



## کنترل کننده فازی و فقی برای کنترل دمای راکتور واکنش های شیمیایی اگزوترمیک

بهداد ناظم رعایا ، مدیر گروه پژوهشی برق-کنترل ، جهاد دانشگاهی واحد صنعتی اصفهان

[behdadnazem@acecr.ir](mailto:behdadnazem@acecr.ir)

مسعود عسکری ، استادیار - جهاد دانشگاهی واحد صنعتی اصفهان

[m\\_askari@acecr.ir](mailto:m_askari@acecr.ir)

### چکیده:

در یک طرح پژوهشی از یک الگوریتم کنترل کننده فازی و فقی برای کنترل دمای یک راکتور واکنش های شیمیایی اگزوترمیک استفاده شد. راکتور مذکور از نوع batch و به ظرفیت حدود ده تن مواد شیمیایی است که واکنشی که در آن اتفاق می افتد ، یک واکنش گرما زا و توام با افزایش غیر خطی دما است.

برای پیاده سازی الگوریتم کنترل از کامپیوتر و کارت های مبدل آنالوگ به دیجیتال و دیجیتالی به آنالوگ استفاده شد. تجهیزات ابزار دقیق شامل سنسور های حرارتی ، فلومتر و شیر برقی آنالوگ بوده است. مواد شیمیایی درون راکتور بوسیله یک پمپ در لوله های یک مبدل حرارتی به چرخش در آمده و کنترل کننده با تغییر فلوی آب سرد در پوسته مبدل حرارتی ، مواد را خنک نموده تا دمای مورد نظر اپراتور (حدود  $170^{\circ}C$ ) تثبیت گردد.

الگوریتم کنترل از کارایی خوبی برخوردار بود و با کنترل میزان دبی آب سرد در پوسته مبدل حرارتی، دمای راکتور بخوبی تثبیت گردید.

**کلیدواژه ها:** کنترل کننده فازی و فقی، کنترل کننده به روش مستقیم ، توابع عضویت، توابع پایه فازی، واکنش های اگزوترمیک،

### 1-مقدمه:

قسمت اصلی پلنت شامل یک راکتور batch با حجم تقریبی 10 متر مکعب است. برای کنترل دمای راکتور از یک مبدل حرارتی از نوع پوسته و لوله استفاده شده است. با کنترل فلوی جریان آب خنک در پوسته مبدل حرارتی دمای راکتور کنترل می شود. آب گرم خروجی پوسته مبدل حرارتی در یک مخزن دیگر خنک می شود.



در ابتدا راکتور با مواد اولیه شارژ می‌شود. سپس مواد شیمیایی درون راکتور بوسیله پمپ گریز از مرکز p1 و یک مسیر لوله به قطر شش اینچ از طریق لوله‌های داخلی مبدل به گردش در می‌آیند. در اینحالت پمپ p2 که آب خنک کننده را در پوسته مبدل حرارتی به جریان می‌اندازد خاموش است. در ابتدا واکنش گرما گیر است مواد درون راکتور برای شروع واکنش به انرژی فعال سازی نیاز دارند ، برای این منظور راکتور بوسیله عبور بخار آب از طریق لوله های دور راکتور گرم می‌شود. با اعمال انرژی فعالسازای واکنش آغاز شده و درجه حرارت شروع به افزایش می‌نماید. در این حالت واکنش به حالت گرما زا تبدیل می شود

با شروع واکنش دیگر به انرژی فعال سازی نیازی نیست و بخار آب قطع می‌شود. چون واکنش گرمازا است درجه حرارت واکنش بالا می رود. لذا باید درجه حرارت راکتور کنترل شود. در این حالت پمپ p2 روشن می‌شود. کنترل کننده باید فلوی آب سرد در پوسته مبدل حرارتی را طوری کنترل نماید که درجه حرارت مواد شیمیایی خروجی از مبدل حرارتی روی مقدار مورد نظر اپراتور (حدود  $170^{\circ}\text{C}$ ) ثابت نگهداشته شود. افزایش دمای واکنش غیرخطی، متغیر با زمان و وابسته به کمیت و نوع مواد شیمیایی درون راکتور است.

در این فرایند set point ، دمای مورد نظر اپراتور ، سیگنال فیدبک درجه حرارت مواد شیمیایی خروجی از راکتور و سیگنال کنترل فرمانی است که فلوی آب سرد را کنترل می کند. لگوریتم کنترل باید میزان باز یا بسته بودن شیربرقی کنترل پذیر را محاسبه و از طریق کارت خروجی آنالوگ به شیر برقی اعمال نماید.

## 2- تجهیزات ابزار دقیق :

تجهیزات ابزار دقیق شامل موارد زیر است:

چهار عدد سنسور حرارتی از نوع PT100 و ترانسمیترهای 4-2mA

یک عدد شیر برقی کنترل پذیر بصورت پیوسته مدل 6223 ساخت شرکت Burkert که باید دبی آب سرد را در پوسته مبدل حرارتی تنظیم نماید.

یک عدد فلومتر پالسی و مدار مبدل فرکانس به ولتاژ

سنسورهای حرارتی

سنسورهای حرارتی PT1 تا PT4 که موقعیت نصب آنها در شکل (5-1) نشان داده شده است اندازه گیری‌های زیر را انجام می‌دهند:

اندازه‌گیری درجه حرارت آب سرد ورودی به مبدل حرارتی: PT1

اندازه‌گیری درجه حرارت آب گرم شده خروجی از مبدل حرارتی: PT2



اندازه‌گیری درجه حرارت مواد شیمیایی گرم ورودی به مبدل حرارتی: PT3

اندازه‌گیری درجه حرارت مواد شیمیایی خنک کننده خروجی از مبدل حرارتی: PT4

سنسور اصلی که مدار فرمان براساس آن تصمیم‌گیری و شیربرقی را کنترل می‌نماید PT4 است و اطلاعات سنسورهای PT1, PT2, PT3 و فلومتر جنبه نظارتی و جمع‌آوری اطلاعات دارد.

تنظیم میزان آب ورودی به مبدل حرارتی جهت خنک کردن مواد شیمیایی داخل راکتو بوسیله یک شیر برقی کنترل پذیر پیوسته به قطر یک اینچ انجام می‌شود. این شیر با جریان 2-4mA که توسط کارت مبدل دیجیتال به آنالوگ ایجاد می‌شود کنترل می‌شود

یک فلومتر 1/5 اینچ از نوع چرخ‌دوار میزان آب سرد خنک کننده که وارد مبدل حرارتی می‌شود را اندازه‌گیری می‌نماید.

برای پیاده‌سازی کنترل کننده از یک دستگاه کامپیوتر و کارتهای ورودی- خروجی آنالوگ ایزوله شده استفاده شد

### 3- سخت افزار:

برای پیاده‌سازی کنترل کننده از یک دستگاه کامپیوتر مجهز به کارت ورودی آنالوگ (PCI 1713) و کارت خروجی آنالوگ (PCI 1720) استفاده شد. دمای آب ورودی و خروجی مبدل حرارتی و دمای مواد شیمیایی ورودی و خروجی راکتور به وسیله چهار عدد سنسور از نوع PT100 اندازه‌گیری و به همراه اطلاعات مربوط به میزان فلوی آب ورودی به مبدل حرارتی که توسط یک فلومتر 1/5 اینچ اندازه‌گیری می‌شود از طریق کارت PCI 1713 به صورت اطلاعات دیجیتال 12 بیتی در اختیار نرم‌افزار قرار گرفت. فرکانس نمونه‌برداری برابر 10 هرتز انتخاب و برای حذف نویز از فیلتر پایین گذر نرم‌افزاری استفاده گردید.

با استفاده از کارت PCI 1713 ساخت شرکت ADVANTECH که یک مبدل A/D است.

### 4- الگوریتم کنترل

از الگوریتم کنترل کننده فازی وفقی استفاده شد. این نوع کنترل کننده، کنترل کننده به روش مستقیم است که سیگنال کنترل مستقیماً تقریب فازی زده شده و به پلنت اعمال می‌شود. بنابراین نیازی به دانستن تابع انتقال پروسس و یا شناسایی و تخمین ضرایب معادلات دینامیک سیستم نیست.

این الگوریتم برمبنای انتخاب و تثبیت مراکز ثقل توابع عضویت ورودی و بهینه‌سازی مراکز ثقل توابع عضویت خروجی قوانین در پایگاه قوانین فازی است. در شروع می‌توان مراکز ثقل توابع عضویت خروجی را بصورت تصادفی در نظر گرفت در اینحال کنترل کننده فازی وفقی مانند یک کنترل کننده وفقی کلاسیک عمل می‌نماید و با تنظیم مراکز ثقل توابع



عضویت، خروجی پلنت را در مسیر مورد نظر هدایت می کند. چنانچه به کمک تجربیات اپراتور خبره تعدادی یا همه مراکز ثقل توابع عضویت خروجی از ابتدا در مجموعه قوانین فازی تعیین شود، سیستم فازی وفقی بسیار سریعتر وفق یافته و خروجی سیستم دچار بالازدگی یا پایین زدگی کمتری می شود.

این کنترل کننده به واسطه ماهیت وفقی می تواند درجه حرارت راکتور واکنش های گرمای گرمای با رفتار گرمای متفاوت را کنترل نماید. این الگوریتم میزان باز شدن شیربرقی و در نتیجه مقدار فلوی آب خنک کننده ورودی به مبدل حرارتی را طوری محاسبه می نماید که درجه حرارت مواد شیمیایی خروجی از مبدل حرارتی برابر با دمای مورد نظر اپراتور باشد. خروجی نهایی بصورت جریان 4-20mA از طریق کارت مبدل دیجیتال به آنالوگ به شیربرقی کنترل پذیر اعمال می شود

### 5- تئوری مبنای طرح:

اگر توابع عضویت ورودی یعنی  $\mu_{F_i} I(x_i)$  ها را از ابتدا انتخاب و پارامترهای آن را تثبیت نماییم و مراکز ثقل توابع عضویت خروجی یعنی  $\bar{y}^l$  را به عنوان پارامترهای قابل تنظیم در نظر بگیریم، سیستم منطقی فازی به صورت زیر قابل بیان خواهد بود [1] و [2] و [3]:

$$y(x) = \underline{\theta}^T \underline{\xi}(x)$$

که  $\underline{\theta} = [\bar{y}^1, \dots, \bar{y}^M]^T$  یک بردار پارامتری است و  $\underline{\xi}(x) = [\xi^1(x), \dots, \xi^M(x)]^T$  یک بردار رگرسیو است که

رگرسیو آن  $\xi^l(x)$  است. تابع پایه فازی نامیده می شود که به صورت زیر تعریف شده است:

$$\xi^l(x) = \frac{\prod_{i=1}^n \mu_{F_i}(x_i)}{\sum_{l=1}^M \left( \prod_{i=1}^n \mu_{F_i}(x_i) \right)}$$

به  $\xi^l(x)$  گسترش توابع پایه فازی و یا شبکه ی توابع پایه فازی گفته می شود. جمع جبری توابع پایه فازی

همواره برابر یک است،  $\sum_{l=1}^M \xi^l(x) = 1$  گسترش توابع پایه فازی ترکیب خطی توابع پایه فازی است و  $\theta^j$ ، z

امین ضریب ترکیب خطی است. این خطی بودن برای بکارگیری قانون وفق  $\theta$  با استفاده از تابع لیاپانوف که بعداً تشریح

خواهد شد لازم است.

$$\underline{\theta} = (\theta_n^T, \theta_{n-1}^T, \dots, \theta_0^T)^T$$



هنگامی که توابع عضویت ورودی به صورت گاوسی انتخاب شوند  $\mu_{F_i^l}(x_i)$  برابر خواهد بود با:

$$\mu_{F_i^l}(x_i) = \exp\left(-\frac{1}{2} \left(\frac{x_i - \bar{x}_i^l}{\sigma_i^l}\right)^2\right)$$

$$u \rightarrow \begin{cases} x^{(n)} = f(\underline{x}) + bu \\ y = x \end{cases} \rightarrow x$$

پلنت غیر خطی

$$x^{(n)} = f(x, x', \dots, x^{(n-1)}) + bu \quad , \\ y = x$$

که  $f$  یک تابع نامشخص پیوسته،  $b$  یک مثبت نامشخص و  $u \in R$  ورودی و  $y \in R$  خروجی سیستم تحت کنترل است.

فرض می‌کنیم بردار حالت  $\underline{x} = [x_1, x_2, \dots, x_n]^T = [x, x', \dots, x^{(n-1)}]^T \in R^n$  بردار متغیرهای معلوم و قابل

اندازه‌گیری باشد. خروجی  $y=x$  باید سیگنال مرجع  $y_m(t)$  را تحت این قید که تمام سیگنال‌های به کار گرفته شده محدود باشند را دنبال کند.

می‌خواهیم یک سیگنال کنترل  $u = u(\underline{x}|\underline{\theta})$  (بر اساس سیستم منطقی فازی) و یک قانون وفق برای تنظیم بردار پارامتری  $\underline{\theta}$  (بردار مراکز ثقل توابع عضویت خروجی) تعیین کنیم.

$$u_c(\underline{x}|\underline{\theta}) = \underline{\theta}^T \underline{\xi}(\underline{x})$$

$$u = u_c(\underline{x}|\underline{\theta})$$

بردار مقادیر اولیه مراکز ثقل توابع عضویت خروجی  $\underline{\theta}(0) = [y^1, \dots, y^n]^T$  به صورت تصادفی و یا با استفاده از

تجربیات اشخاص خبره انتخاب می‌شود.

$$V = \frac{1}{2} \underline{e}^T P \underline{e} + \frac{b}{2\gamma} \underline{\theta}^T \underline{\theta}$$



$\gamma$  یک ثابت مثبت و  $P$  یک ماتریس متقارن مثبت معین است که در رابطه لیاپانوف زیر صدق می کند.

$$A_c^T P + P A_c = -Q$$

که ماتریس  $A_c$  و بردار  $\underline{b}_c$  عبارتند از:

$$A_c = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ -k_n & -k_{n-1} & \dots & \dots & \dots & -k_1 \end{bmatrix} \quad \underline{b}_c = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ b \end{bmatrix}$$

اگر  $p_n$  آخرین ستون  $P$  باشد، قانون وفق به صورت زیر خواهد بود .

$$\underline{\theta}' = y e^T \underline{P}_n \underline{\xi}(x)$$

و در هر زمان نمونه برداری می توان سیگنال کنترل را بر اساس رابطه زیر محاسبه به محدوده ولتاژ 0-5 ولت تبدیل و به پلنت اعمال نمود :

$$u_c(x|\underline{\theta}) = \underline{\theta}^T \underline{\xi}(x)$$

## 6- نتیجه گیری:

در صورتیکه واکنشها محدود و مشخص باشند، تخمین پارامترهای سیستم و مدلسازی آن و طراحی کنترل کننده به روش های متداول امکان پذیر خواهد بود. ولی چنانچه تولید یک محصول جدی در دستور کار قرار گیرد نیاز به تخمین پارامترهای واکنش جدید و تجدید نظر در طراحی کنترل کننده خواهد بود. اگر چه در کنترل کننده های فازی وفقی به روش غیرمستقیم تخمین پارامترهای فرآیند حین کار انجام می شود. اما چون تجربیات اپراتور بیشتر به صورت دانش مربوط به کنترل کننده است تا دانش مربوط به پارامترها و یا معاملات سیستم، کنترل کننده به روش مستقیم مناسب ترین گزینه برای اجرای طرح تشخیص داده شد.

کنترل کننده فازی وفقی بر روی یک راکتور حاوی مواد شیمیایی که با یکدیگر واکنش گرمازا انجام می دادند نصب گردید درجه حرارت مطلوب از نظر اپراتور  $170^\circ\text{C}$  تعیین گردید. تثبیت درجه حرارت به خوبی انجام شد. این کنترل کننده به واسطه ماهیت وفقی می تواند درجه حرارت راکتورهای گرمازا با رفتار گرمایی متفاوت کنترل نماید.

## 6-مراجع



[1] Wang. L. X. and Mendel, J. M. "Fuzzy Basis Functions, Universal Approximation and Orthogonal Least Square Learning" , IEEE Trans. Neural Networks, Vol. 3 pp. 807-813 ,Sept. 1992.

[2] Wang. L. X. "Stable Adaptive Fuzzy Control of Nonlinear Systems" IEEE Trans. Fuzzy Syst. Vol. 1 No. 2 , pp. 146-155 , May 1993

[3] تشنه لب، م. صفار پور، ن. ، سیستمهای فازی و کنترل ، نشر دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی ، 1378

Archive of SID