

زمانبندی عملیات بارزنی کامیون در انبارهای اتوماتیک با در نظر گرفتن قفسه های مشترک برای جرثقیل ها

نیما فرمند

دانشجو کارشناسی ارشد مهندسی صنایع، دانشکده صنایع و سیستم ها، دانشگاه صنعتی اصفهان
n.farmand@in.iut.ac.ir

رامین دهستانی اردکانی

دانشجو کارشناسی ارشد مهندسی صنایع، دانشکده صنایع و سیستم ها، دانشگاه صنعتی اصفهان
R.dehestani@in.iut.ac.ir

نازلی چازه ساز

دانشجو کارشناسی ارشد مهندسی صنایع، دانشکده صنایع، دانشگاه علم و فرهنگ تهران
n.Charehsaz@usc.ac.ir

چکیده

در این مطالعه برنامه ریزی عملیات بارزنی کامیون در انبارهای اتوماتیک و سیستم های بارزنی بررسی شده است. در این مسئله پالت ها می توانند از قفسه های مشترک توسط جرثقیل ها بارزنی شوند، اهمیت این موضوع در این است که با افزایش تعداد جرثقیل ها و کاهش محسوس تابع هدف که حداقل کردن حداکثر زمان بارزنی کامیون می باشد، کاهش قابل توجهی را در مصرف سوخت کامیون های مجهز به یخچال و همچنین صرفه جویی در انرژی را خواهیم داشت که باعث نزدیکتر شدن به استانداردهای جهانی می شود. همچنین مدل ارائه شده موجب کاهش زمان بارگیری کامیون های مخصوص حمل کالاهای فاسد شدنی میشود. این مطالعه توسط Flexible Job Shop Problem (FJSP) مدل شده است، که بار کامیون ها به عنوان کارها، پالت ها به عنوان عملیات، لیفتراک ها به عنوان وسیله ای برای تحویل پالت ها به کامیون و جرثقیل به عنوان ماشین برای تحویل پالت ها از قفسه ها به لیفتراک در نظر گرفته شده است. مدل توسعه یافته در این مقاله به روش حل دقیق حل شده و تحلیل حساسیت برای پارمتر کلیدی مسئله مورد بررسی و نتیجه گیری بر اساس آن ارائه شده است.

واژگان کلیدی: انبارهای اتوماتیک، زمانبندی عملیات بارزنی کامیون ، مصرف انرژی،
Flexible Job Shop Problem

۱. مقدمه

در ذخیره سازی اتوماتیک و سیستم بارزنی (AS/RS^1) در انبارها، که از ماشین های اتوماتیک برای ذخیره سازی و بارزنی محصولات در هر دو محیط تولیدی و توزیعی استفاده می کنند، جرثقیل های اتوماتیک در راهروها بین قفسه ها برای بارزنی پالت ها جهت برآورده کردن سفارش مشتریان و رساندن آن ها به جمع کننده ها حرکت می کنند. AS/RS یک سیستم تمام اتوماتیک است، زیرا برای مدیریت پالت ها نیاز به هیچ گونه اپراتوری ندارد (Roodbergen, 2009). هنگامی که سفارشی دریافت می شود جرثقیل های اتوماتیک بین راهروها حرکت کرده و پالت مورد نیاز را جهت رساندن آنها به لیفتراک ها که در ابتدای قفسه ها قرار دارند بارزنی می کنند. در انتهای قفسه ها از لیفتراک ها برای بارزنی پالت ها به کامیون ها استفاده می شود. از مزیت های این سیستم (AS/RS) می توان به افزایش جریان مواد و کنترل بهتر موجودی و صرفه جویی در انرژی اشاره کرد. بهینه سازی زمانبندی انبار مسئله ای است که در این مطالعه مورد بحث قرار گرفته است. جزئیات مرور ادبیات درباره گسترش شیوه های برنامه ریزی در سیستم های (AS/RS) در قسمت دوم مقاله آورده شده است. در این مطالعه، برنامه ریزی عملیات بارزنی کامیون در انبارهای (AS/RS) بررسی شده است. این مسئله با Flexible Job Shop Problem (FJSP) مدل شده که بار کامیونها به عنوان کار و پالت ها به عنوان عملیات در نظر گرفته شده است. جرثقیل های استفاده شده برای بارزنی پالت ها از قفسه ها به عنوان ماشین در نظر گرفته شده اند و تاثیر استفاده از قفسه های مشترک برای جرثقیل ها مورد بررسی قرار گرفته است. نوآوری این مقاله، استفاده از قفسه های مشترک برای زمانبندی عملیات بارزنی پالت ها در انبارهای (AS/RS) است. اهمیت این موضوع در این است که به علت مجهز بودن کامیون ها به یخچال، کامیون ها از مصرف سوخت بالایی برخوردار می باشد، که هرچه مدت زمان انتظار کامیون ها برای اتمام عملیات بارزنی به حداقل رسد، باعث کاهش مصرف سوخت فسیلی و کاهش اثرات مخرب زیست محیطی و نزدیک شدن به استانداردهای جهانی می شود که این موضوع با افزایش تعداد جرثقیل ها میسر می شود. مطالب در برگرنده این مطالعه به شرح زیر است:

در قسمت دوم مروری بر ادبیات موضوع روی برنامه ریزی زمانبندی عملیات بارزنی کامیون ارائه شده است. در قسمت سوم سیستم ذخیره سازی انبارهای اتوماتیک و تعریف مسئله شرح داده شده است. در قسمت چهارم برنامه ریزی عدد صحیح مختلط برای برنامه ریزی عملیات بارزنی کامیون در انبار (AS/RS) مبتنی بر FJSP برای قفسه های مشترک برای جرثقیل ها ارائه شده است. نتایج محاسباتی مربوط به مسئله ها با داده های تصادفی در انبار (AS/RS) در قسمت پنجم و تحلیل حساسیت پارامتر مسئله در قسمت ششم و نتیجه گیری در قسمت هفتم ارائه شده است.

۲. ادبیات موضوع

برنامه ریزی و انجام محاسبات دقیق برای آماده سازی سفارشات مشتری در زمان مناسب در AS/RS بسیار مهم است (Oliveira, 2007). در مطالعات قبلی روش های ساده سازی و تکنیک های شبیه سازی برای مشکلات ذخیره سازی و بارزنی در سیستم های انبارداری اتوماتیک مورد توجه قرار گرفته است (Rouwenhorst & et al, 2000). بزر و وایت (Bozer & White, 1984) مدل های زمان سفر برای ماشین های خودکار S/R پیشنهاد می کنند. هان و همکاران (Han & et al, 1987) با استفاده از روش های ابتکاری و شبیه سازی مونت کارلو توالی بازیابی را در AS/RS بررسی می کنند.

¹ Automated storage and retrieval system

هاسمن و همکاران (Hausman & et al, 1976) قوانین تخصیص را برای تعیین سیاست‌های ذخیره سازی استفاده کردند، شوارز و همکاران (Schwarz & et al 1978) قوانین ذخیره سازی را با یک مدل شبیه سازی مورد تجزیه و تحلیل قرار دادند. لی و شفر (Lee & Schaefer, 1996) مساله‌ای را که توسط Han و همکارانش مطرح شده بود را فرموله کردند. در سال‌های اخیر علاوه بر مدل سازی ریاضی و روش‌های شبیه سازی، روش‌های فراابتکاری مورد توجه قرار گرفته است.

بین و راو (Yin & Rau, 2006) ترکیب الگوریتم‌های شبیه سازی و ژنتیک را برای انتخاب توالی بار در AS/RS به کار گرفته اند. سینار و همکاران (Cinar & et al, 2017) انبارهای اتوماتیک را به صورت flexible job shop در نظر گرفتند و این مطالعه گسترش همین مدل بوده است با این تفاوت که برای جرثقیل‌ها قفسه‌های مشترک در نظر گرفته شده است. علت این گسترش کاهش مصرف سوخت کامیون‌های مجهز به یخچال و کاهش زمان بارگیری کامیون‌های مخصوص حمل کالاهای فاسد شدنی می‌باشد تا از اثرات مخرب آلاینده‌های سوخت‌های فسیلی و خرابی کالاهای فاسد شدنی جلوگیری شود (McGlade & Ekins, 2015).

3. سیستم ذخیره سازی و تعریف مسئله

انبار در نظر گرفته شده در این مطالعه انباری است که به عنوان مرکز توزیع فعالیت می‌کند. محصولات در انبار برای بارزنی کامیون‌ها جهت برآورده کردن نیازها ذخیره می‌شوند. مسیر کامیون‌ها از قبل براساس نیاز مشتریان و موعد تحویل تعیین شده است. این انبار شامل پنج راهرو با ظرفیت چهل هزار پالت در قفسه‌ها، جهت ذخیره‌سازی پالت‌ها می‌باشد. جرثقیل‌های اتوماتیک یا S/R بین راهروها جهت بارزنی و رساندن پالت‌ها به ابتدای راهروها برای بارزنی آنها توسط لیفتراک‌ها جا به جا میشوند. لیفتراک‌ها پالت‌ها را به کامیون‌ها انتقال می‌دهند. سیستم برنامه‌ریزی انبار (WPS²) و سیستم مدیریت انبار (WMS³) در این انبار استفاده می‌شود. برنامه‌ریزی روزانه بارزنی برای هر کامیون توسط WPS ارزیابی می‌شود. توالی بارزنی پالت‌ها و جابه‌جایی جرثقیل‌ها و لیفتراک‌ها توسط WMS تعیین می‌شود. هر کامیون زمان تحویل خاص خود را که توسط سیستم WPS تعیین می‌شود را دارد و بارها دارای هیچ گونه تاخیری نمی‌باشند. مجموعه کل بارهای بارزده شده در کامیون‌ها را یک Batch می‌نامند. بارهای داخل یک Batch به طور هم‌زمان برنامه‌ریزی می‌شوند. بارزنی Batch بعدی آغاز نمی‌شود تا زمانی که تمام بار Batch قبلی بارزنی شده باشد. تعداد بارهای هر Batch با توجه به تعداد جایگاه‌های بارزنی به کامیون‌ها و موعد تحویل تعیین می‌شود. برنامه‌ریزی استاندارد شامل 15-20 Batch با 6-13 بار برای هر Batch می‌باشد. سفارش هر مشتری شامل یک محصول یا مجموعه‌ای از محصولات می‌باشد که توسط یک یا چند پالت به مشتری ارسال می‌شود. شرایط نگهداری پالت‌ها خاص بوده و پالت‌های ذخیره شده در انبار نیاز به نگهداری در یخچال دارند. مجموعه سفارشات از قبل تعیین شده و در انبار موجود می‌باشد. بار یک کامیون شامل مجموعه‌ای از پالت‌هاست که برای یک یا چند مشتری فرستاده می‌شود. توالی پالت‌های بارزنی شده توسط کامیون‌ها به وسیله WMS با قانون LIFO تعیین شده است. از آنجایی که توالی بارگذاری پالت‌ها از قبل تعیین شده، امکان تغییر در آن‌ها وجود ندارد و رابطه‌ی پیش‌نیازی بین پالت‌های بار شده در هر کامیون وجود دارد. برای افزایش بهره‌وری انبار، هر نوع پالت در حداکثر دو قفسه قرار داده شده‌اند. هر راهرو لیفتراک منحصر به فرد خود را دارا می‌باشد. بعد از اینکه لیفتراک پالت را از راهروی خود دریافت کرد برای بارزنی به سمت هر یک از کامیون‌ها می‌تواند حرکت کند. جرثقیل هر راهرو به علت شرایط نگهداری پالت‌ها و نیاز آنها به سرما و به منظور جلوگیری از انباشته شدن پالت‌ها

² Warehouse Planning System

³ Warehouse Management System

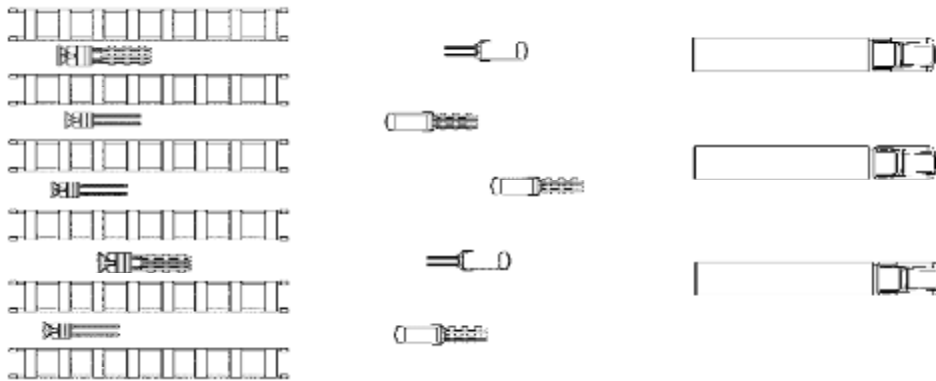
در ابتدای راهرو مربوطه، عمل جدید خود را تا زمان اتمام فعالیت لیفتراک مربوط به راهرو خود، آغاز نمی کند. برای مسائل امنیتی همچون جلوگیری از تصادفات در یک لحظه از زمان بیش از یک لیفتراک نمی تواند بار خود را به کامیون برساند. بنابراین در یک زمان مشخص فقط یک پالت می تواند برای بارزنی دریافت شود. بعد از رسیدن بار لیفتراک به کامیون مربوطه جهت بارزنی، لیفتراک به راهروی خود بازگشته و جرثقیل به سیستم WMS این خبر را که برای انتقال بعدی آماده است را می دهد. لیفتراک فقط می تواند در هر انتقال یک پالت را جابه جا کند. توالی های متفاوت ناشی از عملیات جرثقیل های اتوماتیک بر روی پالت ها جهت بارزنی به کامیون ها باعث تغییر مقدار تابع هدف می شوند (لروما استفاده از جرثقیل و لیفتراک با کمترین زمان، تابع هدف را بهینه نمی کند). جزئیات مربوط به این انبار ها از (Cinar & et al, 2017) جمع آوری شده است.

فرض کنید انباری با پنج راهرو وجود دارد که با R_1, R_2, R_3, R_4, R_5 نمایش می دهیم. مسئله توالی بارزنی Batch شامل سه کامیون است. هر کامیون شامل 4 پالت که هر کدام دارای روابط پیش نیازی از پیش تعیین شده می باشند، در نتیجه دارای 12 پالت هستیم که باید در Batch بارزنی شوند. برای هر راهرو یک لیفتراک در نظر گرفته شده که بار راهروی خود را به کامیون مورد نظر انتقال می دهد. قفسه های ذخیره شده ی هر پالت و زمان های پردازش که برای راحتی مجموع زمان های پردازش عملیات جرثقیل روی پالت برای انتقال به سر قفسه میباشد و عملیات انتقال پالت از سر قفسه به کامیون توسط لیفتراک، در جدول 1 ارائه شده است.

جدول 1. داده های تصادفی

کامیون a	پالت i ام			
	1	2	3	4
1	(3.3.4), (1.1.2)	(7.5.5), (6.5.4)	(3.3.6), (2.3.5)	(5.5.9), (3.4.7)
	(2.3.3)	(4.2.2), (3.2.1)	(5.6.8)	(4.5.8), (4.4.8)
2	(2.2.6), (1.2.7)	(4.5.5), (1.1.6)	(2.2.4), (1.2.5)	(3.4.2), (1.4.4)
	(3.3.5), (2.3.6)	(5.5.6)	(3.3.3), (2.3.4)	(4.4.3)
3	(4.4.3), (3.4.4)	(2.2.8), (1.2.9)	(2.3.7), (1.1.8)	(5.5.3), (4.5.4)
	(5.6.2)	(4.4.6), (3.4.7)	(3.3.6)	(5.6.3)

جرثقیل J قادر به حمل پالت i و قفسه ذخیره شده ی پالت (T) و زمان پردازش (P) با (J, T, P) نشان داده شده است. برای مثال اولین پالت مربوط به کامیون دوم می تواند از قفسه دوم توسط جرثقیل اول با زمان پردازش هفت و یا توسط جرثقیل دوم با زمان پردازش شش جا به جا شده و یا از قفسه سوم توسط جرثقیل دوم با زمان پردازش شش و یا توسط جرثقیل سوم با زمان پردازش پنج جا به جا شود. شکل 1 نمای کلی انبار را نمایش می دهد.



شکل ۱. نمای کلی انبار

۴. مدل مسئله

مفروضات مدل:

- ۱- سفارشات به فرم پالتی از محصولات در انبار ذخیره میشوند.
- ۲- هر جرثقیل در هر واحد زمان فقط توانایی حمل یک پالت را دارد.
- ۳- هر نوع پالت در حداکثر دو قفسه قرار دارد.

پارامترها و اندیس ها

پارامترها و اندیس های مسئله در جدول ۲ تعریف شده اند.

جدول ۲. پارامترها و اندیس های مسئله

پارامتر و اندیس	توضیحات
a	اندیس کامیون
i	اندیس پالت
j	اندیس جرثقیل
t	اندیس قفسه
A	مجموعه ای از کامیون ها
I	مجموعه ای از پالت ها
J	مجموعه ای از جرثقیل ها
T	مجموعه ای از قفسه ها
L	عدد بزرگ
P_{ajt}	زمانی بارزنی پالت i کامیون a توسط جرثقیل j و از قفسه t (شامل عملیات بارزنی جرثقیل تا سر قفسه و انتقال آن به لیفتراک راهروی خود و عملیات بارزنی پالت به کامیون امیباشد).

متغیرهای مسئله

متغیرهای مسئله در جدول 3 تعریف شده اند.

جدول 3. متغیرهای مسئله

متغیر	توضیحات
c_{max}	زمان ختم بارزنی پالت ها به کامیون و تکمیل یک batch
f_{aijt}	زمان شروع بارزنی پالت i کامیون a توسط جرثقیل j و از قفسه t .
c_{aijt}	زمان ختم بارزنی پالت i کامیون a توسط جرثقیل j و از قفسه t (که شامل زمان ختم عملیات بارزنی کامیون توسط لیفتراک نیز میباشد).
y_{aijt}	اگر پالت i کامیون a توسط جرثقیل j و از قفسه t تامین شود برابر 1 می باشد، در غیر این صورت برابر صفر است.
$z_{aita'i't'j}$	اگر پالت i از کامیون a توسط قفسه t قبل از پالت i' از کامیون a' توسط قفسه t' به وسیله جرثقیل j بارزنی شود برابر 1 می باشد، در غیر این صورت برابر صفر است.

مدل برنامه ریزی عدد صحیح مختلط به شرح زیر می باشد :

$$\text{Min } c_{max}$$

S.t:

$$\sum_{j \in J} \sum_{t \in T} y_{aijt} = 1 \quad \forall a \in A, \forall i \in I \quad (1)$$

$$f_{aijt} + c_{aijt} \leq L * y_{aijt} \quad \forall a \in A, \forall i \in I, \forall j \in J, \forall t \in T \quad (2)$$

$$c_{aijt} \geq f_{aijt} + p_{aijt} - L * (1 - y_{aijt}) \quad \forall a \in A, \forall i \in I, \forall j \in J, \forall t \in T \quad (3)$$

$$f_{aijt} \geq c_{a'i'jt'} - L * z_{aita'i't'j} \quad \forall a < a', \forall j \in J, \forall t, t' \in T, \forall i, i' \in I \quad (4)$$

$$f_{a'i'jt'} \geq c_{aijt} - L * (1 - z_{aita'i't'j}) \quad \forall a < a', \forall j \in J, \forall t, t' \in T, \forall i, i' \in I \quad (5)$$

$$\sum_{j \in J} \sum_{t \in T} f_{aijt} \geq \sum_{j \in J} \sum_{t \in T} c_{ai-1jt} \quad i > 1, \forall a \in A \quad (6)$$

$$y_{aijt} \leq p_{aijt} \quad \forall a \in A, \forall i \in I, \forall j \in J, \forall t \in T \quad (7)$$

$$C_{max} \geq \sum_{j \in J} \sum_{t \in T} c_{aijt}$$

$$a \in A, i \in I \quad (8)$$

$$f_{aijt}, c_{aijt}, C_{max} \geq 0, y_{aijt}, z_{aita'i't'j} \in \{0,1\} \quad (9)$$

تابع هدف که به دنبال حداقل کردن زمان ختم بارزنی کامیون ها می باشد. محدودیت (1) تضمین می کند که هر پالت فقط یکبار از انبار جهت بارزنی جرثقیل ها انتخاب شود. محدودیت (2) تضمین می کند که اگر پالت i کامیون a از قفسه t به جرثقیل j تخصیص نیابد زمان شروع و پایان برای آن برابر صفر است در غیر این صورت در صورت تخصیص، محدودیت (3) تضمین می کند که زمان ختم پالت مورد نظر نمی تواند از جمع زمان شروع و زمان پردازش کوچکتر باشد. محدودیت های (4) و (5) تضمین می کنند تا زمانی که انتقال پالت فعلی برای جرثقیلی تمام نشده نمی توان پالت جدیدی برای انتقال بعدی شروع شود. محدودیت پیش نیازی مربوط به بار هر کامیون در محدودیت (6) آورده شده است که تضمین می کند که پالت های داخل هر کامیون طی توالی از پیش تعیین شده در کامیون بارزنی شوند. محدودیت (7) تضمین می کند که هر جرثقیل به پالت ها و قفسه هایی که به آن دسترسی دارد تخصیص یابد. محدودیت (8) تضمین می کند که زمان ختم از زمان ختم آخرین پالت هر کامیون نمی تواند کمتر باشد. محدودیت (9) نشان دهنده محدودیت های باینری و نامنفی بودن متغیرهای تصمیم می باشند.

5. روش تحقیق

در این قسمت به بررسی نتایج محاسباتی برای ابعاد مختلف مسئله در اندازه کوچک می پردازیم.

نتایج محاسباتی

تمامی نتایج ارائه شده با نرم افزار GAMS 24.1.2 و با سالور CPLEX در محیط کنسول و در سیستم intel core i5 انجام شده است. مسئله های بررسی شده دارای ابعاد $2*2$ ، $3*5$ و $5*7$ و $7*10$ (تعداد جرثقیل * تعداد کامیون) می باشند. همچنین به عنوان مثال برای نمونه $3*5$ یعنی تعداد 3 کامیون و تعداد 5 جرثقیل از مثال همین تحقیق، جدول 1 استفاده شده است و مابقی نمونه ها به همین ترتیب و به صورت تصادفی ساخته شده اند. محاسبات عددی کامل نمونه ها در جدول 4 به شرح زیر است:

جدول 4. نتایج محاسباتی

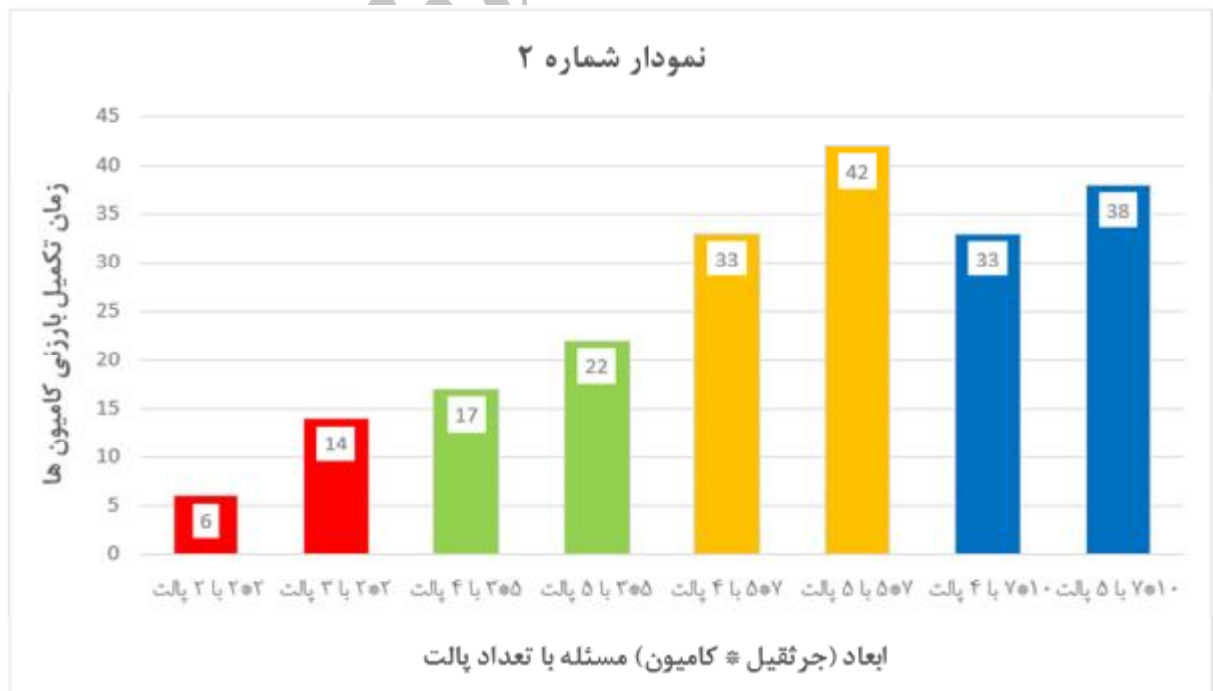
شماره مسئله	اندازه مسئله			مقدار تابع هدف	زمان حل (ثانیه)
	تعداد جرثقیل * تعداد کامیون	تعداد پالت در هر کامیون	تعداد قفسه		
1	2*2	2	3	6	0.208
2	2*2	3	3	14	0.235
3	3*5	4	6	17	0.722
4	3*5	5	6	22	0.828
5	5*7	4	8	33	3.556
6	5*7	5	8	42	5.049
7	7*10	4	11	33	18.108
8	7*10	5	11	38	28.303

6. یافته ها

در این قسمت به تحلیل حساسیت پارامتر کلیدی مدل P_{aijt} پرداخته شده است. با توجه به تغییر ابعاد مسئله و همچنین تغییر مقدار المان های پارامتر P_{aijt} نتیجه می گیریم که زمان حل مسئله و همچنین مقدار تابع هدف متغیر می باشد و با توجه به شکل 2 در می یابیم که با افزایش ابعاد مسئله یعنی تعداد جرثقیل ها (j) و کامیون ها (a) و همچنین افزایش در تعداد پالت ها (i) و تعداد قفسه ها (t) زمان حل مدل توسط نرم افزار گمز افزایش می یابد، همچنین با توجه به شکل 3 میتوان نتیجه گرفت با افزایش المان های پارامتر P_{aijt} مقدار بهینه تابع هدف یعنی زمان آماده سازی یک batch تغییر می یابد و این زمان در مقایسه با مدل اولیه که قفسه های مشترک برای جرثقیل ها وجود نداشت کمتر می باشد، زیرا در مدل توسعه یافته فرض شد که در انبار اتوماتیک قفسه های مشترک برای جرثقیل ها وجود دارد و کالاهای فاسد شدنی در دمای غیر یخچالی در انبار موجود می باشند. همچنین با توجه به جدول 4 میتوان دریافت که با افزایش تعداد قفسه ها در انبار می توان زمان تکمیل بارزنی کامیون ها (مقدار تابع هدف) را حتی در صورتی که تعداد کامیون ها و جرثقیل ها افزایش داشته اند، کاهش داد.



شکل ۲. زمان حل مدل با توجه به ابعاد مختلف مسئله



شکل 3. مقدار تابع هدف مسئله با توجه به ابعاد مختلف مسئله

7. بحث و نتیجه گیری

در این تحقیق زمانبندی عملیات بارزنی کامیون های متشابه FJSP در انبارهای اتوماتیک و سیستم های بارزنی با توجه به قفسه های مشترک برای جرثقیل های موجود در انبار در نظر گرفته شد. توسعه مدل FJSP سبب افزایش تعداد جرثقیل ها برای انبارهای اتوماتیکی که شامل کالاهای فاسد شدنی در دمای غیر یخچالی هستند می شود. این کار باعث کاهش زمان انتظار کامیون های مجهز به یخچال برای اتمام عملیات بارزنی می شود که سبب صرفه جویی در مصرف سوخت فسیلی و همچنین تخلیه زودتر انبار و فراهم شدن فضای مناسب برای ورود محصولات جدید می شود. همچنین در این مسئله میتوان با افزایش قفسه ها در انبار، زمان بارگیری کامیون ها را به شدت کاهش داد که مزیت بسیار بزرگی برای کالاهای فاسد شدنی میباشد. برای تحقیقات آتی میتوان مسئله فوق را با در نظر گرفتن محدودیت های که مسئله را به دنیای واقع نزدیک تر میکنند در نظر گرفت و با استفاده از الگوریتم های ابتکاری و فراابتکاری به حل مسئله برای ابعاد بسیار بزرگتر و مقایسه بین آن ها پرداخت.

منابع

- Roodbergen, K. J., & Vis, I. F. (2009). A survey of literature on automated storage and retrieval systems. *European journal of operational research*, 194(2), 343-362.
- Oliveira, J. A. (2007). Scheduling the truckload operations in automatic warehouses. *European Journal of Operational Research*, 179(3), 723-735.
- Rouwenhorst, B., Reuter, B., Stockrahm, V., van Houtum, G. J., Mantel, R. J., & Zijm, W. H. (2000). Warehouse design and control: Framework and literature review. *European journal of operational research*, 122(3), 515-533.
- Bozer, Y. A., & White, J. A. (1984). Travel-time models for automated storage/retrieval systems. *IIE transactions*, 16(4), 329-338.
- Han, M. H., McGinnis, L. F., Shieh, J. S., & White, J. A. (1987). On sequencing retrievals in an automated storage/retrieval system. *IIE transactions*, 19(1), 56-66.
- Hausman, W. H., Schwarz, L. B., & Graves, S. C. (1976). Optimal storage assignment in automatic warehousing systems. *Management science*, 22(6), 629-638.
- Schwarz, L. B., Graves, S. C., & Hausman, W. H. (1978). Scheduling policies for automatic warehousing systems: simulation results. *AIIE transactions*, 10(3), 260-270.
- Lee, H. F., & Schaefer, S. K. (1996). Retrieval sequencing for unit-load automated storage and retrieval systems with multiple openings. *International Journal of Production Research*, 34(10), 2943-2962.
- Yin, Y. L., & Rau, H. (2006). Dynamic selection of sequencing rules for a class-based unit-load automated storage and retrieval system. *The International Journal of Advanced Manufacturing Technology*, 29(11-12), 1259-1266.
- Cinar, D., Oliveira, J. A., Topcu, Y. I., & Pardalos, P. M. (2017). Scheduling the truckload operations in automated warehouses with alternative aisles for pallets. *Applied Soft Computing*, 52, 566-574.
- McGlade, C., & Ekins, P. (2015). The geographical distribution of fossil fuels unused when limiting global warming to 2 C. *Nature*, 517(7533), 187.