



## ماشین کاری منحنی های نربز با استفاده از میز هگزاباد

علی رباني<sup>۱</sup>، رضا احدی<sup>۱</sup>، محمدجواد ناطق<sup>۲</sup>

۱- کارشناس ارشد، مهندسی مکانیک، دانشگاه تربیت مدرس، تهران

۲- دانشیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه تربیت مدرس، تهران

nategh@modares.ac.ir \* تهران، صنعتی پستی ۱۴۳، ۱۴۱۵، ۱۴۱۵، تهران

### چکیده

با توجه صنعت رقابتی، برای بالا بردن سرعت تولید همراه با کم کردن هزینه ها، نیاز به ماشین ابزارهایی با عملکرد دینامیکی بالا، سفتی زیاد و جرم محرك کمتر احساس شد. با توجه به این که مکانیزم حرکتی ماشین ابزارهای سنتی بد صورت سری می باشد، پاسخگویی نیازهای فوق نبودند. بهمین دلیل ربات هایی با مکانیزم موازی مانند ربات هگزاباد مورد توجه قرار گرفتند. میز ماشین ابزار هگزاباد نیز یک ربات موازی است که بر اساس سکوی استوارت کار می کند. این میز از دو سکو تشکیل شده است. سکوی پایینی در جای خود ثابت است و سکوی بالایی با تغییر طول پایه ها، موقعیت آن تغییر می یابد. این سکو دارای شش درجه آزادی است و بدعنوان میز ماشین ابزار اعمال وظیفه می کند. این دستگاه با قرار گرفتن کنار یک ماشین ابزار معمولی قدیمی می تواند به این ماشین ابزار CNC شش محوره تبدیل گردد. در این پژوهش برای اولین بار با قرار دادن دستگاه هگزاباد زیر کلگی یک دستگاه فرز، ماشین کاری صورت پذیرفت. در اینجا مراحل آماده سازی دستگاه برای ماشین کاری آورده شده است. اینجا در روی چوب و سیس برروی الومینیوم گردید سه هزار منحنی های نربز با استفاده از نقاط کنترلی ماشین کاری شد. سیس این قطعات با استفاده از روش سنتی ماشین کاری شدند و نتایج با یکدیگر مقایسه گردند.

کلید واژگان: هگزاباد، ماشین کاری، منحنی نربز

## Machining NURBS curves with hexapod machine tool

Ali Rabbani, Reza Ahadi, Mohammad Javad Nategh\*

Department of Mechanical Engineering, Tarbiat Modares University, Tehran, Iran  
\* P.O.B. 14115-143, Tehran, Iran, nategh@modares.ac.ir

### ABSTRACT

For increasing the production speed along with decreasing the costs in competitive industry, machines with high dynamic performance and stiffness are needed with low driven mass. Since serial mechanism of the traditional machine tools is not appropriate for above requirement, robots with parallel mechanism have been given attention. Hexapod machine tool is a parallel robot which is based on Stewart platform. The latter consists of two platforms. The lower platform is fixed in its place and the upper platform's position changes by changing the lengths of pods. This platform has six degrees of freedom and acts as a table of machine tool. This machine is able to convert an ordinary machine tool into a new CNC machine tool. In this research, machining experiments have been done with the developed hexapod machine for the first time. At the beginning of this paper, preparation of hexapod machine for machining is explained. Then machining of NURBS curve on wood and aluminum grade 3000 specimens has been carried out. Then, similar experiments were carried out with the traditional machine. Finally, the result of each method has been compared with each other.

**Keywords:** Hexapod, Machining, NURBS Curve.

میز ماشین و یا هر دو اعمال می شود [۲]. برخلاف ماشین های سه محوره، ماشین های پنج محوره می توانند سطوح پیچیده را با کیفیت و کارآیی بهتر تولید نمایند. ماشین های  $\frac{1}{2}$  محوره نیز به دلیل هزینه کمتر نیز در صنعت کاربرد خاص خود را دارند. این ماشین ها در مقایسه با ماشین های پنج محوره از استحکام و سفتی بالایی برخوردار هستند. زیرا محورهای چرخشی در حین حرکت برشی دستگاه قفل می گردند [۳]. اگرچه برخلاف دستگاه های پنج محوره، در ماشین های  $\frac{1}{2}$  محوره در حین عملیات برش نمی تواند به صورت پیوسته تغییر یابد [۲] و لذا رمان ماشین کاری افزایش می یابد.

در ضمن ساختار ماشین ابزارهای سنتی بر اساس مختصات کارتزین می باشد. بیشتر شکل های پیچیده در حالت بهیته فقط توسط ماشین های پنج محوره قابل مانشین کاری هستند. این ساختار ماشین های پنج محوره به دو محور چرخشی دیگر نیازمند است. برای داشتن ماشین ابزار دقیق با سفتی موردنیاز و قابلیت حمل قطعات سنگین، ماشین ابزارهایی بزرگ و سنگین

۱ مقدمه  
ماشین ابزارهای هگزاباد نسل جدیدی از ماشین های ابزار می باشند که محققین به خاطر نیاز به دقت و سرعت های بالای ماشین کاری به آن ها روی آورده اند. این نیاز با حرکت سیستم های تولیدی به سوی ماشین کاری پر سرعت بیشتر احساس شد. زیرا این در این حالت نیاز به ماشین ابزاری با عملکرد دینامیکی بالا، سفتی بهبود یافته و جرم در حال حرکت کمتر، بیشتر است. از آنجایی که ساختار ماشین ابزارهای سنتی پاسخگوی نیازهای فوق نبود، برای آورده کردن این نیازها به ربات های موازی می باشد که توسط

محققین زیادی مورد پژوهش قرار گرفته است [۱]. از ماشین های ابزار سه محوره و پنج محوره به طور گسترده در ماشین کاری سطوح با شکل دلخواه استفاده می گردد. پنج حرکت توسط پنج محور ماشین به طور پیوسته و همزمان کنترل می شوند. حرکت های انتقالی در سه راستای مختصات کارتزین و نیز دو حرکت دورانی هر کدام به گیره ابزار با

Please cite this article using:

A. Rabbani, R. Ahadi, M.J. Nategh, Machining NURBS Curves with Hexapod Machine Tool, *Modares Mechanical Engineering, Proceedings of the Advanced Machining and Machine Tools Conference*, Vol. 15, No. 13, pp. 490-494, 2015 (in Persian)

برای ارجاع به این مقاله از عبارت ذیل استفاده نمایید:



شکل ۲ ماشین ابزار ابرادونی ساخت شرکت اینگرسول [۶]

سکوی بالای با شش درجه آزادی به عنوان میز ماشین ابزار انجام وظیفه می کند. این میز قادر است که سه حرکت انتقالی در راستای Z، X و Y سه حرکت دورانی حول محورهای نامبرده انجام دهد. مکانیزم فوق کاربردهای فراوانی دارد که عبارتند از:

ماشین کاری قطعات پیچیده با اندازه های متوسط و کوچک  
ماشین کاری میکرو  
کنترل ابزار برای ماشین کاری و ساخت دقیق  
موقعیت دهنی و جهت دهنی تلسکوپ و تجهیزات ماهواره  
جراحی پر شکی

این نوع پیگرد بندی به عنوان یک میز فرز مزایای زیر را دارد:  
سفتی و صلبیت بالای سیستم در نتیجه ساختار موازی و محوری بودن  
نیروها

نسبت بار به وزن زیاد  
خطاهای اتصال غیر تجتمعی (یعنی خطاهای محركه ها جمع نمی شود)  
حرکت های دقیق حتی در بارهای متناسب سنگین و شتاب های بالا  
افزایش سرعت ماشین کاری  
عدم نیاز به موتور پایه قوی

بعطوف کلی این طرح برای فرآیندهای ساخت و تولید متغیر و ماشین کاری با سرعت بالا. تبدیل ماشین ابزارهای معمولی قدیمی به ماشین ابزارهای CNC جدید و شبیه سازهای پرواز مناسب می باشد.

در شکل ۳ نمونه ساخته شده این دستگاه را در آزمایشگاه فناوری های پیشرفتی در ماشین های ابزار مشاهده می نمایید. در مکانیزم هگزاباد که یک مکانیزم موازی به شمار می آید، دو پارامتر موقعیت می شوند. بدین معنی که با معلوم بودن هر یک دیگری را می توان به دست آورد. سینماتیک معکوس مکانیزم، موقعیت مشخص مکانیزم را به طول پایه ها تبدیل می کند. ولی برای یک مجموعه طول پایه ها در مکانیزم می توان از طریق سینماتیک مستقیم مکانیزم، یک موقعیت منحصر به فرد برای میز بالای بدست آورد.

لازم است. در ضمن اگر به زنجیره سینماتیکی یک دستگاه پنج محوره رجوع شود می توان دید که محور اول زنجیره، بقیه محورها را حمل می کند. بنابراین پاسخ دینامیکی توسط اینترسی مجموعه محدود می گردد. لذا مکانیزم ایده آل می باشد که بتواند قطعه کار را حرکت دهد بدون این که نیاز باشد محورهای دیگر را حمل کند. در نتیجه این ایده دستگاه هگزاباد مورد طراحی قرار گرفت. با توجه به این ایده استفاده های زیادی مطرح گردیدند، ولی به دلیل پیچیدگی کنترل شش پایه از این مکانیزم تنها به عنوان شبیه ساز سکوی هواپیما استفاده می گردد. اما اخیراً با توجه به پیشرفت خیره کننده در سرعت محاسبات و همچنین کاهش وزنه آن از این ایده برای طراحی میز ماشین ابزار مورد استفاده واقع گردید. ماشین ابزار اولی که با ایده ساخت دستگاه واریاکس<sup>۱</sup> ساخت شرکت گیدینگس و لویس<sup>۲</sup> می باشد که در شکل ۱ آمده است. این ماشین ابزار دارای فضای کاری ۶۳۰×۶۳۰×۱۲۰۰ میلی متر و با قابلیت چرخش حدود ۲۵ درجه حول محورهای اصلی و همچنین با دقت ۱۱ میکرومتر می باشد. ماشین دوم با نام هگزاباد ابرادونی است که ساخت شرکت اینگرسول می باشد. این ماشین ابزار با فضای کاری ۱۰۰۰×۱۰۰۰ میلی متر و چرخش حدود ۱۵ درجه حول محورهای اصلی و دقت ۲۰ میکرومتر موجود می باشد که در شکل ۲ نمونه ای از این دستگاه اورده شده است [۴]. بعد از این شرکت ها، نمونه های دیگری توسط دیگر شرکت های صنعتی برای موارد مختلف ساخته شد که به بازار نیز عرضه گردیدند.

در این پژوهش ابتدا دستگاه ماشین ابزار هگزاباد ساخته شده در آزمایشگاه فناوری های پیشرفتی در ماشین ابزار در دانشگاه تربیت مدرس معرفی می گردد. سپس مراحل آماده سازی دستگاه برای ماشین کاری آورده شده است. در انتهای نیز چند نمونه از آزمایش های انجام شده توسط این مجموعه به همراه تحلیل آن آورده شده است. لازم به ذکر است که این مجموعه یک نمونه آزمایشگاهی می باشد و برای اولین بار است که ماشین کاری توسط آن صورت می گیرد.

## ۲ دستگاه هگزاباد

میز ماشین ابزار هگزاباد از دو سکو تشکیل شده است که این دو سکو توسط شش پایه با طول قابل تغییر به کمک مفاصل کشویی از بالا و شش مفصل یونیورسال از پایین به یکدیگر متصل شده اند. سکوی پایینی در جای خود ثابت است و به عنوان پایه برای سکوی بالایی مورد استفاده قرار می گیرد.



شکل ۱ نمونه ای از دستگاه واریاکس ساخت شرکت گیدینگ و لویس [۵]

1. VARIAX  
2. Giddings and Lewis

همان طور که در شکل ۵ مشاهده می‌گردد محدوده ماشین کاری تمام منحنی نمی‌باشد و بین دو خطی که در شکل مشخص گردیده‌اند می‌باشد. دلیل این امر بزرگی طول منحنی نسبت به اندازه قطعه‌کار می‌باشد. لازم به ذکر است که اطلاعات این منحنی از قبیل نقاط کنترلی، تابع وزن و بردار گره از برنامه نوشته شده در زبان برنامه‌نویسی پایتون<sup>۱</sup> استخراج گردید. در شکل ۶ تصویری از این برنامه به همراه قطعه‌کار که وارد آن شده است، مشاهده می‌گردد.

#### ۴ روش انجام آزمایش

همان طور که پیش‌تر مطرح گردید، از دستگاه هگزاباد برای اولین بار به عنوان میز ماشین ابرار مورد استفاده قرار می‌گرفت. لذا انجام یک سری مقدمات لازم به نظر می‌رسید. از جمله این کارها خرید یک دستگاه فرز و افزوند یک قطعه رابط به آن برای افزایش محدوده فضای کاری آن می‌باشد. در شکل ۷ مجموعه گیره و قطعه‌کار و دستگاه فرز به همراه دستگاه هگزاباد را مشاهده می‌گردد.

برای شروع آزمایش ابتدا از ماشین کاری یک دایره و تحلیل آن شروع شد. دایره‌ای با شعاع ۴۰ میلی‌متر و مرکز مختصات  $(X=15, Y=20, Z=7)$  و در صفحه  $Z=7$  ماشین کاری شد. در ادامه منحنی نریز معرفی شده در شکل ۵ در شکل ۸ نریز دستگاه. در شکل ۸ عملیات ماشین کاری دایره و شکل ۹ نمونه نهایی ماشین کاری شده و شکل‌های ۱۰ و ۱۱ ماشین کاری منحنی نریز آورده شده است.



شکل ۶ قطعه‌کار و استخراج اطلاعات لازم برای ماشین کاری



شکل ۷ مجموعه دستگاه هگزاباد، فرز و گیره‌بندی در حین ماشین کاری



شکل ۳ نمونه آزمایشگاهی هگزاباد ساخته شده در دانشگاه تربیت مدرس

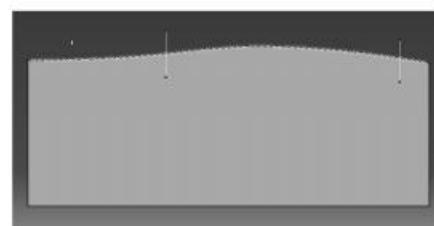
#### ۳ منحنی نریز

سطح با شکل دلخواه به‌طور گسترده در صنایع هواپضا و خودرو استفاده می‌شوند و همچنین در صنعت قالب‌سازی کاربرد فراوانی دارند. تعریف این سطوح بین صورت است که به سطحی گفته می‌شود که شامل یک یا چند سطح غیرمسطح یا درجه دو باشد [۷]. برای بیان یک منحنی به زبان ریاضی از فرمول‌بندی نریز استفاده می‌شود. این نوع فرمول‌بندی در نرم‌افزارهای مکانیکی کاربرد خاص خود را دارد. برای بیان یک منحنی نریز به یک بردار نقاط کنترل به همراه وزن هر نقطه و همچنین بردار گره نیاز می‌باشد. اطلاعات منحنی نریزی که در این پژوهش ماشین کاری گردید، در جدول ۱ آمده است. همچنین در شکل ۴ و ۵ این منحنی در نرم‌افزار راینو<sup>۲</sup> و کتیا<sup>۳</sup> شبیه‌سازی شده است.

جدول ۱ اطلاعات منحنی نریز ماشین کاری توسط دستگاه هگزاباد

شماره نقطه	X	Y	Z	وزن
۱	-۱۴۰	-۹۰	۷۰۰	۱
۲	-۹۰	-۹۰	۷۰۹	۱
۳	-۱۰	-۹۰	۷۱۵	۱
۴	۴۰	-۹۰	۷۱۰	۰/۹
۵	۱۰۰	-۹۰	۷۰۳	۱/۱
۶	۱۷۰	-۹۰	۷۰۲	۱

شکل ۴ شبیه‌سازی منحنی در محیط نرم‌افزار راینو با نقاط کنترلی آن



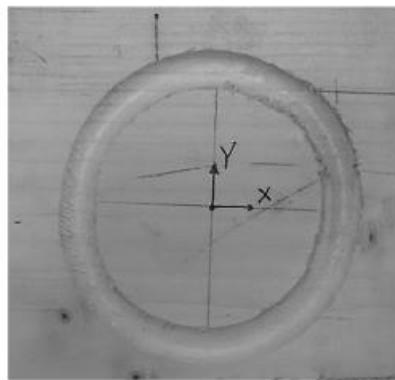
شکل ۵ محدوده ماشین کاری شده منحنی در نرم‌افزار کتیا

3. Python

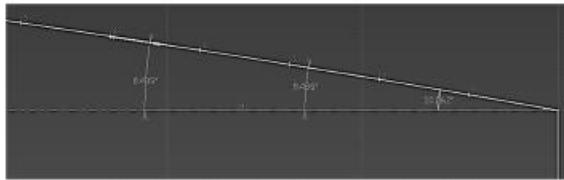
1. Rhine  
2. Catia



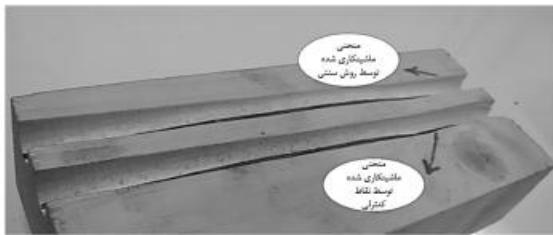
شکل ۸ دستگاه در حین ماشین‌کاری دایره



شکل ۹ دایره ماشین‌کاری شده توسط دستگاه هگزاباد



شکل ۱۰ منحنی نزیب و تقسیم آن به تکه‌های کوچک



شکل ۱۱ منحنی ماشین‌کاری شده توسط دو روش نزیب و سنتی

منحنی  $5/514$  میلی‌متر محاسبه شده است. در شکل ۱۲ نزی منحنی ماشین‌کاری شده توسط نقاط کنترلی نزیب آمده است. در این حالت فاصله بین دو منحنی اصلی  $4/725$  میلی‌متر گزارش شده است که با توجه به آزمایشگاهی بودن دستگاه این مقادیر قابل قبول می‌باشد. لازم به ذکر است که طول منحنی ماشین‌کاری شده حدود  $200$  میلی‌متر می‌باشد. در نتیجه دقت تئارنس هندسی ماشین‌کاری با استفاده از نقاط کنترلی منحنی نزیب بهتر از روش سنتی می‌باشد. همچنین در شکل‌های ۱۱ و ۱۲ منحنی هاشوردار منحنی ماشین‌کاری شده می‌باشد که بین دو منحنی اصلی قرار گرفته است. در آخرین مرحله این منحنی بر روی یک نمونه آلمینیومی ماشین‌کاری شد که در شکل ۱۳ آورده شده است. صافی سطح این قطعه کار توسط دستگاه زبری سنج پرتابل ماهر برای اندازه‌گیری زبری استفاده شده است.

در اولین قدم توسط دستگاه یک دایره با مختصات مرکز  $X=150$  و  $Y=20$  با شعاع  $4$  میلی‌متر ماشین‌کاری گردید که در شکل ۸ و ۹ تصاویر آن آمده است. با توجه به آزمایشگاهی بودن دستگاه اما نتایج خوبی حاصل گردید. قطر دایره در راستای محور  $Z$  دستگاه حدود  $85/55$  میلی‌متر اندازه‌گیری شد که میزان خطای دستگاه در این راستا حدود  $7/632$  و همچنین در راستای  $X$  قطر دایره  $8/194$  میلی‌متر اندازه‌گیری شد و در نتیجه میزان خطای آن حدود  $1/12$  برآورد گردید. لازم به ذکر است که این دایره دو بار ماشین‌کاری شد و در هر دو بار نتایج بسیار نزدیک به هم بودند. لذا می‌توان این نتیجه را دریافت که این خطای تکرارپذیر است و با کالیبراسیون قابل رفع است. یا به عبارتی با تغییرات در برنامه نوشته شده برای میان‌یابی دایره می‌توان این خطای را کاهش داد. در ضمن تکرارپذیری دستگاه نزیب مورد بررسی قرار گرفت. بدین صورت که در هر دو دفعه دایره بزرگ‌تر از اندازه واقعی و با خطای‌ای تقریباً یکسان ارزیابی شد که حاکی از تکرارپذیری قابل دستگاه می‌باشد.

در قدم بعدی منحنی نزیب توضیح داده شده در جدول ۱ و شکل‌های ۴ و ۵ ماشین‌کاری گردید. این منحنی توسط دو روش ماشین‌کاری شد. روش اول با استفاده از نقاط کنترل منحنی که توسط برنامه مربوط به آن (شکل ۶) اطلاعات لازم برای دستگاه استخراج گردید، ماشین‌کاری صورت پذیرفت. در روش بعدی این منحنی به تکه‌های کوچکی تقسیم شد و اطلاعات هر منحنی در نرم‌افزار کتیباً مطابق شکل ۱۰ استخراج گردید و با استفاده از G01 ماشین‌کاری انجام شد. در این حالت منحنی به  $66$  تکه خط تقسیم شد و هر قسمت نقطه شروع و پایان و راوابه منحنی با خط راست ذخیره شد و در نهایت مجموع این خطوط وارد دستگاه شد و ماشین‌کاری صورت پذیرفت. در حالت اول زمان ماشین‌کاری قسمت مشخص شده در شکل ۵ با سرعت پیشروی  $5$  میلی‌متر بر ثانیه حدود  $40$  ثانیه به طول انجامید. در حالی که در روش دوم ماشین‌کاری همین قسمت از منحنی حدود  $115$  ثانیه به طول انجامید. در شکل ۱۱ قطعه ماشین‌کاری شده توسط این دو روش را مشاهده می‌نمایید. در روش سنتی دستگاه هر تکه خط را با یک شتاب افزایشی شروع به پیمایش می‌کند و پس از رسیده به اواسط پاره خط شروع به کاهش سرعت می‌کند و لذا همین امر باعث افزایش چشم‌گیر زمان ماشین‌کاری در این حالت نسبت به حالت ماشین‌کاری با نقاط کنترلی نزیب شد. مشکل دیگر این روش این است که چون میان‌یابی هر تکه خط با مقداری خطأ همراه است با افزایش این تکه خطها میزان خطای دستگاه به صورت تجمعی افزایش می‌یابد. این خطأ حتی به صورت چشمی قابل مشاهده است. نقطه پایانی هر دو روش یکی است اما به دلیل خطای تجمعی روش سنتی، مکان واقعی آن در نقطه‌ای دیگر قرار دارد. با وجود زمان بیشتر ماشین‌کاری در روش سنتی اما در بیان مشاهده شد که کیفیت سطح هر دو روش تقریباً یکی می‌باشد زیرا سطح هر دو منحنی حدود ( $Ra=3/4 \mu\text{m}$ ) بهدست آمد. لازم به ذکر است که از دستگاه زبری سنج پرتابل ماهر برای اندازه‌گیری زبری استفاده شده است.

در قدم بعدی قطعه کار زیر دستگاه اندازه‌گیری مختصات  $1$  قرار گرفت و ابر نقاط مربوط به هر منحنی استخراج گردید. از این ابر نقاط یک منحنی عبور داده شد و دقت منحنی ماشین‌کاری شده مطابق شکل ۱۱ و ۱۲ مورد بررسی قرار گرفت. همان‌طور که در شکل ۱۱ مشاهده می‌گردید منحنی ماشین‌کاری شده توسط روش سنتی بین دو منحنی اصلی قرار گرفته است. فاصله این دو

#### 1. CMM (Coordinate Measuring Machine)

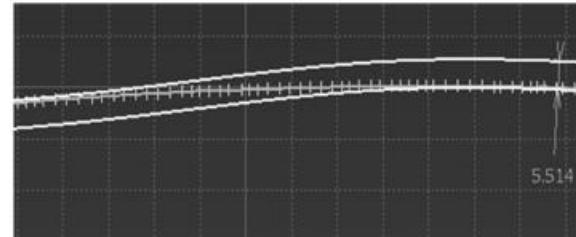
زمان ماشین کاری منحنی پیچیده در روش سنتی سه برابر روش منحنی نریز با استفاده از نقاط کنترلی می باشد.

دقت ماشین کاری در روش سنتی پایین تر از روش نقاط کنترلی منحنی نریز است.

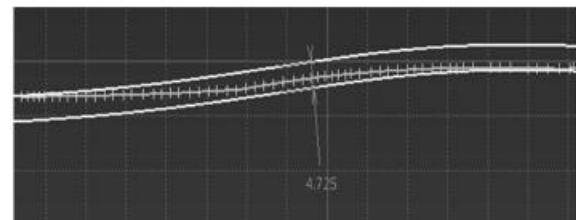
در روش ماشین کاری منحنی های پیچیده با استفاده از نقاط کنترلی منحنی نریز، به وضوح تأثیر چالاکی دستگاه همراه با کاهش زمان ماشین کاری و همچنین افزایش دقیق سطح نهایی قابل مشاهده است.

#### مراجع ۷

- [1] D.Zhang, Parallel Robotic Machine Tools, Oshawa, ON, Springer, 2010.
- [2] Chen ZC, Dong Z, Vickers GW. Automated surface subdivision and tool path generation for 3 ½ ¾ axis CNC machining of sculptured parts. *Computers in Industry* 2003; 50:319-31.
- [3] Gray PJ, Ismail F, Bedi S. Arc-intersect method for 3 ½ ¾ axis tool paths on a 5 axis machine. *International Journal of Machine Tools and Manufacture* 2007; 47(1):182-90.
- [4] EL-J. Bohez. Five-axis milling machine tool kinematic chain design and analysis. *International Journal of Machine Tools & Manufacture*, Vol. 42, pp. 505-520, 2002
- [5] Myriam Terrier, Arnaud Dugas, Jean-Yves Hascoët. Qualification of parallel kinematics machines in high-speed milling on free form surfaces. *International Journal of Machine Tools and Manufacture*. Vol 44, Issues 7-8, Pages 865- 877, 2004.
- [6] Falco, Joseph A. Simulation tools for collaborative exploration of hexapod machine capabilities and applications. *Proc. of the 1997 International Simulation Conference and Technology Showcase*, 1997
- [7] Ali La semi, Deyi Xue, Peihua Gu. Recent development in CNC machining of freeform surfaces: A state-of-the-art review. *Computer-Aided Design*. Vol. 42, pp. 641\_654, 2010.



شکل ۱۱ ابر نقاط و منحنی ماشین کاری توسط روش سنتی



شکل ۱۲ ابر نقاط و منحنی ماشین کاری توسط نقاط تریز



شکل ۱۳ نمونه منحنی ماشین کاری شده بر روی آلومینیوم

#### ۶ نتیجه گیری

در این پژوهش برای اولین بار از دستگاه هگزاباد به عنوان میز ماشین ابر از استفاده گردید و توسط آن ماشین کاری انجام شد. برای ماشین کاری ابتدا خطوط ساده و بعد از آن دایره و در نهایت هم منحنی نریز بر روی چوب ماشین کاری شدند. منحنی نریز ابتدا با استفاده از روش سنتی یا همان G01 ماشین کاری شدند. سپس بعد از استخراج اطلاعات منحنی با استفاده از نقاط کنترلی و بردار ورن ماشین کاری صورت پذیرفت. در نهایت هم این منحنی بر روی آلومینیوم ماشین کاری شد. نتایج حاصل به شرح زیر می باشند:

دستگاه هگزاباد موجود با وجود آزمایشگاهی بودن آن، از نتایج قبل قبولی برای ماشین کاری برخوردار است.

میزان خطای شعاعی ماشین کاری دایره در راستای Y بیشتر از راستای X است که این خطای دلیل نکرار پذیری با کالایبراسیون قابل رفع است.

ماشین کاری منحنی های پیچیده با استفاده از نقاط کنترلی منحنی نریز سیار ساده تر از روش سنتی می باشد.