در ضرایب آزادی تنش مختلف ترسیم نمودیم (شکل های ۱ تا ۱۰).

همانطور که در این شکل ها مشاهده می شود مسئله را می توان به سه زیر بخش مختلف تقسیم نمود

۱- آزادی تنش

۲- طول راکبولت

۳- مقاومت راکبولت

۱.۳ اثر آزادی تنش

همانطور که در شکل های ۱ تا ۱۰ مشاهده می شود، صر فنظر از اینکه مقاومت راکبولت ها و همچنین طول راکبولت ها چقدر است، مقادیر نشست سطح زمین با افزایش مقدار آزادی تنش، زیاد می شود. این موضوع نشان دهنده حرکت توده سنگ اطراف تونل با افزایش آزادی به سمت محیط داخلی تونل است.

۲.۳ طول راکبولت

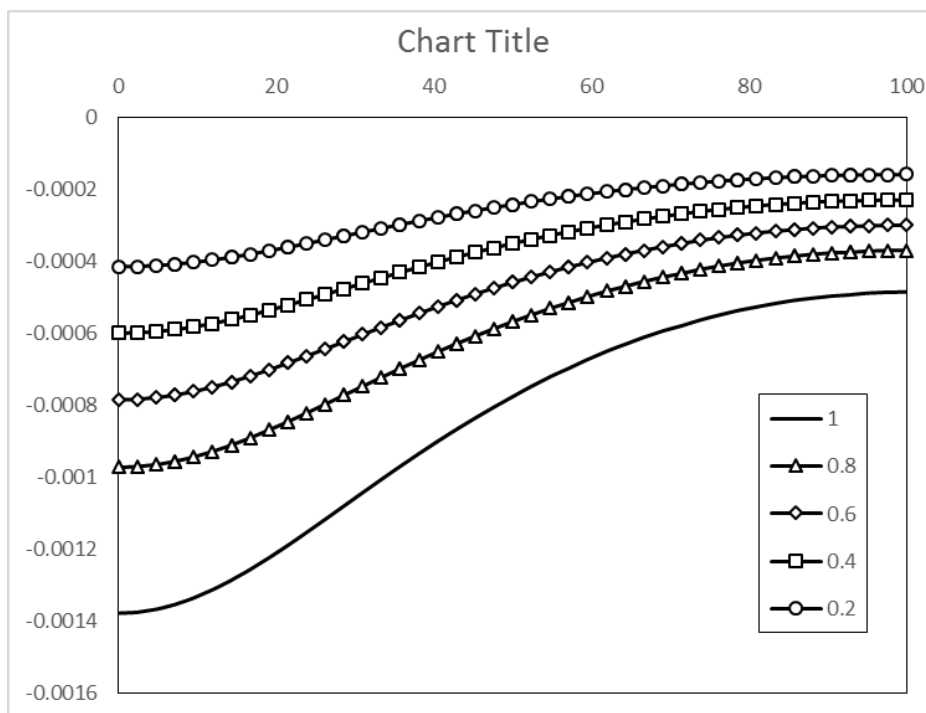
با بررسی طولهای ۲۴، ۱۴ و ۷ متر مشاهده می شود که با افزایش طول راکبولت نشست سطح زمین صرفنظر از میزان آزادی تنش و همچنین مقاومت راکبولت با کاهش مواجه است. این موضوع نشان دهنده درگیری خوب بین راکبولت و توده سنگ در مواجهه با باربردای تونل است.

¹ - Guan et al 3
¹ - Grasso 4

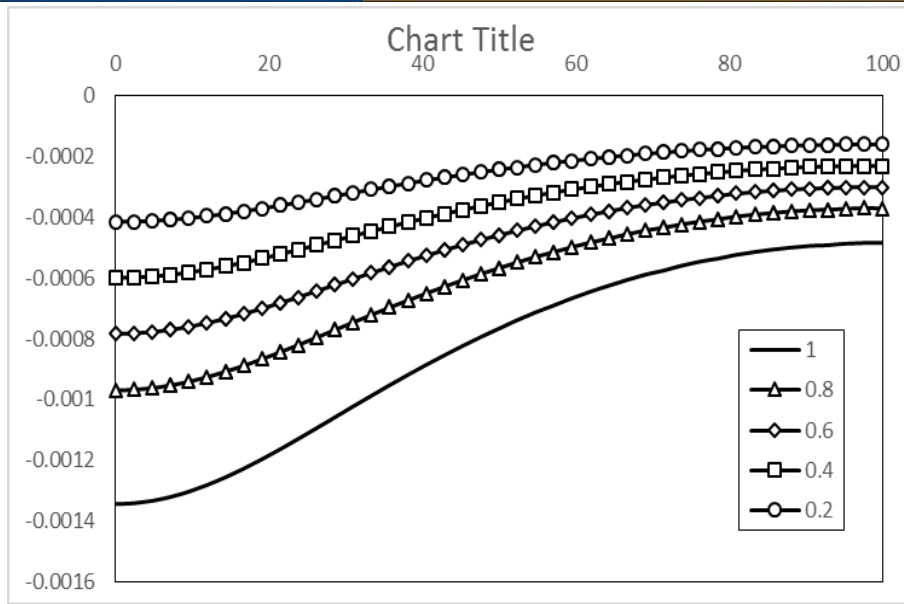


۳.۳. مقاومت راکبوت

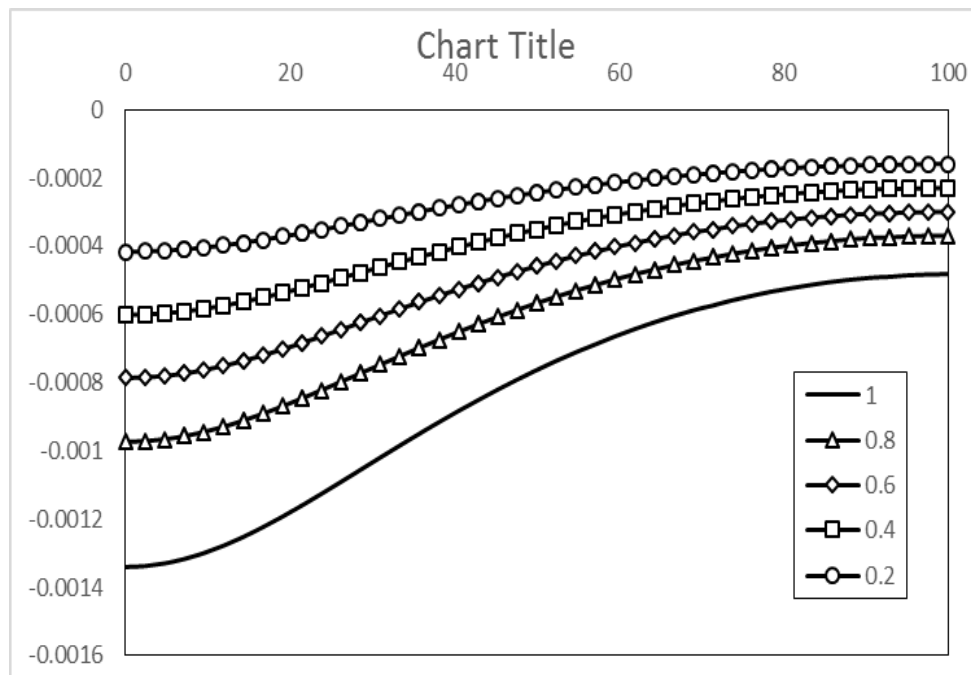
با بررسی سه مقاومت مختلف برای راکبوت (۱۰۰ مگانیوتن، ۱۰ مگانیوتن و ۱ مگانیوتن) مشاهده می شود که با افزایش مقاومت راکبوت مقدار نشست سطح زمین به شدت کاهش می یابد که این موضوع نشان دهنده کمک شایان راکبوتها و همچنین مشارکت خوب آنها در تحمل بار در حفر تونل در توده سنگ است.



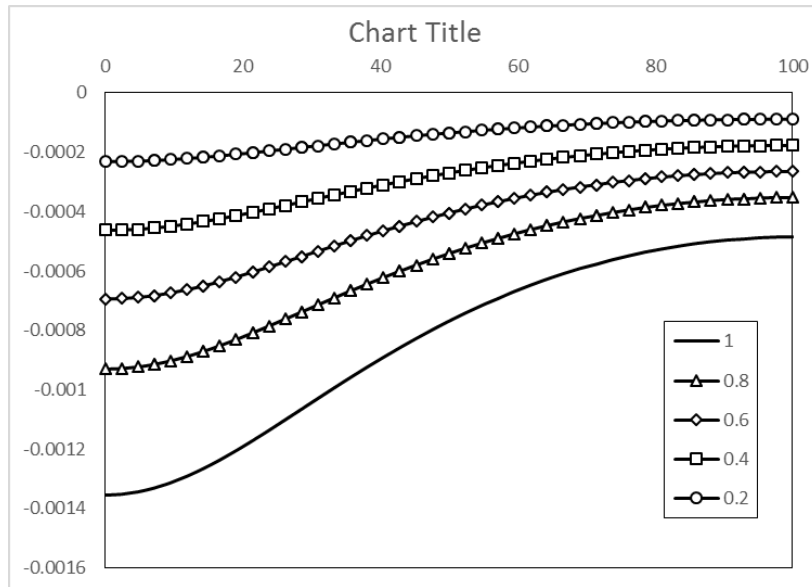
شکل ۱: تغییر مکان افقی (طول راکبوت ۲۴ متر، مقاومت راکبوت ۱۰۰ مگانیوتن)



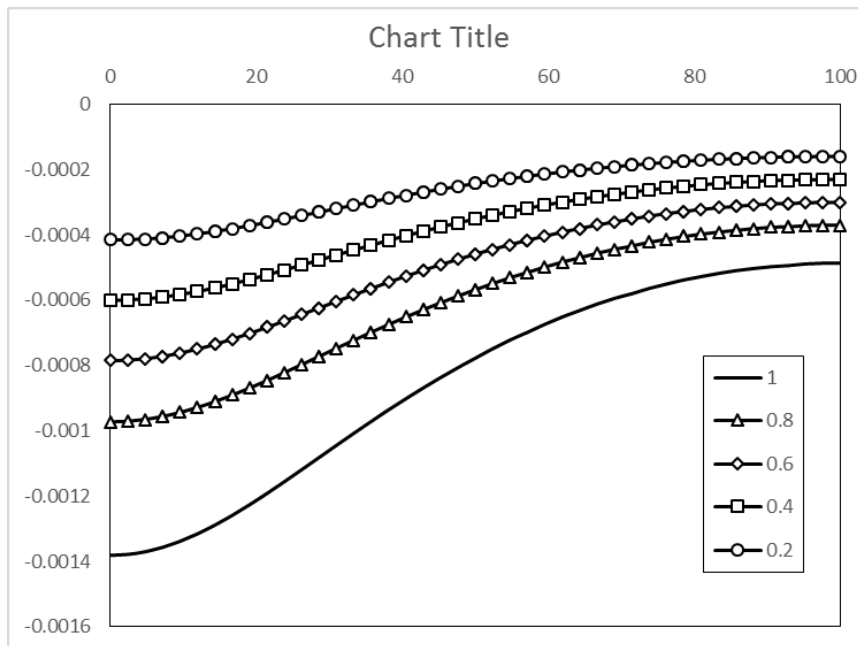
شکل ۲: تغییر مکان افقی (طول راکبوت ۱۴ متر، مقاومت راکبوت ۱۰۰ مگانیوتن)



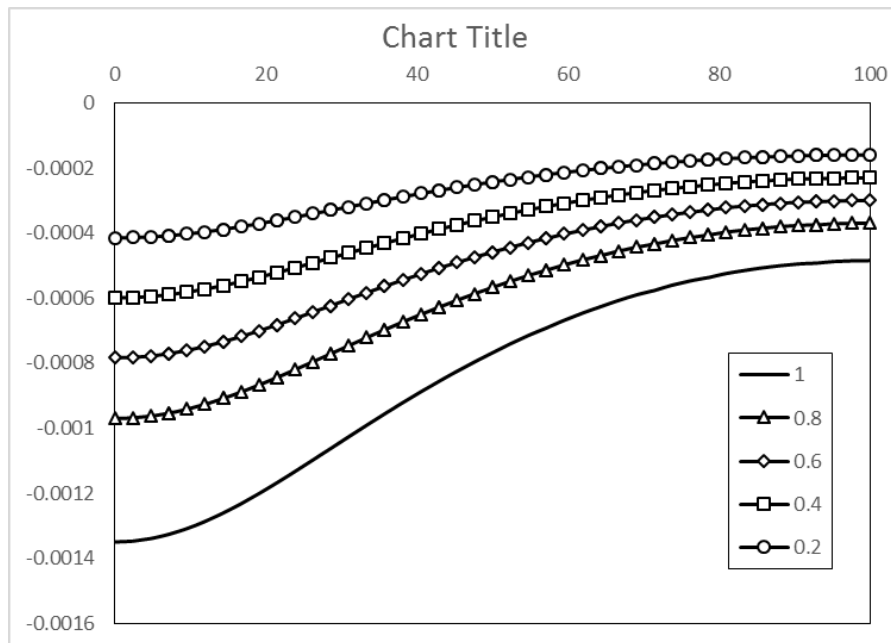
شکل ۳: تغییر مکان افقی (طول راکبوت ۷ متر، مقاومت راکبوت ۱۰۰ مگانیوتن)



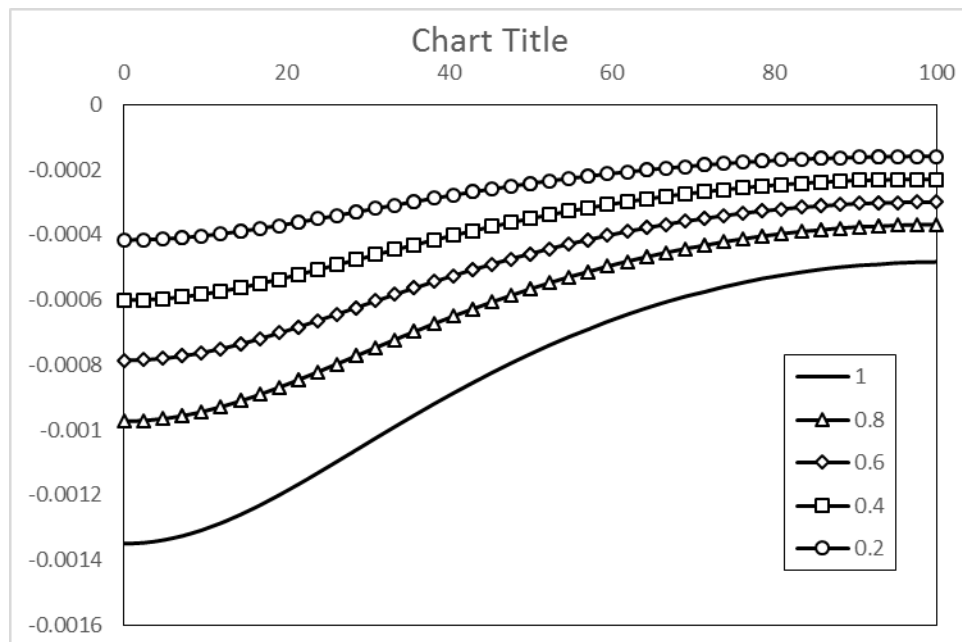
شکل ۴: تغییر مکان افقی (در غیاب راکبولت)



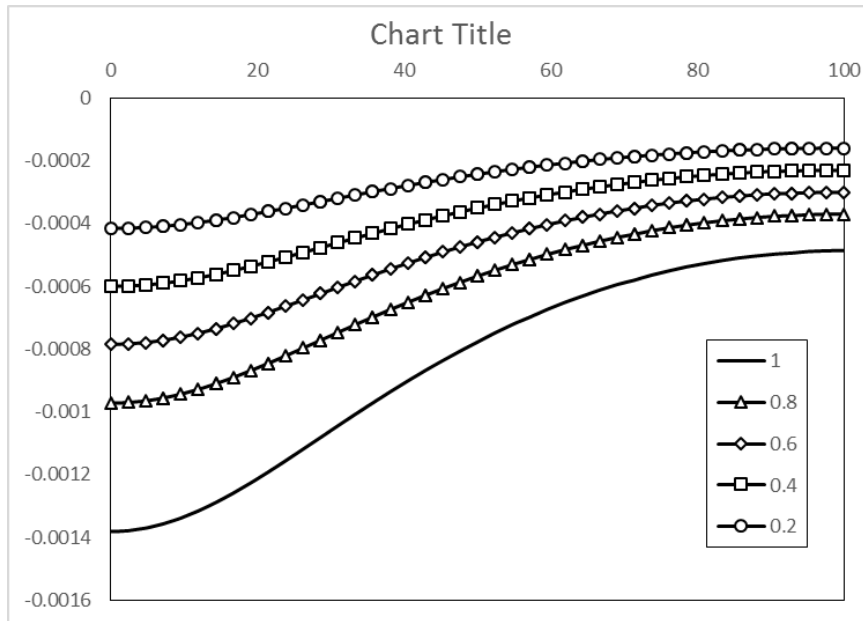
شکل ۵: تغییر مکان افقی (طول راکبولت ۲۴ متر، مقاومت راکبولت ۱۰ مگانیوتن)



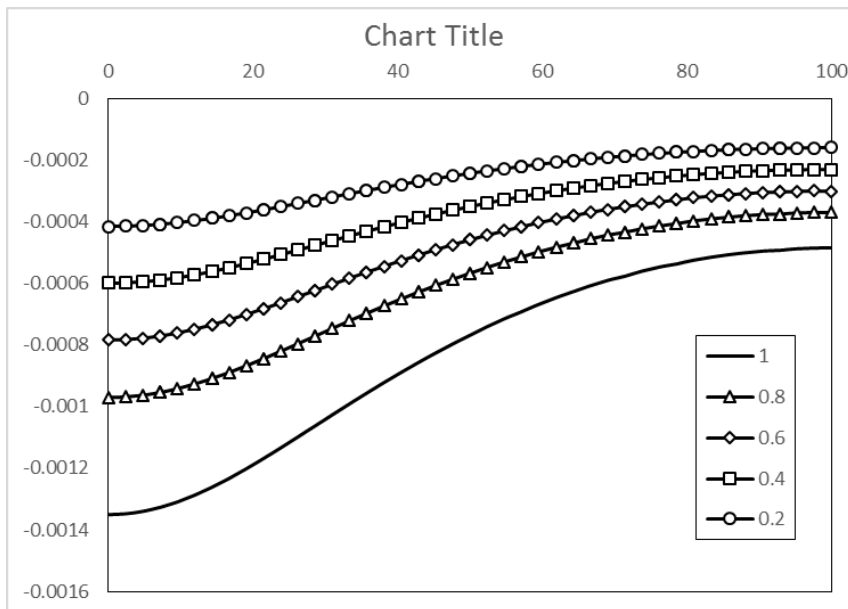
شکل ۶: تغییر مکان افقی (طول راکبوت ۱۴ متر، مقاومت راکبوت ۱۰ مگانیوتن)



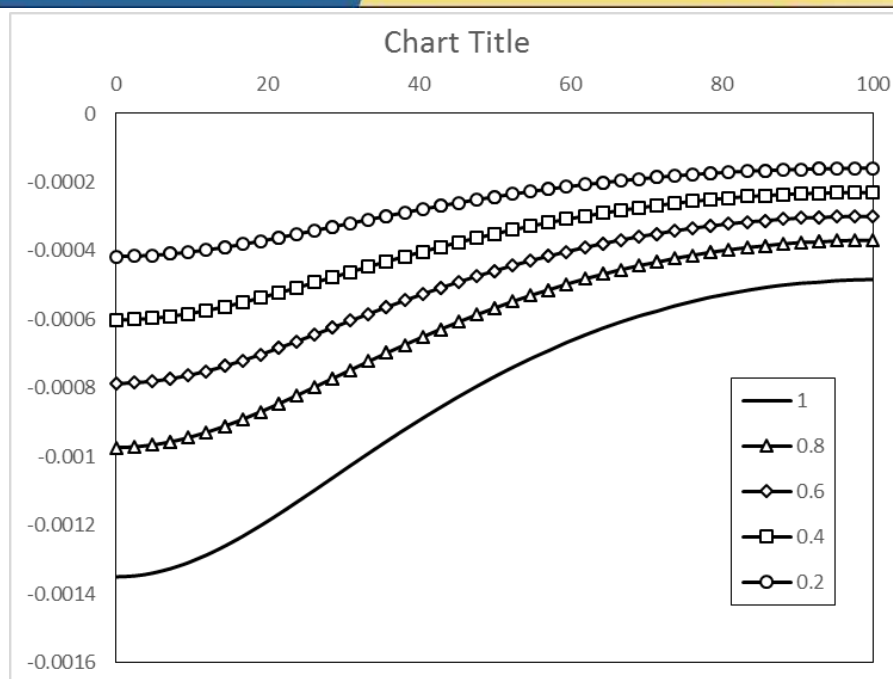
شکل ۷: تغییر مکان افقی (طول راکبوت ۷ متر، مقاومت راکبوت ۱۰ مگانیوتن)



شکل ۸: تغییر مکان افقی (طول راکبوت ۲۴ متر، مقاومت راکبوت ۱ مگانیوتن)



شکل ۹: تغییر مکان افقی (طول راکبوت ۱۴ متر، مقاومت راکبوت ۱ مگانیوتن)



شکل ۱۰: تغییر مکان افقی (طول راکبوت ۷ متر، مقاومت راکبوت ۱ مگانیوتن)

نتیجه گیری

۵- با صرف نظر از اینکه مقاومت راکبوتها و همچنین طول راکبوتها چقدر است، مقادیر نشست سطح زمین با افزایش مقدار آزادی تنش، زیاد می شود. این موضوع نشان دهنده حرکت توده سنگ اطراف تونل با افزایش آزادی به سمت محیط داخلی تونل است.

۵- با بررسی طولهای ۲۴، ۱۴ و ۷ متر مشاهده می شود که با افزایش طول راکبوت نشست سطح زمین صرفنظر از میزان آزادی تنش و همچنین مقاومت راکبوت با کاهش مواجه است. این موضوع نشان دهنده درگیری خوب بین راکبوت و توده سنگ در مواجهه با باربردای تونل است.

۶- با بررسی سه مقاومت مختلف برای راکبوت (۱۰۰ مگانیوتن، ۱۰ مگانیوتن و ۱ مگانیوتن) مشاهده می شود که با افزایش مقاومت راکبوت مقدار نشست سطح زمین به شدت کاهش می یابد که این موضوع نشان دهنده کمک شایان راکبوتها و همچنین مشارکت خوب آنها در تحمل بار در حفر تونل در توده سنگ است.



منابع

1. Fahimifar, A., Soroush, H., 2005. A theoretical approach for analysis of the interaction between grouted rockbolts and rock masses. *Tunneling and Underground Space Technology* 20, 333–343
2. Jeng, F.S., Huang, T.H., 1999. The holding mechanism of underreamed rockbolts in soft rock. *International Journal of Rock Mechanics and Mining Sciences* 36, 761–775.
3. Labiouse, V., 1996. Ground response curves for rock excavations supported by ungrouted tensioned rockbolts. *Rock Mechanics and Rock Engineering* 2q (1), 19–38.
4. Oreste, P., 2008. Distinct analysis of fully grouted bolts around a circular tunnel considering the congruence of displacements between the bar and the rock. *International Journal of Rock Mechanics and Mining Sciences* 45 (7), 1052–1067.
5. Cai, Y., Esaki, T., Jiang, Y., 2004. An analytical model to predict axial load in grouted rock bolt for soft rock, tunneling. *Tunneling and Underground Space Technology* 19, 607–618
6. Peila, D., Oreste, P.P., 1995. Axisymmetric analysis of ground reinforcing in tunneling design. *Computers and Geomechanics* 17, 253–274.
7. Peila, D., Oreste, P.P., 1996. Radial passive rockbolting in tunneling design with a new convergence-confinement model. *International Journal of Rock Mechanics and Mining Sciences and Geomechanics* 33, 443–454
8. Stille, H., 1983. Theoretical aspects on the difference between prestresses anchor bolt and grouted bolt in squeezing rock. In: *Proceeding of the International Symposium on Rock Bolting, Abisko*, pp. 65–73.
9. Stille, H., Holmberg, M., Nord, G., 1989. Support of weak rock with grouted bolts and shotcrete. *International Journal of Rock Mechanics and Mining Sciences* 26 (1), 99–113.
10. Fahimifar, A., Soroush, H., 2005. A theoretical approach for analysis of the interaction between grouted rockbolts and rock masses. *Tunneling and Underground Space Technology* 20, 333–343.
11. Hoek, E., Brown, E.T., 1980. *Underground Excavations in Rock*. The Institution of Mining and Metallurgy, London
12. Fahimifar, A., Soroush, H., 2005. A theoretical approach for analysis of the interaction between grouted rockbolts and rock masses. *Tunneling and Underground Space Technology* 20, 333–343
13. Ahmad Fahimifar, Masoud Ranjbarnia, 2013, Analytical approach for the design of active grouted rockbolts in tunnel stability based on convergence-confinement method, *Tunneling and Underground Space Technology*.
14. Zhu Changxing, Chang Xu, Men Youdong, Luo Xulin, 2015, Modeling of grout crack of rockbolt grouted system, *International Journal of Mining Science and Technology* 25 (2015) 73-77.
15. Li CC. A new energy-absorbing bolt for rock support in high stress rock masses. *International Journal of Rock Mechanics and Mining Sciences* 2010;47(3):396-404
16. W. Nie, Z.Y. Zhao, Y.J. Ning, Y.J. Ning, W. Guo, (2014), Numerical studies on rockbolts mechanism using 2D discontinuous deformation analysis.