



## تأثیر پارامترهای فرآیند ماشین کاری تخلیه الکتریکی روی نرخ برادهبرداری در ماشین کاری کامپوزیت A369-SiC<sub>p</sub>

حسین کشاورز<sup>\*</sup>، محمد مراد شیخی<sup>۱</sup>، نصرالله بنی مصطفی عرب<sup>۲</sup>، رضا نیکوی<sup>\*</sup>

۱- دانشجوی کارشناسی ارشد، ساخت و تولید، دانشگاه تربیت دیر تهران، رجایی، تهران

۲- استاد بار، ساخت و تولید، دانشگاه تربیت دیر تهران، رجایی، تهران

۳- استاد بار، ساخت و تولید، دانشگاه تربیت دیر تهران، رجایی، تهران

۴- کارشناسی ارشد، ساخت و تولید، دانشگاه تربیت دیر تهران، رجایی، تهران

\* تهران، منطقه پستی ۱۶۷۸۰-۱۲۶ h.keshavarz@srttu.edu

### چکیده

در تحقیق حاضر از فرآیند ماشین کاری تخلیه الکتریکی برای برادهبرداری از کامپوزیت پایه الومینیومی A369-SiC<sub>p</sub> استفاده شده است. اثر چهار پارامتر شدت جریان، ولتاژ گب، زمان روشنی و زمان خاموشی پالس بر نرخ برادهبرداری مورد بررسی قرار گرفت. به منظور کاهش تعداد آزمایشات و هزینه، روش سطح پاسخ چهت طراحی آزمایشات با در نظر گرفتن چهار پارامتر ذکر شده در سه مقطع بدکار گرفته شد. پیامندسازی پارامترها چهت بدست آوردن بیشترین میزان نرخ برادهبرداری انجام شد. بر اساس آنالیز واریانس صورت گرفته در تحقیق موثرترین پارامترها بر افزایش نرخ برادهبرداری، پارامترهای شدت جریان و زمان روشنی پالس بوده و همچنین تأثیر تغییر شناس داد که بیشترین نرخ برادهبرداری در حالت پیمایه حدود ۰/۲۱۸۹ gr/min را می‌توان در شدت جریان ۲۰ آمپر، ولتاژ ۶۶/۶۹ ولت، زمان روشنی پالس ۴۰۰ و زمان خاموشی پالس ۲۰۰ میکروثانیه بدست آورد.

**کلیدواژه:** ماشین کاری تخلیه الکتریکی، کامپوزیت پایه الومینیومی، روش سطح پاسخ، نرخ برادهبرداری، آنالیز واریانس

## An Experimental study to investigate the effect of the machining parameters on MRR in machining of A369-SiC<sub>p</sub> composite by EDM

Hosein keshavarz\*, Mohammad Morad sheikhi, Nasrollah Bani Mostafa Arab, Reza Nikoi

Department of Mechanical Engineering, Shahid Rajaee Teacher Training University, Tehran, Iran

\* P.O.B. 167 85-136, tehran, Iran, h.keshavarz@srttu.edu

### ABSTRACT

In the present study, the electrical discharge machining (EDM) process is used for aluminum matrix composite A369-SiC<sub>p</sub>. The effect of four process parameters such as peak current, gap voltage, pulse on and off time on material removal rate (MRR) is investigated. To reduce the number of tests and cost, the response surface methodology of design of experiments is employed by considering the above four parameters at three levels. These parameters were also optimized to obtain the maximum MRR. Based on the analysis of variance done in this study, the most effective parameters on MRR were peak current and pulse on time. Also, the results showed that the maximum MRR about 0.2189 gr/min was obtained when peak current, gap voltage, pulse on time and pulse off time were 20A, 69.697V, 400 and 300 micro-seconds, respectively.

**Keywords:** Aluminum Matrix Composite, Analysis of Variance, EDM, MRR, Response Surface Methodology.

در بین کامپوزیت‌های زمینه فازی، کامپوزیت‌های زمینه الومینیومی که دارای ذرات سرامیکی به عنوان تقویت کننده می‌باشند، ساختار جالبی دارند زیرا خواص مکانیکی برتر زمینه مانند انعطاف‌پذیری و چراغمگی، با استحکام بالای ذرات سرامیکی ترکیب می‌شوند. در نتیجه این کامپوزیت‌ها به دلیل خواص ویژه از جمله استحکام، مدول الاستیک، مقاومت به سایش بالا، مقاومت به خوردگی خوب و دمای استفاده بالاتر آن نسبت به فلزات و آلیاژهای تقویت نشده‌ی مرسم، مورد توجه محققان قرار گرفته‌اند. به عنوان نمونه، ذرات SiC<sub>p</sub> دارای مدول الاستیک بالا می‌باشند و در صورتی که فصل مشترک مناسبی بین ذرات SiC<sub>p</sub> و زمینه‌ی الومینیومی ایجاد شود، می‌تواند باعث افزایش استحکام کامپوزیت گردد [۳,۲].

کامپوزیت‌های زمینه فازی به روش‌های مختلفی ساخته می‌شوند از جمله می‌توان به آلیاژسازی مکانیکی، متالورژی پودر، ایجاد باند نفوذی، ریخته‌گری

Please cite this article using:

H. keshavarz, M.M. sheikhi, N. Bani Mostafa Arab, R. Nikoi, An Experimental study to investigate the effect of the machining parameters on MRR in machining of A369-SiC<sub>p</sub> composite by EDM, Modares Mechanical Engineering, Proceedings of the Advanced Machining and Machine Tools Conference, Vol. 15, No. 13, pp. 387-392, 2015 (in Persian)

**۱- مقدمه**  
کامپوزیت‌ها به طور مداوم در حال جایگزینی مواد با ساختارهای سنتی هستند. مواد کامپوزیتی شامل حداقل دو فاز متفاوت از لحاظ خواص مکانیکی، فیزیکی و شیمیایی هستند که به منظور فراهم کردن خصوصیاتی که به وسیله‌ی هیچ یک از فازها به طور مستقل ایجاد نمی‌شود، در هم توزیع شده‌اند. زمینه‌ی کامپوزیت می‌تواند فاز، پلیمر و یا سرامیک باشد. فاز دوم ممکن است به صورت پیوسته یا ناپیوسته باشد که فاز پیوسته به صورت الیافی یا لایه‌ای و فاز ناپیوسته به صورت الیاف کوتاه، ویسکرها و یا ذرات می‌باشد. توسعه کامپوزیت‌های زمینه فازی<sup>۱</sup> تقویت شده با ذرات از مهمترین ابداعات در زمینه‌ی مواد پیشرفته قلمداد شده است [۱].

### 1. MMC (Metal Matrix Composite)

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:

H. keshavarz, M.M. sheikhi, N. Bani Mostafa Arab, R. Nikoi, An Experimental study to investigate the effect of the machining parameters on MRR in machining of A369-SiC<sub>p</sub> composite by EDM, Modares Mechanical Engineering, Proceedings of the Advanced Machining and Machine Tools Conference, Vol. 15, No. 13, pp. 387-392, 2015 (in Persian)

در این تحقیق از تکنیک باکس بنکن<sup>۷</sup> و روش سطح پاسخ جهت بسط یک مدل تخمینی مرای پیش‌بینی تأثیر پارامترهای شدت جریان، زمان روشنی پالس، زمان خاموشی پالس و ولتاژ گپ بر میزان نرخ براده برداری روی کامپوزیت  $\text{SiC}_\text{p}$  A369-10% استفاده شده است. ضمن این که برای به دست آوردن بیشترین نرخ براده برداری پارامترهای فوق بهینه‌سازی می‌شوند.

## ۲- مواد و روش آزمایش

### ۲-۱- تهیه مواد و ساخت کامپوزیت

در این تحقیق از آلیاژ آلمینیوم A369 به عنوان فاز زمینه استفاده شده است. ترکیب شیمیایی این آلیاژ در جدول ۱ آمده است. از پودر  $\text{SiC}_\text{p}$  با درجه خلوص ۹۹/۵ و اندازه متوسط ۵ میکرون متر به عنوان فاز تقویت کننده استفاده شده است. این ذرات را در دمای حدود ۱۱۰۰ درجه سانتی-گراد به مدت ۲ ساعت عملیات حرارتی می‌کنند، سپس از سرند الکتریکی با مش ۱۰۰۰ عبور داده تا ذرات کاملاً از هم جدا شوند.

برای تولید کامپوزیت از روش ریخته گری هم‌زدنی<sup>۴</sup> استفاده می‌شود. در این روش ابتدا شمش آلمینیوم موردنظر توزین شده را درون کوره حرارتی قرار داده و پس از آمده شدن مذاب همزمان گاز آرگون به سطح مذاب دمیده می‌شود. سپس پروانه گرافیتی به صورتی که حدوداً ۶/۶۵ مذاب زیر آن قرار گیرد به مدت تقریباً ۵ دقیقه با سرعت ۷۵ دور بر دقیقه می‌چرخد. آن کاه پودر کاریید سیلیسیم موردنظر را که در دمای ۲۰۰ درجه سانتی‌گراد پیش‌گرم شده، با دبی ۵ تا ۱۰ گرم در دقیقه به مذاب اضافه می‌کنند. پس از آن پروانه گرفتی با سرعت ۵۰ دور بر دقیقه به مدت ۱۵ تا ۲۰ دقیقه درون مذاب به صورتی قرار می‌گیرد که ۲/۵۵ مذاب زیر پروانه باشد تا هم‌زن گرافیتی دوغاب کامپوزیتی را به خوبی مخلوط کند. شکل ۱ تجهیزات به کار رفته در تولید کامپوزیت به روش ریخته گری هم‌زدنی را نشان می‌دهد. مذاب کامپوزیتی را درون قالب از جنس فولاد ساختمانی دو تکه، با سطح جدایش عمودی به قطر داخلی ۴۱ میلی‌متر و ارتفاع ۲۰۰ میلی‌متر که از قبل تا دمای ۱۰۰ درجه سانتی‌گراد پیش‌گرم شده است می‌ریزند. شکل ۲ الف بیلت‌های کامپوزیتی ریخته گری شده در قالب فازی را نشان می‌دهد.

در این تحقیق بیلت‌ها به کمک ابزار برشی PCD 1600 روی دستگاه تراش به قطر ۴۰ و طول ۱۵ میلی‌متر تقسیم شده‌اند (شکل ۲ ب). پس از عملیات سنباده‌زنی و پولیش، جهت مشاهده ریز ساختار نمونه توسط میکروسکوپ الکترونی روبشی<sup>۵</sup> VEGA TESCAN HIVAC سطح قطعه به مدت ۲۵۰ ثانیه توسط محاول HF ۷/۵ به همراه آب مقطر اج شدند. شکل ۳ تصویر میکروسکوپی سطح کامپوزیت  $\text{SiC}_\text{p}$  A369-10% را نشان می‌دهد.

### ۲-۲- طراحی آزمایش

پس از انجام ماشین کاری تخلیه الکتریکی روی چند نمونه از کامپوزیت ساخته شده محدوده پارامترهای تنظیمی جهت طراحی آزمایشات مشخص شد. در این تحقیق چهار فاکتور قابل کنترل بر انجام فرآیند (جریان، زمان روشنی پالس، زمان خاموشی پالس و ولتاژ گپ) شناسایی شدند.

جدول ۱ ترکیب شیمیایی آلیاژ زمینه بر حسب درصد وزنی

Si	Cr	cu	Fe	Mg	Mn	Zn	Ni	Ti
۱۱/۷	-۰/۲	-۰/۲	-۰/۱	-۰/۱	-۰/۱	-۰/۱	-۰/۲	-۰/۱

3.8 xx Behnken

4. Stir Casting

5. SEM (scanning Electron Microscope)

و غیره اشاره کرد. در کامپوزیت‌های زمینه فازی، روش‌های ریخته‌گری به دلیل سهولت تولید و هزینه‌ی پایین‌تر بیش از سایر روش‌ها در تولید این‌بوه قطعات صنعتی مورد توجه قرار گرفته است [۳۲].

کاربرد کامپوزیت‌های زمینه آلمینیومی تقویت شده با ذرات  $\text{SiC}_\text{p}$  به دلیل قابلیت ماشین کاری تخلیه الکتریکی سطح مطلوب و سایش بیش از اندازه ابزار برشی محدود شده است [۴]. با توجه به سختی و استحکام بالاتر مواد تقویت کننده، ماشین کاری سنتی مواد کامپوزیتی زمینه فازی با مشکلاتی روبرو است. در این میان فرآیند ماشین کاری تخلیه الکتریکی<sup>۱</sup> روش قابل توجه‌ای برای ماشین کاری این گونه از کامپوزیت‌ها است از آن-جایی که در فرآیند ماشین کاری تخلیه الکتریکی نیازی به افزایش مکانیکی نیست، نرخ براده برداری تحت تأثیر ویزگی‌های مواد از جمله سختی، استحکام و چرمگی وغیره قرار نمی‌گیرد. مواد با قابلیت ماشین کاری ضعیف مثل کاربیدهای تنگستن سماته شده و کامپوزیت‌ها را می‌توان بدون مواجه شدن با مشکل خاصی با فرآیند ماشین کاری تخلیه الکتریکی براده برداری کرد [۵،۶].

تحقیقات انجام گرفته در مورد ماشین کاری تخلیه الکتریکی روی کامپوزیت-های زمینه فازی تقویت شده با ذرات گزارش شده است. جورج و همکارانش تأثیر سه پارامتر را در دو سطح در ماشین کاری تخلیه الکتریکی روی کامپوزیت کربن-کربن مورد بررسی قرار دادند. آن‌ها گزارش داده‌اند که شدت جریان و زمان روشنی پالس بیشترین تأثیر را بر میزان نرخ براده برداری و سایش الکترود دارد [۷]. کارتیکیان و همکارانش تأثیر پارامترهای شدت جریان، زمان روشنی پالس و افزایش درصد ذرات سیلیکون کارباید را در ماشین کاری با تخلیه الکتریکی کامپوزیت آلمینیوم-سیلیکون کارباید بررسی کرده‌اند. آن‌ها گزارش داده‌اند که با تغییر در پارامترهای فوق مقدار نرخ براده برداری، نرخ سایش ابزار و زیری سطح تغییر می‌کند [۸]. در تحقیقی تأثیر درصد حجمی  $\text{SiC}_\text{p}$  و فشار مایع شستشو به همراه سایر پارامترها در ماشین کاری با تخلیه الکتریکی کامپوزیت آلمینیوم-سیلیکون کارباید مطالعه قرار گرفته است. در این تحقیق مشخص شد که با افزایش درصد  $\text{SiC}_\text{p}$  مقدار نرخ براده برداری کاهش، نرخ سایش ابزار و مقدار زیری سطح افزایش می‌باشد [۹،۱۰]. موهان و همکارانش تأثیر پارامترهای مختلف را در سوراخ-کاری ماشین کاری تخلیه الکتریکی روی کامپوزیت‌های  $\text{Al}-10\% \text{SiC}_\text{p}$  و  $\text{Al}-\text{AL6025-SiC}_\text{p}$  بررسی کرده و گزارش داده‌اند که افزایش سرعت دوران الکترود باعث افزایش نرخ براده برداری، کاهش نرخ سایش ابزار و بهتر شدن صافی سطح می‌شود [۱۱،۱۲]. هارمش کومار و همکارانش ضمن انجام یک مطالعه تجربی روی پارامترهای ماشین کاری کامپوزیت  $\text{Al}-10\% \text{SiC}_\text{p}$  نشان داده‌اند که مخلوط کردن پودر سیلیکون در مایع دی‌الکتریک ماشین کاری تخلیه الکتریکی نرخ براده برداری را افزایش داده و میزان زیری سطح را کاهش می‌دهد [۱۳].

روش سطح پاسخ یک تکنیک آنالیز آماری است که در حوزه‌های مختلف برای مشخص کردن تغییرات منطقی در پاسخ و برقراری ارتباط بین پاسخ و مقادیر ورودی استفاده می‌شود [۱۴]. در این روش یک سری از آزمایشات برای اندازه گیری پاسخ معین طراحی می‌شود که در آن بر اساس یک مدل ریاضی بسط داده شده، ارتباط بین پاسخ و مقادیر ورودی مشخص می‌شود. در این مدل ریاضی تمامی فاکتورهای خطی، مربع و کنش-واکنش بین پارامترها برای پیش‌بینی روی مقدار پاسخ تأثیرگذار است [۱۵].

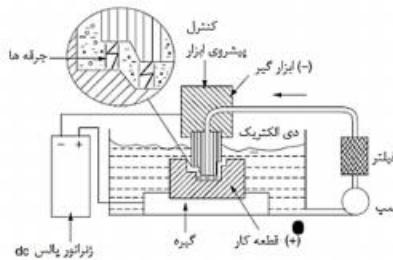
1. EDM (Electrical Discharge Machining)

2. RSM (Response Surface Method)

### ۳-۲- روش انجام آزمایش

مدل ماشین تخلیه الکتریکی مورد استفاده از نوع ZNC ۴۰۰ شرکت تهران اکرام، الکترود مسی مورد مصرف به قطر ۱۰ میلی‌متر با درجه خلوص ۷۹/۹٪ و مایع شست و شو از نوع نفت سفید تجاری می‌باشد. شکل ۴ طرح ساده ماشین تخلیه الکتریکی را نشان می‌دهد. جهت توزین قطعه از ترازوی دیجیتالی با دقت ۰/۱ گرم استفاده شده است. زمان ماشین کاری همه قطعات ۱۵ دقیقه و سایر شرایط ماشین کاری در تمام آزمایشات یکسان می‌باشد. نرخ برآورده برداری از اختلاف وزن قطعات، قبل ( $W_{jb}$ ) و بعد از ماسین کاری ( $W_{ja}$ ) مطابق رابطه (۱) بدست می‌آید. در جدول ۳ نرخ برآورده برداری بدست آمده از آزمایشات به عنوان پاسخ آنها نشان داده شده است.

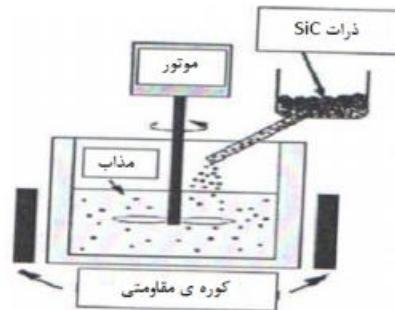
$$MRR = \frac{W_{jb} - W_{ja}}{t} \quad (1)$$



شکل ۴ طرح ساده ماشین کاری تخلیه الکتریکی

جدول ۳ طرح اولیه و نرخ برآورده برداری در تمام آزمایشات

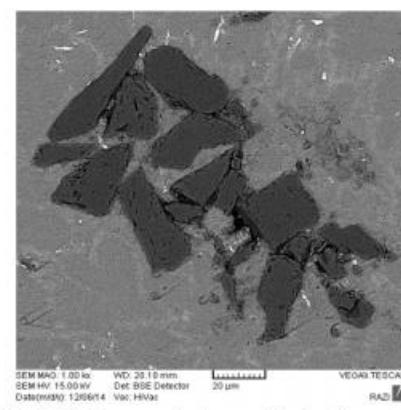
MRR (gr/min)	$T_{0ff}(\mu s)$	$T_{on}(\mu s)$	$V(V)$	$I(A)$	آزمایش	
					شماره	آزمایش
-J-۸۴-	۲۲۵	۳۰۰	۴۰	۸	۱	
-J۱۴۴-	۲۲۵	۳۰۰	۴۰	۲۰	۲	
-J-۷۰-	۲۲۵	۳۰۰	۷۰	۸	۳	
-J۱۴۵۲	۲۲۵	۳۰۰	۷۰	۲۰	۴	
-J۱۲۵۴	۱۵۰	۲۰۰	۵۵	۱۴	۵	
-J۱۲۹۵	۱۵۰	۴۰۰	۵۵	۱۴	۶	
-J-۹۳-	۳۰۰	۲۰۰	۵۵	۱۴	۷	
-J۱۸۲۹	۳۰۰	۴۰۰	۵۵	۱۴	۸	
-J-۷۸۹	۱۵۰	۳۰۰	۵۵	۸	۹	
-J۱۵۴۵	۱۵۰	۳۰۰	۵۵	۲۰	۱۰	
-J-۸۰-	۳۰۰	۳۰۰	۵۵	۸	۱۱	
-J۱۴۲۲	۳۰۰	۳۰۰	۵۵	۲۰	۱۲	
-J۱۲۵۱	۲۲۵	۲۰۰	۴۰	۱۴	۱۳	
-J-۸۷۵	۲۲۵	۲۰۰	۷۰	۱۴	۱۴	
-J۱۵۰۷	۲۲۵	۴۰۰	۴۰	۱۴	۱۵	
-J۱۷۲۵	۲۲۵	۴۰۰	۷۰	۱۴	۱۶	
-J-۸۴۳	۲۲۵	۳۰۰	۵۵	۸	۱۷	
-J-۱۲۳	۲۲۵	۲۰۰	۵۵	۲۰	۱۸	
-J-۹۴-	۲۲۵	۴۰۰	۵۵	۸	۱۹	
-J۲۰۲۹	۲۲۵	۴۰۰	۵۵	۲۰	۲۰	
-J۱۲۴-	۱۵۰	۳۰۰	۴۰	۱۴	۲۱	
-J۱۲۴۱	۱۵۰	۳۰۰	۷۰	۱۴	۲۲	
-J۱۲۱-	۳۰۰	۳۰۰	۴۰	۱۴	۲۳	
-J۱۲۶۱	۳۰۰	۳۰۰	۷۰	۱۴	۲۴	
-J۱۴۲۸	۲۲۵	۳۰۰	۵۵	۱۴	۲۵	
-J۱۴۲۷	۲۲۵	۳۰۰	۵۵	۱۴	۲۶	
-J۱۴۲۶	۲۲۵	۳۰۰	۵۵	۱۴	۲۷	



شکل ۱ تجهیزات به کار رفته در تولید کامپوزیت به روش ریخته‌گری همزدگی



شکل ۲ a. بیلت کامپوزیت ریخته‌گری شده b: ماشین کاری و برش کاری بیلت‌ها



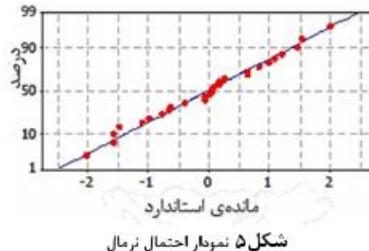
شکل ۳ تصویر میکروسکوپ الکترونی سطح کامپوزیت A369-10%SiC<sub>p</sub>

هر کدام از فاکتورها نیز در سطح برآورده برداری روش باکس بنکن تعریف شدند. جدول ۲ پارامترها و سطوح آن را مشخص می‌کند. در جدول ۲ ابتداء، انتها و حد میانی بازه تغییرات مشخص شده است. طراحی آزمایشات، تجزیه و تحلیل داده‌ها به روش سطح پاسخ و با استفاده از نرم‌افزار تحلیل آماری مینی‌تب ۱ انجام شده است. در این روش با ورود ابتداء و انتهای بازه تغییرات در نرم‌افزار، طراحی آزمایش با در نظر گرفتن سه نقطه مرکزی و ۳ بار نکرار انجام گرفت. ۲۷ آزمایش طراحی شده به همراه پاسخ‌ها در جدول ۳ نشان داده شده است.

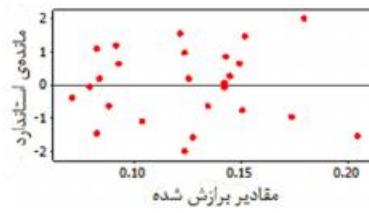
جدول ۲ پارامترها و سطوح آن‌ها

علامت	پارامترها	سطوح
		-1 0 +1
A	I جریان(آمپر)	۸ ۱۴ ۲۰
B	V ولتاژ ( ولت)	۴۰ ۵۵ ۷۰
C	T <sub>on</sub> زمان روشنی (میکرو ثانیه)	۲۰۰ ۳۰۰ ۴۰۰
D	T <sub>off</sub> زمان خاموشی (میکرو ثانیه)	۱۵۰ ۲۲۵ ۳۰۰

1. minitab



شکل ۵ نمودار اختصار نرمال



شکل ۶ مقدار باقیمانده عبارت حسب مقدار تخمین زده

نمونه‌ها طبق شرایط آزمایشات اصلی آمده شدند. در جدول ۵ تعداد و شرایط نمونه‌های جدید، مقدار پاسخ‌های واقعی، مقدار پاسخ‌های پیش‌بینی شده براساس مدل تجربی و درصد خطاهای ارائه شده است. با توجه به این جدول می‌توان گفت که حداکثر خطای مدل ۶/۴۵ بوده است. بنابراین طبیعی آزمایشات تأییدی می‌توان گفت که رابطه به دست آمده در این تحقیق، قادر به پیش‌بینی پاسخ با دقت کافی می‌باشد. جدول (۵).

#### ۴ بررسی اثر پارامترها

در این جا تاثیر پارامترها به صورت دو به دو، بر نرخ برادهبرداری، توسط نمودارهای دو بعدی و سپس سه بعدی به تصویر کشیده می‌شود.

#### ۴-۱ نمودار شدت جریان - زمان روشنی پالس

تأثیر کنش واکنش پارامترهای شدت جریان و زمان روشنی پالس به صورت دو بعدی و سه بعدی در شکل ۷ الف و ب نشان داده شده است. با توجه به این نمودار می‌توان گفت که با افزایش شدت جریان در هر زمان روشنی پالس و همچنین با افزایش زمان روشنی پالس در هر شدت جریانی نرخ براده-برداری افزایش پیدا می‌کند. برای رسیدن به بالاترین نرخ برادهبرداری باید هر دو پارامتر در بالاترین مقدار خود قرار گیرند و این در صورتی است که ولتاژ و زمان خاموشی پالس هر دو در بالاترین سطح خود قرار داشته باشند.

#### ۴-۲ نمودار شدت جریان - زمان خاموشی پالس

شکل ۸ الف و ب تاثیر تعامل پارامتر شدت جریان و زمان خاموشی پالس را نشان می‌دهد. این نمودار می‌توان فهمید که با افزایش شدت جریان در هر زمان خاموشی پالس نرخ برادهبرداری افزایش می‌باید و افزایش زمان خاموشی پالس نرخ برادهبرداری را به مقدار کمی افزایش می‌دهد. در این شرایط ولتاژ و زمان روشنی پالس در بالاترین سطح خود قرار داردند.

#### ۴-۳ نمودار ولتاژ - زمان روشنی پالس

شکل ۹ الف و ب تاثیر دو پارامتر ولتاژ و زمان روشنی پالس را روی نرخ برادهبرداری در حالتی که شدت جریان و زمان خاموشی پالس در بالاترین سطح قرار دارند نشان می‌دهد. آن‌چه در این نمودار مشخص است این است

#### ۳- آنالیز واریانس<sup>۱</sup> و مدل ریاضی نرخ برادهبرداری

در این جا ابتدا نتایج بدست آمده از نرخ برادهبرداری، به عنوان پاسخ به محیط نرم‌افزار وارد گردید. سپس توسط تحلیل گر نرم‌افزار مورد اولین مرحله آنالیز قرار گرفت که در این مرحله نمودارهای باقی مانده‌ها چهارتایی، شواهد غیرمتقارف، توابع رگرسیونی و جدول آنالیز واریانس بدست آمد. شکل ۵ نشان می‌دهد توزیع مانده‌ها نرمال است و نمودار احتمال نرمال موجود، حاکی از این است که درصد بالایی از مانده‌ها روی خط مستقیم قرار دارند و یا خیلی از آن انحراف ندارند. همواره بین مقدار پیش‌بینی شده توسط یک رابطه منسوب به مقادیر آزمایشی با مقدار واقعی تفاوتی وجود دارد که این تفاوت می‌تواند به دلیل وجود خطاهای اندازه‌گیری و همچنین ناشی از دیگر پارامترهای فرآیند باشد که به دلایل مختلفی از جمله غیرقابل کنترل بودن و غیرقابل اندازه‌گیری بودن، یا برای ساده‌سازی در نظر گرفته نشده است. مانده‌های به دست آمده از رابطه رگرسیونی (رابطه ۲) بدست آمده از این تحقیق دارای توزیع مناسبی هستند و مانده‌های ناشی از مقادیر تخمینی مربوط به هر مشاهده، ریتم و الگوی خاصی ندارند. شکل (۶). رابطه رگرسیونی نرخ برادهبرداری که از این آنالیز اولیه به دست آمده است به صورت رابطه (۲) بیان می‌شود. این معادله بر حسب مقادیر واقعی (کد نشده) پارامترها نوشته شده است. همچنان که در این رابطه مشاهده می‌شود تمامی فاکتورهای خطی، مربع و کنش واکنش در این رابطه تأثیر گذارند.

$$\begin{aligned} MRR = & 0.215956 + 0.011036 I + 0.000270 V - 0.001348 Ton - \\ & 0.000255 Toff - 0.000624 I^I + 0.000043 V^V + \\ & 0.0000001 Ton^*Ton - 0.000001 Toff^*Toff + 0.000042 I^*V + \\ & 0.000038 I^*Ton + 0.000007 I^*Toff + 0.000010 V^*Ton + \\ & 0.000003 V^*Toff + 0.000002 Ton^*Toff \end{aligned} \quad (2)$$

پس از حذف کلیه نقاط پرت آزمایش و حذف فاکتورهای نامثر موجود در آنالیز اولیه، جدول آنالیز واریانس نهایی تهیه شد که به صورت جدول ۴ ارائه شده است. نتایج این مرحله به عنوان نتایج نهایی در نظر گرفته شده است. رگرسیون نرخ برادهبرداری که از آنالیز نهایی نتایج بدست آمده است به صورت رابطه (۳) بیان می‌شود. این رابطه نیز براساس مقادیر واقعی (کد نشده) نوشته شده است این رابطه به عنوان مدل تجربی پیش‌بینی کننده نرخ برادهبرداری در نظر گرفته می‌شود.

$$\begin{aligned} MRR = & 0.198766 + 0.011292 I + 0.000431 V - 0.001289 Ton + \\ & 0.000228 Toff - 0.000633 I^I + 0.000045 V^V + \\ & 0.000001 Toff^*Toff + 0.000042 I^*V + 0.000038 I^*Ton - \\ & 0.000008 I^*Toff + 0.000010 V^*Ton + 0.000003 V^*Toff + \\ & 0.000002 Ton^*Toff \end{aligned} \quad (3)$$

همچنان که در این رابطه مشاهده می‌شود تمامی فاکتورهای خطی، همه کنش واکنش‌ها، محدود ولتاژ، محدود زمان خاموشی پالس و محدود شدت جریان در این رابطه تأثیرگذارند و فقط محدود زمان روشنی پالس در مرحله وجود ندارد. این موضوع از آن جا ناشی می‌شود که مقدار  $p$  در مرحله آنالیز واریانس، از ۰-۵-۱ بیشتر بوده بنابراین محدود زمان روشنی پالس در مرحله نهایی آنالیز حذف شده است. ضمن این که مقدار فاکتور  $R^2$  در این تحلیل فاکتور به مقدار ۷۸/۹۹ می‌باشد که به حد ۱۰۰٪ خیلی نزدیک بودن این برادهبرداری در حد قابل توجهی است.

#### ۳- آزمایشات تأییدی

برای تأیید دقت مدل تجربی بدست آمده در این تحقیق، لازم است که آزمایشات جدیدی انجام گیرد تا درصد خطای رابطه حاصل سنجیده شود.

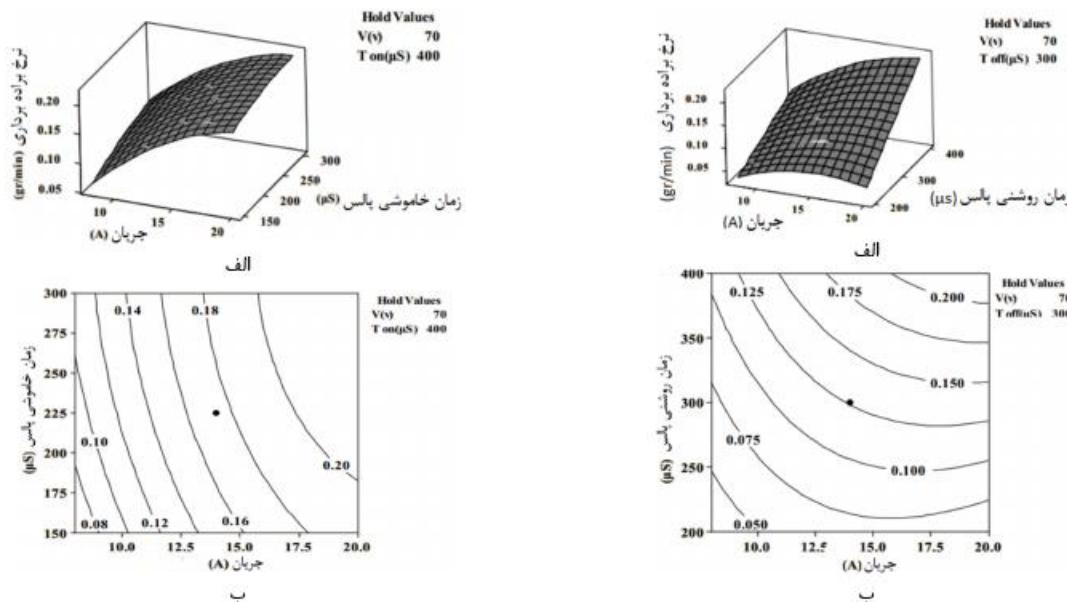
جدول ۴ آنالیز واریانس تهیات

Source	D.F	Seq SS	Adj SS	Adj MS	F	P
Regression	۱۷	.۱۰۲۰۲۲۹	.۱۰۲۰۲۲۹	.۰۰۲۳۲۵	۴۶۱/۹۴	<.۰۰۱
Linear	۴	.۱۰۲۲۷۹۷	.۱۰۲۲۷۹۷	.۰۰۰۸۳۱	۱۶۰/۰۴	<.۰۰۱
I(A)	۱	.۰۰۱۲۳۲۰	.۰۰۱۲۳۲۰	.۰۰۱۲۳۲۰	۷۸/۷۹	<.۰۰۱
V(v)	۱	.۰۰۰۹۳۳	.۰۰۰۹۳۳	.۰۰۰۹۳۳	.۰۰۹	.۰۰۹
T on(µS)	۱	.۰۰۰۹۴۴۷	.۰۰۰۹۴۴۷	.۰۰۰۹۴۴۷	۴۶۷/۹۴	<.۰۰۱
T off(µS)	۱	.۰۰۰۰۳۷	.۰۰۰۰۳۷	.۰۰۰۰۳۷	۴/۴۷	.۰۵۴
Square	۳	.۰۰۰۲۲۴۳	.۰۰۰۲۲۴۳	.۰۰۰۰۷۱۱	۲۱۴/۷۴	<.۰۰۱
I(A)*I(A)	۱	.۰۰۰۲۵۲۵	.۰۰۰۲۵۲۵	.۰۰۰۰۷۱۲	۶۱۹/۸۴	<.۰۰۱
V(v)*V(v)	۱	.۰۰۰۴۵۴	.۰۰۰۴۵۴	.۰۰۰۰۶۱	۱۲۱/۰۹	<.۰۰۱
T off(µS)*T off(µS)	۱	.۰۰۰۰۴۹۵	.۰۰۰۰۴۹۵	.۰۰۰۰۴۹۵	۵۲/۵۸	<.۰۰۱
Interaction	۶	.۰۰۰۴۱۹۰	.۰۰۰۴۱۹۰	.۰۰۰۰۶۹۸	۱۳۸/۷۲	<.۰۰۱
I(A)*V(v)	۱	.۰۰۰۰۵۸	.۰۰۰۰۵۸	.۰۰۰۰۵۸	۱۱/۴۷	.۰۵۴
I(A)*T on(µS)	۱	.۰۰۰۰۲۶۶	.۰۰۰۰۲۶۶	.۰۰۰۰۲۶۶	۴۱/۳۶	<.۰۰۱
I(A)*T off(µS)	۱	.۰۰۰۰۴۶	.۰۰۰۰۴۶	.۰۰۰۰۴۶	۹/۰۵	.۰۱۰
V(v)*T on(µS)	۱	.۰۰۰۰۸۸۲	.۰۰۰۰۸۸۲	.۰۰۰۰۸۸۲	۱۷۵/۲۳	<.۰۰۱
V(v)*T off(µS)	۱	.۰۰۰۰۵۶	.۰۰۰۰۵۶	.۰۰۰۰۵۶	۱۱/۱۷	.۰۰۵
T on(µS)*T off(µS)	۱	.۰۰۰۰۱۸۲	.۰۰۰۰۱۸۲	.۰۰۰۰۱۸۲	۲۱۵/۰۳	<.۰۰۱
Residual Error	۱۷	.۰۰۰۰۶۵	.۰۰۰۰۶۵	.۰۰۰۰۶۵		
Lack of Fit	۱۱	.۰۰۰۰۶۵	.۰۰۰۰۶۵	.۰۰۰۰۶۵	۵۹۴/۷۴	<.۰۰۱
Pure Error	۲	.۰۰۰۰۰۰	.۰۰۰۰۰۰	.۰۰۰۰۰۰		
Total	۲۶	.۰۰۰۲۹۵				

$$R^2_{adj} = ۹۷.۹\% \quad R^2_{pred} = ۹۷.۹\% \quad R^2_{sq} = ۹۷.۹\%$$

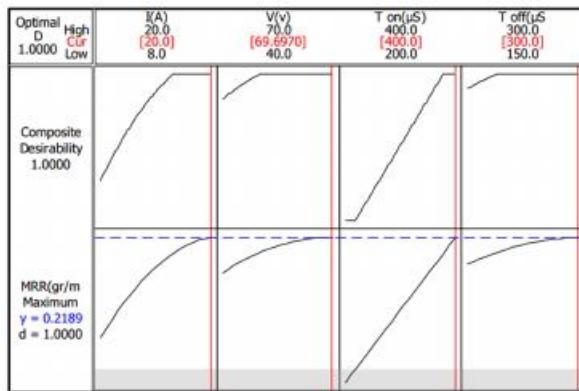
جدول ۵ آرایه و نتایج آزمایشات و درصد خطایما

خطای رابطه	MMR( $\frac{gr}{min}$ )	تخمیتی	MMR( $\frac{gr}{min}$ )	اقاعی	TOFF(µS)	TON(µS)	V(V)	I(A)	شماره آزمایش
۷/۲۷۹۳	.۰۰۱۵۶۷	.۰۰۱۷۴۱	.۰۰۱۷۴۱	.۰۰۱۷۴۱	۳۰۰	۴۰۰	۴۰	۸	۱
۵/۱۵۲	.۰۰۱۵۱۸	.۰۰۱۹۳۱	.۰۰۱۹۳۱	.۰۰۱۹۳۱	۳۰۰	۴۰۰	۷۰	۸	۲
۶/۰۴۵۴	.۰۰۱۱۱۳	.۰۰۱۱۶۶	.۰۰۱۱۶۶	.۰۰۱۱۶۶	۲۲۵	۲۰۰	۵۵	۱۴	۳
۶/۰۴۵۶	.۰۰۱۲۱۷	.۰۰۱۲۳۱	.۰۰۱۲۳۱	.۰۰۱۲۳۱	۱۵۰	۲۰۰	۴۰	۲۰	۴
۷/۰۸۸۸	.۰۰۱۲۴۸۷	.۰۰۱۹۹۷	.۰۰۱۹۹۷	.۰۰۱۹۹۷	۳۰۰	۴۰۰	۷۰	۲۰	۵



شکل ۶ نمودار دو و سه بعدی شدت جریان و زمان خلوشی پالس

شکل ۷ نمودار دو و سه بعدی شدت جریان و زمان روشنی پالس



شکل ۱۰ نمودار بهینه‌سازی پاسخ

روشنی پالس ۴۰۰ و زمان خاموشی پالس ۳۰۰ میکرو ثانیه حاصل می‌شود

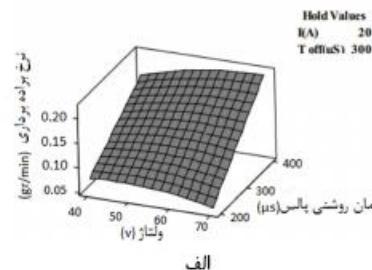
## ۶- مراجع

- [1] K.U.Kainer, *Metal Matrix Composites - Custom-Made Materials for automotive and Aerospace engineering*, pp. 1-75, Wiley, VCH, 2006.
- [2] S. Nagarajan, B. Dutt, M. k. Surappa, *The effect of sic particles on the size and morphology of eutectic silicon cast A356/sic, composites*, Composites science and Technology, pp. 897-902, 1999.
- [3] V. S. Aigbedion, S. B. Hassan, *Effects of silicon carbide reinforcement on microstructure and properties of cast Al-Si-Fe/SiC particulate Composites*, Materials Science and Engineering A, pp. 355-360, 2007.
- [4] N. M. Abbas, D. G. Solomon Md. F. Balari, *A review on current research trends in electric discharge machining international machining Journal manufacturing*, Vol 47, pp. 1214- 1228, 2006.
- [5] B. Lauwers, J. P. Kruth, W. Liu, W. Eeraerts, B. Schaeft and P. Bleyls, *Investigation of material removal mechanisms in EDM of composite ceramic materials*, Journal Materials Process Technology ,Vol. 149, pp. 347-352, 2004.
- [6] A. Abdullah, R. Mohammad, S. A. Ivanov, T. Mohammad and S. Tabar, *Effect of ultrasonic-assisted EDM on the surface integrity of cemented tungsten carbide (WC-Co)*, International Journal Advance Manufacturing Technology, Vol. 41, pp. 268-280, 2009.
- [7] P. M. George, B. K. Ragunath, L. M. Manocha and A. M. Warrier, *EDM machining of carbon-carbon composite-a Taguchi approach*, Journal. Materials Process. Technology Vol. 147, pp. 66-71, 2004.
- [8] R. Karthikeyan, P.R. L. Narayanan, and R.S. Naagarazan, *Mathematical modelling for electric discharge machining of aluminium-silicon carbide particulate composites*, J. Mater. Process. Tech., Vol. 87, pp. 59-63, 1999.
- [9] P. Narendra Singh, K. Raghuandan, M. Rathinasabapathi and B. C. Pai, *Electric discharge machining of Al-10%SiCp as-cast metal matrix composites*, Journal Material Process. Technol,Vol 156-157,pp. 1653-1657, 2004 .
- [10] B. Mohan, A. Rajadurai and K. G. Satyanarayana, *Electric discharge machining of Al-SiC metal matrix composites using rotary tube electrode*, Journal Materials Process. Technology, Vol. 153- 154, pp 978-985, 2004.
- [11] C. C. Wang and B. H. Yan, *Blind-hole drilling of Al203 Al composite using rotary electro-discharge machining*, Journal. Mater. Process. Technol, Vol. 102, pp. 90-102, 2000.
- [12] B. Mohan, A. Rajadurai and K. G. Satyanarayana, *Effect of SiC and rotation on electric discharge machining of Al-SiC composite*, Journal Material Process Technology, Vol. 124, pp. 297-304, 2002.
- [13] H. Kumar and J. P. Davim, *Role of powder in the machining of Al-10% SiCp metal matrix composites by powder mixed electric discharge machining*, journal. Composite. Mater, Vol.45, No. 2, pp. 133-151, 2011.
- [14] M. Hosseinpour, G. Najafpour, H.Younesi, M. Khorrami, and Z.Vaseghi, *Lipase productionin solid state fermentation using aspergillus niger: Response surface methodology*, International Journal of Engineering, Vol. 25, No. 3, pp. 151-159, 2012.
- [15] J. Forsberg, and L. Nilsson, *Evaluation of response surface methodologies used in crashworthiness optimization*, International Journal of Impact Engineering, Vol. 32, No. 5, pp. 759-777, 2006.
- [16] L. Fournier, T. Balan, J. Chenot, *optimal design for non-steady-state metal forming processes. Application of shape optimization in forging*, International journal for numerical methods in engineering, Vol 39, pp. 51-65, 1996.

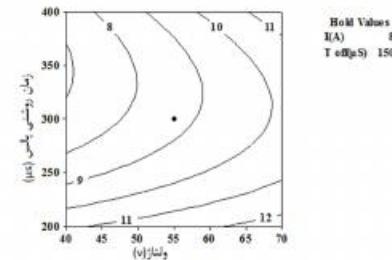
که با افزایش زمان روشی پالس در هر ولتاژ نرخ برادهبرداری افزایش پیدا می‌کند و افزایش ولتاژ در هر زمان روشی پالس تأثیر خیلی کمی روی نرخ برادهبرداری دارد.

## ۵ بهینه‌سازی

پس از بررسی اثر پارامترها روی نرخ برادهبرداری اکنون، به بهینه‌سازی برای رسیدن به حداقل مقدار ممکن پاسخ پرداخته می‌شود. برای این منظور از بخش بهینه‌سازی نرم‌افزار استفاده شده است. ابتدا مقادیر  $I(A) = 20$  و  $T_{off}(\mu s) = 300$  به ترتیب به عنوان حدود (کمینه و بیشینه پاسخ‌های تجربی) نرخ برادهبرداری موجود در آزمایشات به نرم‌افزار معروفی شد. ضریب وزنی و میزان اهمیت آن به صورت پیش فرض برابر ۱ تعیین گردید. نتیجه این بهینه‌سازی در شکل ۱۱ نشان داده شده است. حالت بهینه و قیمت حاصل می‌شود که ماسین تخلیه الکتریکی روی شدت جریان ۲۰ آمپر، ولتاژ ۶۹۶۹۷ ولت، زمان روشی پالس ۴۰۰ و زمان خاموشی پالس ۳۰۰ میکروثانیه تعیین باشد که در این حالت حداقل نرخ برادهبرداری ممکن ۰.۲۱۸۹ گرم بر دقیقه خواهد شد.



الف



ب

شکل ۱۱ نمودار دو سه بعدی ولتاژ و زمان روشی پالس

## ۶- نتیجه‌گیری

- براساس آنالیز واریانس نرخ برادهبرداری، زمان روشی پالس، شدت جریان، زمان خاموشی پالس و ولتاژ به ترتیب از بیشترین تا کمترین تأثیر را بر نرخ برادهبرداری در ماسین کاری تخلیه الکتریکی کامبوزیت A369-10%SiC داشته است.
- براساس نتایج حاصل از آزمایشات،تابع رگرسیون برای پیش‌بینی پاسخ یعنی نرخ برادهبرداری، بدست آمد که طبق آزمایشات تأییدی حداقل خطای رابطه ۰.۲۱۸۹ بوده است.
- با افزایش زمان روشی پالس و شدت جریان، نرخ برادهبرداری افزایش می‌یابد.
- طبق رابطه بدست آمده، در حالت بهینه، نرخ برادهبرداری ۰.۲۱۸۹ گرم بر دقیقه می‌باشد که در شدت جریان ۲۰ آمپر، ولتاژ ۶۹۶۹۷ ولت، زمان